

Физика: Электричество и магнетизм
лабораторный практикум (часть №1, лаб.№№2-1 - 2-9)

для студентов технических специальностей
дневной и заочной формы обучения

Содержание

	<i>Стр</i>
Предисловие.....	5
Общие требования по порядку выполнения лабораторных работ и оформлению отчета	5
1. Лабораторная работа №2 – 1. Изучение основных характеристик электроизмерительных приборов.....	6
2. Лабораторная работа №2 – 2. «Определение диэлектрической проницаемости твердого полярного диэлектрика».....	19
3. Лабораторная работа №2 – 3. «Изучение электростатического поля методом электролитических моделей».....	27
4. Лабораторная работа №2 – 4. «Изучение законов постоянного тока».....	35
5. Лабораторная работа №2 – 5. «Исследование зависимости сопротивления металлов и полупроводников от температуры».....	44
6. Лабораторная работа №2 – 6. «Изучение вольт – амперной характеристики полупроводникового диода».....	52
7. Лабораторная работа №2 – 7. «Изучение работы электронного осциллографа».....	61
8. Лабораторная работа №2 – 15. «Измерение ёмкости конденсатора с помощью гальванометра».....	71
9. Лабораторная работа №2 – 8«Измерение ёмкости конденсатора методом резонанса».....	77
10. Лабораторная работа №2 – 9. «Измерение индуктивности катушки в цепи переменного тока».....	88
Приложение.....	101
Литература.....	107

Предисловие

Предлагаемый практикум предназначен для самостоятельной работы студентов дневной формы обучения технических специальностей. Включает 15 лабораторных работ по разделу «Электричество и магнетизм» курса «Физика».

Ко всем лабораторным работам даны теоретические сведения, описание установок, методики работы с установками и порядок выполнения работ.

Методические указания, изложенные в практикуме, ставят целью активизировать самостоятельную работу студентов и оказать помощь при выполнении лабораторных работ и их расчёте.

Лабораторный практикум написан в полном соответствии с типовой учебной программой и общеобразовательного стандарта по курсу «Физика» для студентов технических специальностей ВУЗов.

Общие требования по порядку выполнения лабораторных работ и оформлению отчета

Выполняются лабораторные работы в соответствии с порядком выполнения, который прилагается к каждой лабораторной установке на трафарете. Перед выполнением лабораторной работы студент должен быть готов дать ответ по теоретическим вопросам, касающимся выполняемой работы и методике выполнения работы.

При оформлении отчета необходимо соблюдать следующие правила:

1. Титульный лист и отчёт по лабораторной работе должны быть оформлены в соответствии с требованиями представленными на стендах в лабораториях 503 и 504.

2. В отчёте указать цель работы, приборы и принадлежности с их характеристиками.

3. Практическая часть отчёта должна содержать:

а) электрическую схему (блок – схему) установки на которой выполняется лабораторная работа;

б) таблицы с результатами измерений и расчётов;

в) расчётные формулы;

г) расчёт погрешностей измерений;

д) графики, выполненные на миллиметровой бумаге и от руки;

е) выводы с ответами на вопросы, указанные в конце каждой работы.

Лабораторная работа №2-1.

Изучение основных характеристик электроизмерительных приборов

Цель работы:

1. Изучить устройство и принцип действия приборов разных систем, их погрешности, достоинства, недостатки и область применения.
2. По шкале конкретного прибора определить его основные характеристики и абсолютную погрешность намерения.
3. Рассчитать шунт и дополнительное сопротивление для расширения пределов измерения прибора.

Приборы и принадлежности:

Приборы и принадлежности: приборы разных систем или набор шкал от различных приборов.

Теоретическая часть.

Электроизмерительным прибором называется устройство, которое предназначено для измерения различных электрических величин: тока, напряжения, сопротивления, электрической мощности и т.д.

Все измерительные приборы делятся на две большие группы: аналоговые и цифровые.

Аналоговые измерительные приборы – приборы, показания которых являются непрерывной функцией изменения входной измеряемой величины. Аналоговые измерительные приборы делятся на приборы для статических и динамических измерений.

К приборам для статических измерений относятся вольтметры, амперметры, омметры и другие.

К приборам для динамических измерений относятся электронно-лучевые осциллографы, самопишущие приборы.

Рассмотрим аналоговые измерительные приборы предназначенные для статических измерений: электромеханические и электронные.

Все электромеханические измерительные приборы основаны на преобразовании электрической энергии входного сигнала в механическую энергию углового (линейного) перемещения подвижной части отсчетного устройства.

Электромеханические измерительные приборы подразделяются на приборы магнитно – электрической (МЭ), электромагнитной (ЭМ),

электродинамической (ЭД), ферродинамической (ФД), электростатической (ЭС), индукционной (И) и термоэлектрической (ТЭ) систем.

Конструктивные особенности приборов магнитно – электрической системы приведены в таблице 1 и на рисунке 1

Таблица 1

Система прибора	Обозначение системы	Характеристики и достоинства	Недостатки	Применение
Магнитно-электрическая	<p>С подвижной рамкой</p>  <p>С подвижным магнитом</p> 	<p>высокий класс точности – 0.05 и ниже; равномерная шкала; высокая и стабильная чувствительность; малое собственное потребление мощности; ($P_{\text{соб}}=10^{-5} - 10^{-4}$ Вт) большой диапазон измерений; на показания МЭП не влияют внешние магнитные электрические поля</p>	<p>Без преобразователей используются только в целях постоянного тока, имеют малую нагрузочную способность, сложны, дороги, на их показания влияют колебания температуры</p>	<p>Используют в амперметрах, вольтметрах, гальванометрах (обычных, баллистических, вибрационных) и омметрах</p>

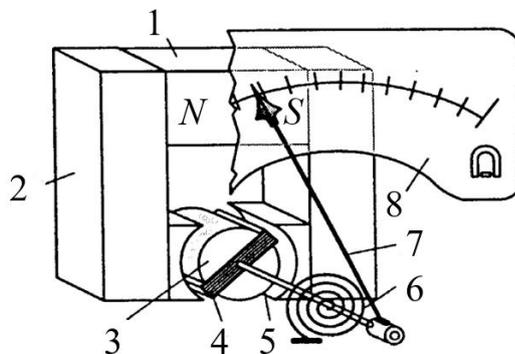


Рис.1. Конструкция магнитоэлектрического механизма:

1 – постоянный магнит; 2 – магнитопровод; 3 – цилиндрический сердечник из магнитомягкого материала; 4 – рамка с измеряемым током; 5 – ось; 6 – спиральная пружина; 7 – стрелка; 8 – шкала.

В данной системе (см. рис. 1) измерительный механизм состоит из проволочной рамки с протекающим в ней током, помещенной в поле постоянного магнита (магнит провода). Поле в зазоре, где находится рамка, однородное. Под действием протекающего тока I рамка вращается в магнитном поле. Угол отклонения стрелки ограничивается спиральной пружиной, равной: $\alpha = I \frac{\Psi}{\omega}$, где $\Psi = BSN$ – удельное

потокосцепление.

ω – удельный противодействующий момент пружины.

Конструктивные особенности приборов электромагнитной системы приведены в таблице 2 и на рисунке 2.

Таблица 2

Система прибора	Обозначение системы	Характеристики и достоинства	Недостатки	Применение
Электромагнитная		простота конструкции и высокая надежность; возможность работы в цепях постоянного и переменного токов; класс точности 1.0; 1.5; 2.5; частотный диапазон 45 Гц – 10 кГц большой диапазон измерений по току	большое собственное потребление энергии; невысокая чувствительность; неравномерная шкала; влияние внешних магнитных и температурных полей; влияние частоты питающего напряжения	используется в амперметрах, вольтметрах, фазометрах, частотомерах, генриметрах, фарад метрах

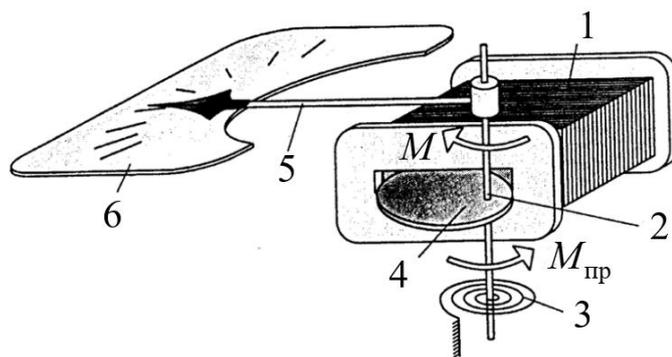


Рис.2. Устройство электромагнитного механизма:

1 – катушка с измеряемым током; 2 – ось; 3 – спиральная пружина; 4 – сердечник из магнитомягкого материала; 5 – стрелка; 6 – шкала.

Принцип действия этой системы (см. рис. 2) основан на взаимодействии катушки с ферро магнитным сердечником. Протекающий по катушке ток I создает магнитный поток, который втягивает сердечник. Спиральная пружина связана со стрелкой, угол поворота которой равен:

$$\alpha = \frac{1}{2\omega} I^2 \frac{dL}{d\alpha},$$

где L – индуктивность катушки;

ω – удельный противодействующий момент пружины.

Конструктивные особенности приборов электродинамической системы приведены в таблице 3 и на рисунке 3.

Таблица 3

Система прибора	Обозначение системы	Характеристики и достоинства	Недостатки	Применение
Электродинамическая		используются в цепях постоянного и переменного токов; классы точности 0.05; 0.1; 0.2; частотный диапазон до 40 кГц; диапазон измерений на	большое собственное потребление энергии; неравномерная шкала; невысокая чувствительность, сложная конструкция; тряски и вибрации	лабораторные амперметры, вольтметры, ваттметры, фазометры

		постоянном токе (0.015 ÷ 10)А, на переменном токе (0.005 ÷ 200)А	недопустимы; влияние внешних магнитных полей, температуры и частоты питающего напряжения	
--	--	--	--	--

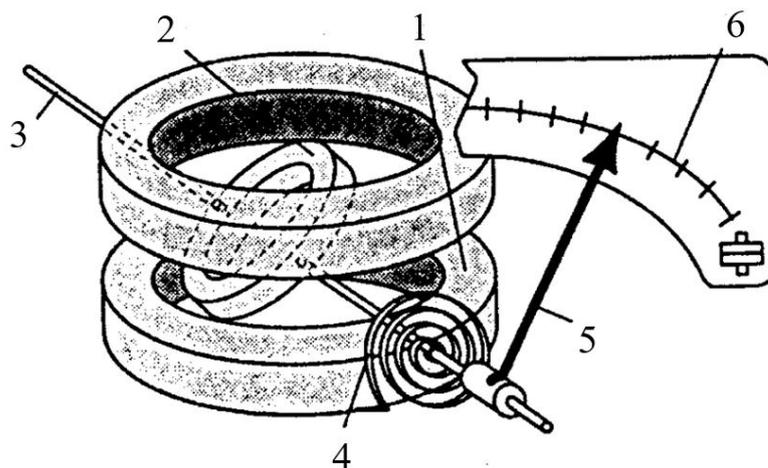


Рис.3. Конструкция электродинамической системы:

1 – неподвижная катушка; 2 – подвижная катушка; 3 – ось; 4 – спиральная пружина; 5 – стрелка; 6 – шкала.

Принцип действия системы (рис. 3) основан на взаимодействии магнитных потоков двух катушек с током I_1 и I_2 . Протекающие по катушкам токи создают магнитные потоки, которые стремятся принять одно направление. При этом подвижная катушка поворачивается внутри неподвижной. Спиральная пружина, закрепленная на оси, связана со стрелкой, угол поворота которой равен:

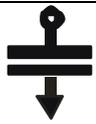
$$\alpha = \frac{1}{\omega} I_1 I_2 \cos \varphi \frac{dM}{d\alpha},$$

где φ – угол сдвига фаз между токами;

M – коэффициент взаимной индуктивности катушек.

Разновидностями электродинамической системы являются ферродинамическая и электростатическая система (таблица 4 и рисунок 4). У ферродинамической магнитные потоки катушек замыкаются не по воздуху, а по вспомогательным магнит проводам.

Таблица 4

Система прибора	Обозначение системы	Характеристики и достоинства	Недостатки	Применение
Ферродинамическая		не боится вибраций и тряски; внешние магнитные поля мало влияют; класс точности: 0.2; 0.5; 1.0; 1.5; 2.5;	возрастает погрешность на постоянном токе за счет потерь на гистерезис; точность приборов ниже; диапазон частот хуже чем у ЭД;	работа в электрических цепях переменного тока промышленной частоты в качестве амперметров, вольтметров, ваттметров.
Электростатическая		не потребляет энергии в цепях постоянного тока и имеет очень незначительное потребление в цепях переменного тока; классы точности: 0.05; 0.1; 1.0; 1.5; 2.5; частотный диапазон 20 Гц ÷ 10 МГц независимость показаний от изменения температуры и внешних магнитных полей	низкая чувствительность; неравномерная шкала; влияние внешних электрических полей;	в цепях постоянного и переменного тока в качестве только вольтметров;

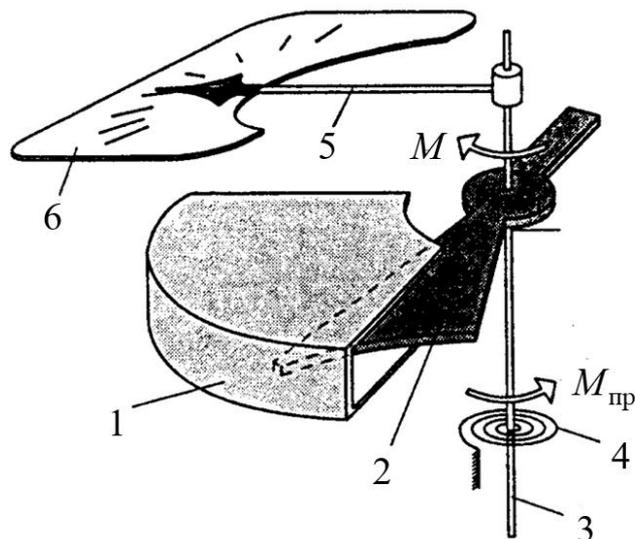


Рис.4. Устройство электростатического механизма:

1 – неподвижная пластина; 2 – подвижная пластина; 3 – ось; 4 – спиральная пружина; 5 – стрелка; 6 – шкала.

Принцип действия системы (рис. 4) основан на взаимодействии электрически заряженных проводников. Подвижная алюминиевая пластина закреплена вместе с указателем, перемещается, взаимодействуя с неподвижной пластиной. Угол поворота стрелки равен:

$$\alpha = \frac{1}{\omega} U^2 \frac{dC}{d\alpha},$$

где U – напряжение на пластинах;

C – электрическая ёмкость.

Характеристики и достоинства приборов индукционная и термоэлектрическая системы приведены в таблице 5.

Таблица 5

Система прибора	Обозначение системы	Характеристики и достоинства	Недостатки	Применение
Индукционная			зависимость показаний от колебаний частоты тока возбуждения и температуры	для измерения электрической энергии

Термоэлектрическая		работа с постоянными и с переменными токами и напряжениями; широкий диапазон частот; высокая точность приборов, классы точности 1.0; 1.5	невысокое быстродействие; неравномерность шкалы	для измерения малых токов и напряжений
--------------------	---	--	---	--

Основными характеристиками электроизмерительных приборов являются: погрешность средства измерений, чувствительность, цена деления шкалы, диапазон измерений и другие.

Погрешность средства измерений – это разность между показанием прибора и истинным значением измеряемой величины (средним значением) абсолютная погрешность $\Delta X = \bar{X} - X$, где

\bar{X} – результат измерения,

X – истинное значение величины (наиболее близкое к истинному значению – среднее значение)

Относительная погрешность – отношение абсолютной погрешности к истинному значению, выраженное в процентах:

$$\delta = \frac{\Delta X}{\bar{X}} \cdot 100\%.$$

Класс точности k – это наибольшая величина относительной или приведенной погрешности, которой может обладать прибор на любом участке его шкалы.

Установлен следующий ряд чисел для выражения пределов допускаемых погрешностей и применяемых для обозначения классов точности: $1 \cdot 10^n$; $1.5 \cdot 10^n$; $2 \cdot 10^n$; $4 \cdot 10^n$; $5 \cdot 10^n$; $6 \cdot 10^n$, где $n = 1, 0, -1, -2$ и т.д.

Для приборов непосредственной оценки присваивают классы точности: 0.05; 0.1; 0.2; 0.5; 1.0; 1.5; 2.5; и 4. Класс точности характеризует свойства приборов в отношении точности, но не является непосредственным показателем точности измерений, выполняемых с помощью этих приборов.

Чувствительность S – это отношение линейного или углового перемещения указателя к изменению измеряемой величины, вызвавшему это перемещение $S = \frac{d\alpha}{dx}$

У измерительных приборов при постоянной чувствительности шкала равномерная.

Чувствительность прибора не следует смешивать с порогом чувствительности, под которым понимают наименьшее изменение входного сигнала, способное вызвать заметное изменение показания прибора.

Цена деления шкалы C_{\min} – это разность между верхним и нижним пределами измерения деленная на число делений между ними. Цена деления может быть определена, как величина обратная чувствительности $C_{\min} = \frac{1}{S}$.

Чтобы снять показание прибора надо цену деления шкалы умножить на число делений, до которого дошел указатель.

Важной характеристикой является надежность средства измерения – это способность прибора сохранять заданные характеристики при определенных условиях работы в течении заданного времени.

На каждый прибор (шкалу) наносят условные обозначения. Обозначают: единицу измеряемой величины; класс точности; род тока; товарный знак предприятия – изготовителя, дату выпуска; испытательное напряжение изоляции; систему прибора и другие обозначения (рис. 5)

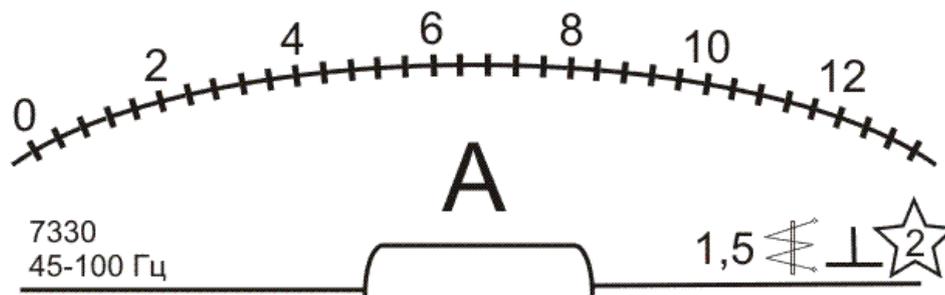


Рис. 5

Рассмотрим пример описания прибора шкала которого изображена на рис. 5: амперметр для работы в цепях переменного тока; электромагнитной системы типа 7330; предельное значение измеряемой величины – 10 А ; класс точности 1.5; рабочее положение –

вертикальное; измерительная цепь прибора изолирована от корпуса и испытана напряжением 2 кВ;

$$\text{Цена деления прибора } C_{\min} = \frac{4-2}{5} = 0.4 \frac{\text{А}}{\text{дел}}.$$

$$\text{Чувствительность прибора } S = \frac{1}{0.4} = 2.5 \frac{\text{дел}}{\text{А}}.$$

Показание прибора: необходимо цену деления умножить на число делений n , на которые отклонился указатель(стрелка) прибора $X = C_{\min} \cdot n$.

Расчет погрешности прямых измерений по характеристикам электроизмерительных приборов и результатом измерений.

Допустим, имеем ряд замеров x_1, x_2, \dots, x_n , полученных одним прибором при измерении одной и той же величины X .

Тогда результатом измерения, следует считать среднее арифметическое всех замеров:

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}.$$

Абсолютная погрешность результата измерения складывается из абсолютной погрешности отсчета $\Delta X_{\text{отс}} = 0.5 C_{\min}$ и абсолютной погрешности прибора $\Delta X_{\text{пр}}$, т.е. $\Delta X = \Delta X_{\text{пр}} + \Delta X_{\text{отс}}$, где

$$\Delta X_{\text{пр}} = \pm \frac{kx_{\text{пред}}}{100},$$

где k – класс точности прибора.

Относительная погрешность результата измерений

$$\delta = \frac{\Delta X}{\bar{X}} \cdot 100\%.$$

Окончательный результат измерения выглядит так:

$$X = \bar{X} \pm \Delta X \text{ при } \alpha = 1, \text{ где } \alpha \text{ – доверительная вероятность.}$$

Расширение пределов измерения электрических приборов. Для измерения малых токов (до 100 мА) используются магнитоэлектрические амперметры, которые в электрическую цепь включаются последовательно. Амперметры должны иметь малое сопротивление, чтобы включение их не изменяло величины тока в цепи. Для расширения пределов измерения амперметров применяются шунты (точные резисторы с малым сопротивлением), которые подсоединяются в цепь параллельно амперметру (рис. 6).

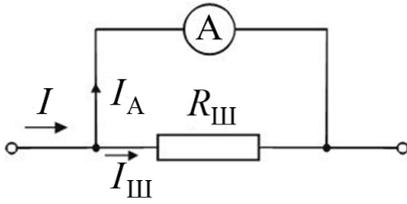


Рис. 6

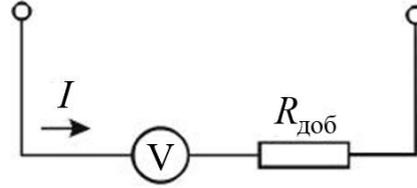


Рис. 7

Тогда $I = I_A + I_{III}$.

Для параллельного соединения $U = \text{const}$, т.е. $I_A R_A = I_{III} R_{III}$ и

$$R_{III} = \frac{I_A R_A}{I_{III}} = \frac{I_A R_A}{I - I_A} \text{ или } R_{III} = \frac{R_A}{n - 1}, \text{ где } n = \frac{I}{I_A}.$$

Для расширения пределов измерения магнитоэлектрического вольтметра, который в электрическую цепь включается последовательно к нему подключается добавочное сопротивление (рис. 9).

Применив закон Ома для участка цепи, получим:

$$U = I(R_{\text{доб}} + R_V) = IR_{\text{доб}} + IR_V,$$

$$R_{\text{доб}} = \frac{U}{I} - R_V = R_V \left(\frac{U}{IR_V} - 1 \right) = R_V \left(\frac{U}{U_V} - 1 \right) = R_V (n - 1).$$

Цифровые измерительные приборы. В практике электрических измерений во всем мире используются цифровые измерительные приборы, которые по всем показателям превосходят аналоговые измерительные приборы. У них гораздо более высокие метрологические и эксплуатационные характеристики, но стоимость выше, чем у аналоговых приборов.

Блок – схема универсального цифрового прибора показана на (рис. 8).

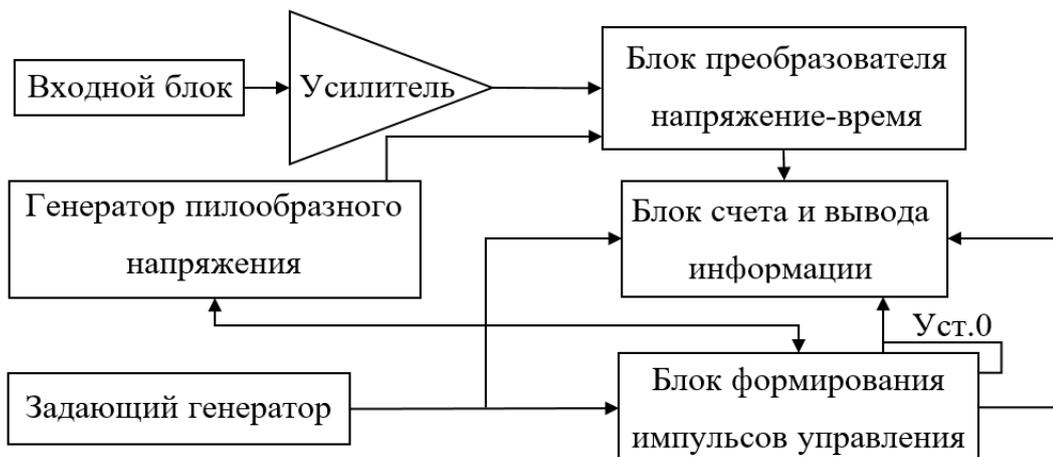


Рис. 8

Входной блок служит для ослабления слишком сильных сигналов в 1000, 100 или 10 раз, если это необходимо. В этом блоке все измеряемые параметры (ток, напряжение, сопротивление, температура и т.д.) при помощи соответствующих датчиков преобразуются в постоянное напряжение, пропорциональное измеряемому параметру. Это напряжение усиливается до значения, находящегося в интервале от 0 до 10 Вольт, и поступает на один вход пороговой схемы сравнения (блок преобразования напряжения – время). На второй вход схемы сравнения подается периодическое, линейно нарастающее (пилообразное) напряжение (рис. 9.а)

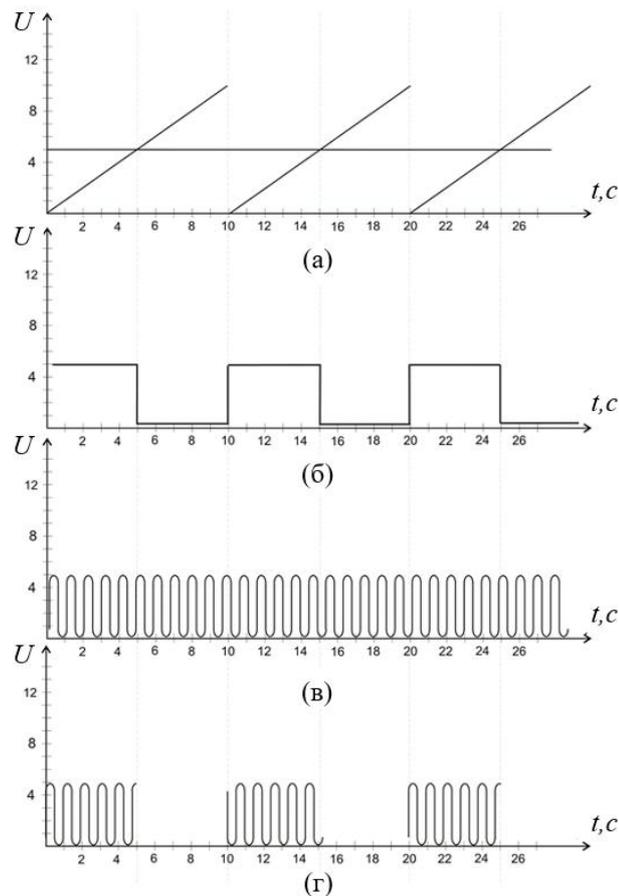


Рис. 9

На выходе первой схемы сравнения получаем пакеты импульсов напряжения (рис. 7.б), которые затем подаются на один из входов второй схемы сравнения, а на второй вход подается импульсный сигнал с частотой 100 000 Гц или 1 000 000 Гц от кварцевого генератора, обеспечивающего высокую точность и стабильность частоты (рис. 7.в). На выходе второй схемы сравнения присутствует напряжение только тогда, когда оно есть одновременно на двух входах. Поэтому, на выходе второй схемы сравнения присутствуют импульсы напря-

жения стандартной частоты только в пределах каждого пакета, причем их количество пропорционально длительности пакета, а значит и измеряемому напряжению. Цифровое отсчетное устройство регистрирует измеряемую величину и высвечивает полученное число на индикаторах.

К основным характеристикам цифровых измерительных приборов относятся: разрешающая способность, длина шкалы (определяется разрядностью), быстродействие, класс точности (0.005; 0.01; 0.02; 0.05; 0.1; 0.2; 0.5; 1.0)

Порядок выполнения работы

Задание 1. Изучение характеристик электроизмерительных приборов.

1. Получить у преподавателя прибор (шкалу прибора), характеристики которого следует определить
2. Характеристики прибора и результаты вычислений занести в таблицу 1 (Если на шкале вашего прибора есть обозначения, которые не рассмотрены выше см. Приложение 1.)

Таблица 1

№	Название прибора	Система прибора	Предел измерения	Класс точности	Цена деления	Абсолютная погрешность прибора
1						

Задание 2. Рассчитать шунт и добавочное сопротивление для расширения пределов измерения прибором, оценить мощность рассеиваемую дополнительными элементами и самим прибором (задание получить у преподавателя).

Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. Каковы устройство и принцип действия приборов разных систем, их погрешности, достоинства, недостатки и область применения.
2. Представить основные характеристики изучаемого прибора. Каковы погрешности при измерениях данным прибором.
3. Каковы величины рассчитанных сопротивлений шунта и дополнительного сопротивления.

Лабораторная работа № 2-2 Определение диэлектрической проницаемости твёрдого полярного диэлектрика.

Цель работы: изучить электрические свойства диэлектриков; измерить диэлектрическую проницаемость предлагаемых пластин.

Приборы и принадлежности: плоский составной конденсатор с набором пластин диэлектрика, генератор переменной ЭДС, частотомер, катушка взаимной индуктивности, масштабная линейка, соединительные провода и кабели.

Теоретическая часть

Дипольные моменты молекул диэлектрика. Диэлектриками называются вещества, не способные проводить электрический ток. В диэлектриках в отличие от проводников нет свободных носителей заряда.

Все молекулы диэлектрика электрически нейтральны: суммарный заряд электронов и атомных ядер, входящих в состав молекулы, равен нулю. Тем не менее, молекулы обладают электрическими свойствами. Молекулу можно рассматривать как электрический диполь с электрическим моментом:

$$\vec{p} = |q| \cdot \vec{l},$$

где q – суммарный положительный заряд всех атомных ядер в молекуле;

\vec{l} – вектор, проведенный из «центра тяжести» электронов в молекуле в «центр тяжести» положительных зарядов атомных ядер (рис.1).

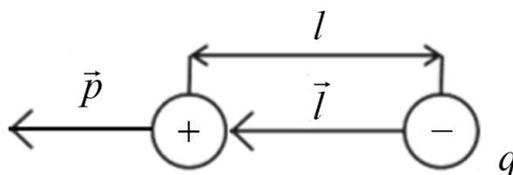


Рис. 1

Полярные и неполярные диэлектрики. Диэлектрик называется неполярным, если в отсутствии внешнего электрического поля «центры тяжести» положительных и отрицательных зарядов в молекулах

этого диэлектрика совпадают ($\vec{l} = 0$) и соответственно дипольные моменты молекул равны нулю ($\vec{p} = 0$) (рис. 2.а). Такие молекулы называются симметричными или неполярными к ним относятся O_2 , H_2 , N_2 , CCl_4 .

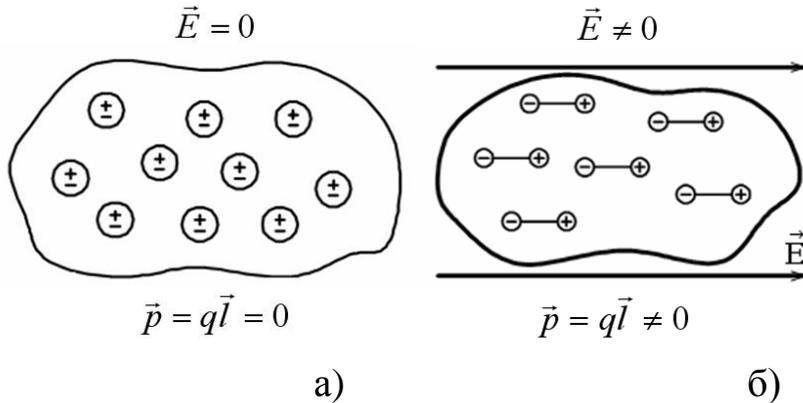


Рис. 2. Неполярная молекула:

- а) в отсутствие внешнего электрического поля,
- б) во внешнем электрическом поле.

Полярным диэлектриком называется такой диэлектрик, молекулы (атомы), которого имеют электроны, расположенные несимметрично относительно атомных ядер (H_2O , спирты, поливинилхлорид и др.) (рис.3.а). В таких молекулах «центры тяжести» положительных и отрицательных зарядов не совпадают даже в отсутствие внешнего электрического поля и обладают дипольным моментом.

Однако дипольные моменты полярных молекул вследствие теплового движения ориентированы в пространстве хаотично и их результирующий момент некоторого объема равен нулю (рис. 3.а).

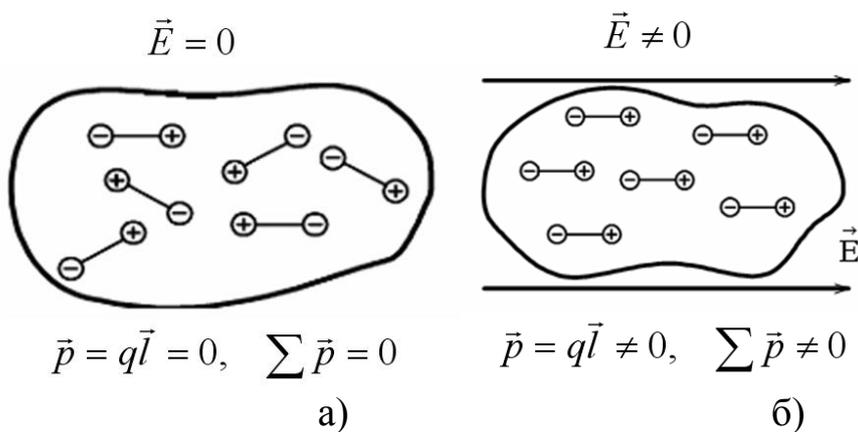


Рис. 3. Полярная молекула:

- а) в отсутствие внешнего электрического поля;
- б) во внешнем электрическом поле.

Поляризация диэлектриков. При внесении диэлектрика во внешнее электрическое поле происходит поляризация диэлектрика, состоящая в том, что в любом микроскопически малом его объеме ΔV возникает отличный от нуля суммарный дипольный электрический момент молекул.

В зависимости от строения молекул (атомов) диэлектрика различают три типа поляризации: электронную, ионную и ориентационную.

Электронная (деформационная) поляризация наблюдается у неполярных диэлектриков. Под действием внешнего электрического поля у молекул диэлектриков этого типа возникают индуцированные дипольные моменты, направленные по направлению вектора \vec{E} (рис. 2.б).

Ионная поляризация происходит в твердых диэлектриках, имеющих ионную кристаллическую решетку. Внешнее электрическое поле вызывает в таких диэлектриках смещение всех положительных ионов в направлении напряженности \vec{E} поля, а всех отрицательных ионов – в противоположную сторону.

Ориентационная поляризация наблюдается у полярных диэлектриков. Внешнее электрическое поле стремится ориентировать дипольные моменты полярных молекул (жестких диполей) по направлению вектора напряженности поля (рис. 3.б).

Так как внешнее поле деформирует электронные оболочки всех без исключения атомов и молекул диэлектрика, то деформационная поляризация имеет место во всех диэлектриках.

Количественной мерой поляризации диэлектрика служит вектор \vec{P} , называемый поляризованностью (вектором поляризации) и равный отношению суммарного электрического дипольного момента малого объема диэлектрика к величине этого объема.

$$\vec{P} = \frac{\sum_{i=1}^n \vec{p}_i}{\Delta V},$$

где \vec{p}_i – электрический дипольный момент i – ой молекулы;
 n – общее число молекул в объеме ΔV .

Для большего класса диэлектриков, поляризованность диэлектрика линейно зависит от напряженности поля \vec{E} :

$$\vec{P} = \chi_E \varepsilon_0 \vec{E}, \quad \chi_E = \varepsilon - 1,$$

где χ_E – безразмерная величина, называемая диэлектрической восприимчивостью ($\chi_E > 0$);

ε – относительная диэлектрическая проницаемость среды.

Диэлектрическая проницаемость среды показывает отношение силы взаимодействия между двумя зарядами в вакууме $\vec{F}_0 = q\vec{E}_0$, к силе взаимодействия тех же зарядов в среде $\vec{F} = q\vec{E}$.

$$\varepsilon = \frac{\vec{F}_0}{\vec{F}} = \frac{q\vec{E}_0}{q\vec{E}} = \frac{\vec{E}_0}{\vec{E}} \quad \text{или диэлектрическая проницаемость среды}$$

показывает во сколько раз электрическое поле зарядов в вакууме сильнее электрического поля тех же зарядов в диэлектрике.

При помещении диэлектрика во внешнем электростатическом поле он поляризуется, т.е. приобретает отличный от нуля дипольный момент; происходит смещение зарядов: положительные, смещаются относительно положения равновесия, по полю, отрицательные – против поля (рис. 4).

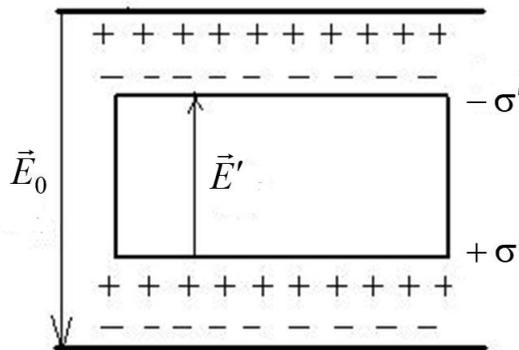


Рис. 4

В результате этого на верхней грани диэлектрика, обращенного к положительно заряженной плоскости, будет избыток отрицательных зарядов, а на нижней грани диэлектрика, обращенной к отрицательно заряженной плоскости – избыток положительных зарядов. Заряды, появляющиеся в результате поляризации диэлектрика, называются связанными зарядами.

Появление связанных зарядов приводит к возникновению дополнительного электрического поля с напряженностью \vec{E}' , которое направлено против внешнего поля \vec{E}_0 (рис. 4) и ослабляет его. напряженность электрического поля, согласно формулы $\vec{E} = \frac{\vec{E}_0}{\varepsilon}$, зависит от свойств среды: нормальная составляющая напряженности поля при

переходе из вакуума в среду всегда уменьшается во столько раз, во сколько возрастает диэлектрическая проницаемость. На границе двух диэлектриков вектор напряженности претерпевает скачкообразное изменение, создавая тем самым неудобства при расчете электростатических полей. Поэтому помимо вектора напряженности вводится вектор электрического смещения, который для электрически изотропной среды равен: $\vec{D} = \varepsilon_0 \varepsilon \vec{E}$ или $\vec{D} = \varepsilon_0 \vec{E} + \vec{P}$.

Вектор электрического смещения \vec{D} характеризует электрическое поле, создаваемое свободными зарядами, но при таком их распределении в пространстве, какое имеется при наличии диэлектрика.

Теорема Гаусса для электростатического поля в диэлектрике: поток вектора электрического смещения электрического поля сквозь произвольную замкнутую поверхность, равен алгебраической сумме свободных зарядов, охватываемых этой поверхностью

$$\oint_S \vec{D} d\vec{S} = \sum_{i=1}^n q_{i \text{ свобод.}}$$

Методика проведения измерений. Для сравнения емкостей конденсаторов их поочередно включают в колебательный контур ($L_2 C_{\text{изм}}$), индуктивно связанный с генератором переменной ЭДС (ЗГ) через катушку L_1 :

Если частота ЭДС генератора совпадет с частотой собственных колебаний контура $L_2 C_{\text{изм}}$, то в контуре активным сопротивлением которого можно пренебречь, резонансно возрастет амплитуда переменного тока и соответственно возрастет напряжение на входе «У» осциллографа. Осциллограф необходим потому, что только его показания не зависят от частоты переменного тока. Таким образом, частоту резонанса можно определить по частотомеру, наблюдая за амплитудой отклонения электронного луча на экране осциллографа.

Условие резонанса:

$$\nu = \frac{1}{2\pi} \cdot \frac{1}{\sqrt{L_2 C}}$$

Так как изготовить вакуумный (или даже воздушный) конденсатор с заданным зазором и без применения диэлектриков невозможно, то и в настоящей работе используются конденсаторы (со сплошными и рамочными диэлектрическими пластинами). Конденсатор с рамочными пластинами можно рассматривать как параллельное соединение двух воздушного с площадью пластин S_1 и заполненного диэлектри-

ком с площадью S_2 . Ёмкость такого конденсатора определяется формулой:

$$C_P = \frac{\epsilon_0 S_1}{d} + \frac{\epsilon_0 \epsilon S_2}{d} = \frac{\epsilon_0 (\epsilon S_2 + S_1)}{d}, \text{ а со сплошными } C_{СП} = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d},$$

где S – площадь сплошных диэлектрических пластин.

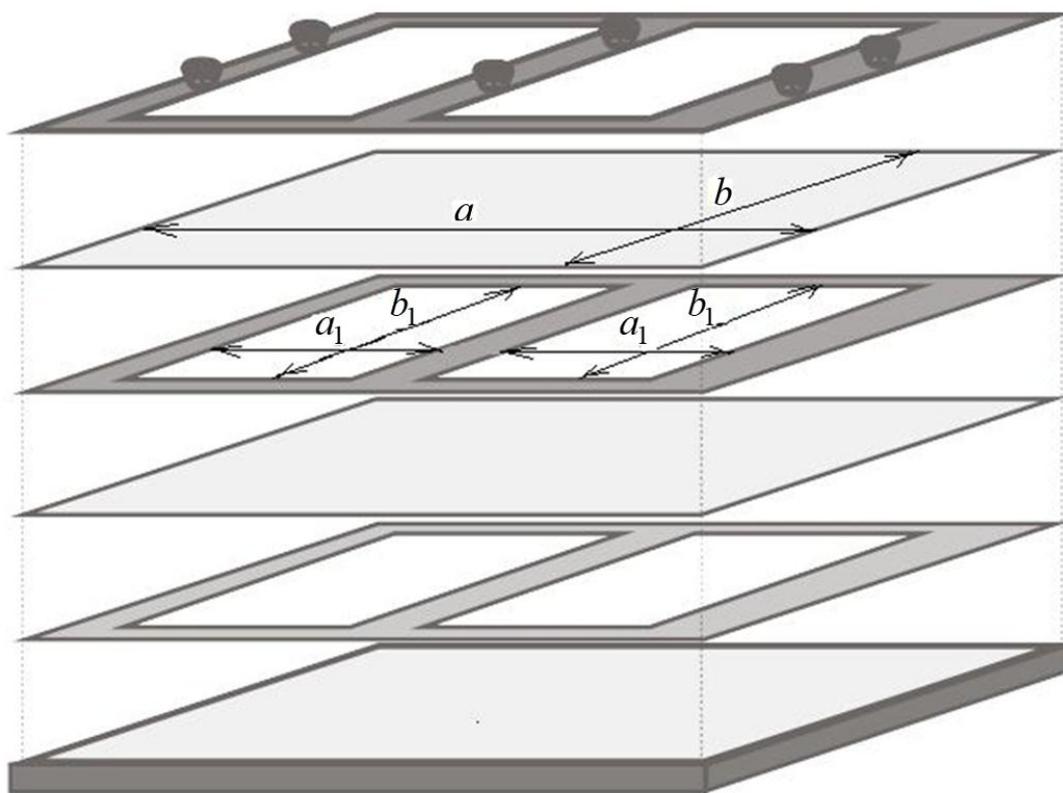


Рис. 5. Воздушный конденсатор.

Порядок выполнения работы

1. Измерить размеры сплошных и рамочных диэлектрических пластин (не менее трех раз). Вычислить площадь двух сплошных пластин $S = 2ab$, площадь дырок $S_1 = 4a_1b_1$ (лаборатория 2.503) и $S_1 = 6a_1b_1 + 6a_2b_2$ (лаборатория 2.504), а также площадь рамок $S_2 = S - S_1$.

2. Собрать воздушный конденсатор (рис. 5), используя рамочные диэлектрические пластины.

3. Собрать электрическую схему (рис. 6). Включить в сеть 220 В. Все приборы прогреть 5 – 10 минут.

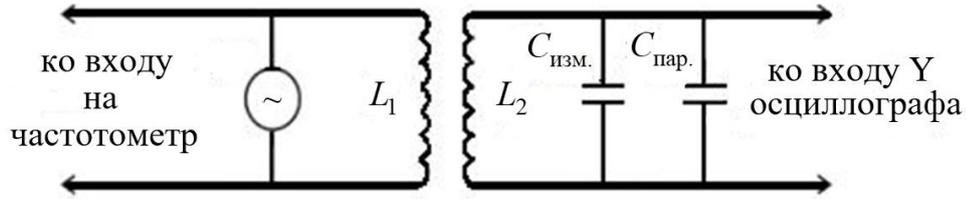


Рис. 6. Электрическая схема экспериментальной установки

4. Изменяя частоту звукового генератора определить частоту, при которой наблюдается максимальное отклонение электронного луча по вертикали на экране осциллографа. Частоту резонанса измерить частотомером или по шкале генератора. Записать частоту резонанса ($\nu_P = \dots$ кГц). Настройку на резонанс и измерения сделать 3 раза.

5. Отключить все приборы от сети, разобрать конденсатор и заменить пластины сплошными пластинами. Включить приборы в сеть 220 В и повторить измерения согласно п. 4. Записать частоту резонанса ($\nu_{СП} = \dots$ кГц).

6. Отключить один провод идущий от катушки взаимной индуктивности к конденсатору и повторить измерения согласно п. 4. записать частоту резонанса ($\nu_{П} = \dots$ кГц).

7. Вычислить среднее значение диэлектрической проницаемости (для всех величин взять среднее значение):

$$\bar{\varepsilon} = \frac{\bar{S}_1 \bar{\nu}_P^2 (\bar{\nu}_{П}^2 - \bar{\nu}_{СП}^2)}{\bar{S}_1 \bar{\nu}_{СП}^2 (\bar{\nu}_{П}^2 - \bar{\nu}_P^2) - \bar{S}_2 \bar{\nu}_{П}^2 (\bar{\nu}_P^2 - \bar{\nu}_{СП}^2)}$$

8. Определить абсолютную и относительную погрешность косвенных измерений по формуле (приблизленно):

$$\Delta \varepsilon = \varepsilon \left(\frac{\Delta S}{S} + 2 \frac{\Delta \nu_P}{\nu_P} + 2 \frac{\Delta \nu_{СП}}{\nu_{СП}} + 2 \frac{\Delta \nu_{П}}{\nu_{П}} \right), \text{ где}$$

$$\Delta \nu_P = \sqrt{\frac{\sum (\nu_{Pi} - \bar{\nu}_P)^2}{n(n-1)} \cdot t^2(\alpha, n) + \frac{t(\alpha, \infty)^2}{3^2} \cdot \frac{C_{\min}^2}{4}};$$

$$\Delta \nu_{СП} = \sqrt{\frac{\sum (\nu_{СПi} - \bar{\nu}_{СП})^2}{n(n-1)} \cdot t^2(\alpha, n) + \frac{t(\alpha, \infty)^2}{3^2} \cdot \frac{C_{\min}^2}{4}};$$

$$\Delta \nu_{П} = \sqrt{\frac{\sum (\nu_{Pi} - \bar{\nu}_{П})^2}{n(n-1)} \cdot t^2(\alpha, n) + \frac{t(\alpha, \infty)^2}{3^2} \cdot \frac{C_{\min}^2}{4}};$$

$$\Delta S = \sqrt{\left(\frac{\partial S}{\partial a}\right)^2 \Delta a^2 + \left(\frac{\partial S}{\partial b}\right)^2 \Delta b^2};$$

$$\Delta a = \sqrt{\frac{\sum (a_i - \bar{a})^2}{n(n-1)} \cdot t^2(\alpha, n) + \frac{t(\alpha, \infty)^2}{3^2} \cdot \frac{C_{\min}^2}{4}};$$

$$\Delta b = \sqrt{\frac{\sum (b_i - \bar{b})^2}{n(n-1)} \cdot t^2(\alpha, n) + \frac{t(\alpha, \infty)^2}{3^2} \cdot \frac{C_{\min}^2}{4}}.$$

В последних выражения a и b – параметры сплошных прокладок, C_{\min} – цена деления частотомера и измерительного инструмента.

Относительная погрешность:

$$E = \frac{\Delta \varepsilon}{\varepsilon} \cdot 100\%.$$

Результаты измерений и вычислений занести в таблицу

9. Результат измерений представить в виде: $\varepsilon = \bar{\varepsilon} + \Delta \varepsilon_i$

Таблица 1

N n/n	$\nu_P,$ кГц	$\nu_{СП},$ кГц	$\nu_{П},$ кГц	$\Delta \nu_P,$ кГц	$\Delta \nu_{СП},$ кГц	$\Delta \nu_{П},$ кГц	a, м	b, м	S, м ²	a ₁ , м	b ₁ , м	S ₁ , м ²	S ₂ , м ²
1													
2													
3													
ср.													

Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. Что характеризует относительная диэлектрическая проницаемость диэлектрика.

2. Какое значение может принимать диэлектрическая проницаемость среды (сравнить с диэлектрической проницаемостью воздуха)

3. Какова связь между диэлектрической проницаемостью и диэлектрической восприимчивостью.

4. Какая величина является количественной мерой поляризации диэлектрика? Дайте определение этой величины и связана ли эта величина с диэлектрической проницаемостью среды.

5. Опишите результат проделанной работы.

Лабораторная работа №2-3.

Изучение электростатического поля методом электролитических моделей

Цель работы: изучить основные характеристики электростатического поля; построить качественную картину плоского электростатического поля для различной формы электродов и определить напряженность поля в заданной точке.

Приборы и принадлежности: источник постоянного тока, реостат, вольтметр, ванна с водой, гальванометр, металлический зонд, электроды различной формы.

Теоретическая часть

Всякое заряженное тело или электрический заряд создают вокруг себя силовое поле, которое называется электростатическим полем.

Количественной характеристикой силового действия поля является напряженность электростатического поля \vec{E} .

Напряженностью электрического поля называется векторная величина равная отношению силы, действующей со стороны поля на неподвижный пробный заряд, помещенной в рассматриваемую точку поля, к величине этого заряда

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0},$$

где q_0 – пробный электрический заряд, который должен быть столь малый, чтобы его внесение в поле не вызывало изменения значений и перераспределения в пространстве электрических зарядов, напряженность поля которых измеряется с его помощью.

Зная закон Кулона $\vec{F}_{21} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r_{12}^2} \cdot \frac{\vec{r}_{12}}{r_{12}}$ для точечных зарядов,

можно найти напряженность электростатического поля точечного заряда, если считать, что $q_1 = q$, $q_2 = q_0$ и $\vec{r}_{12} = \vec{r}$ то

$$\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \cdot \frac{\vec{r}}{r}.$$

Графически электростатическое поле изображают с помощью линий напряженности (силовых линий), которые проводят так, чтобы касательные к ним в каждой точке пространства совпадали по направлению с вектором напряженности в данной точке поля (рис.1)

Если поле создается точечным зарядом, то линии напряженности – радиальные прямые, выходящие из заряда, если он положительный, и входящие в него, если заряд отрицательный

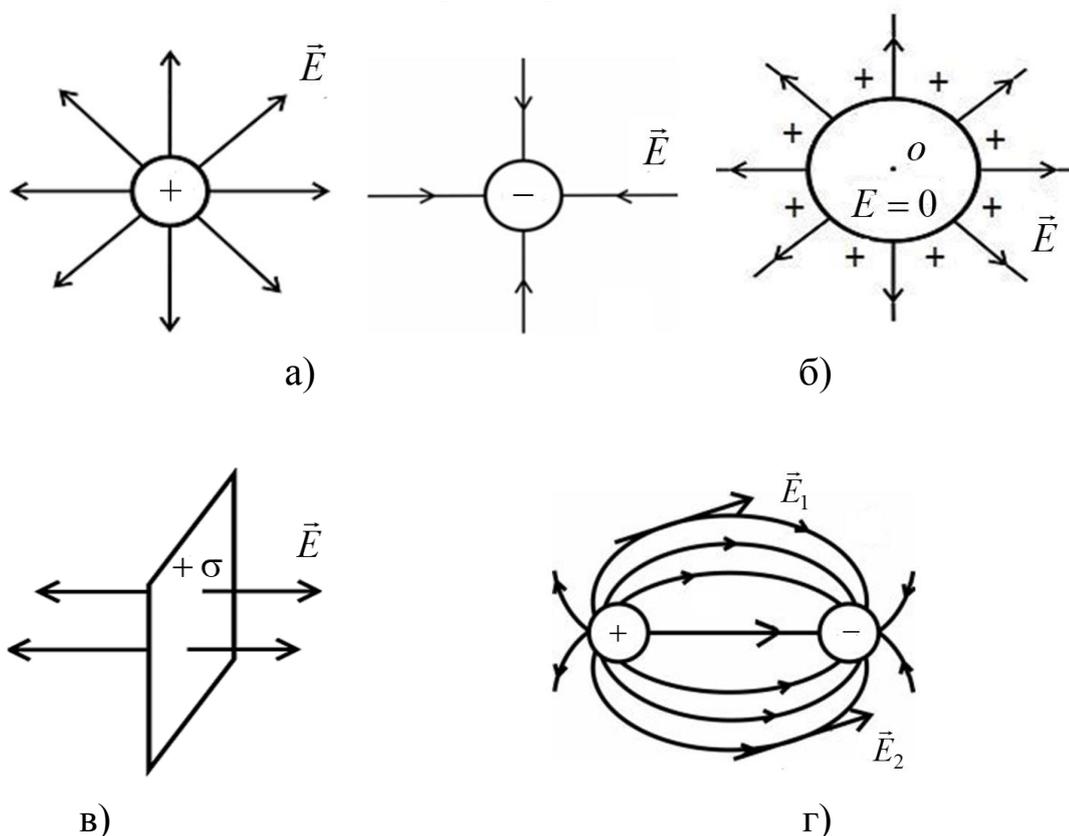


Рис. 1

- а) поле точечных зарядов;
- б) поле равномерно заряженной сферы;
- в) поле равномерно заряженной плоскости;
- г) поле системы 2х одинаковых по модулю и разноименных зарядов.

Если электростатическое поле создано не одним, а несколькими зарядами, q_1, q_2, \dots, q_n , то результирующая сила \vec{F} , действующая на пробный заряд q_0 в любой точке поля, равна геометрической сумме сил приложенных к заряду q_0 со стороны каждого из зарядов:

$$\vec{F} = \sum_{i=1}^n \vec{F}_i.$$

Т.к. $\vec{F} = q_0 \vec{E}$ и $\vec{F}_i = q_0 \vec{E}_i$,

где \vec{E} – результирующая напряженность поля системы зарядов, а \vec{E}_i – напряженность поля одного заряда q_i .

Тогда $q_0 \vec{E} = q_0 \sum \vec{E}_i$ или $\vec{E} = \sum \vec{E}_i$ – выражает принцип суперпозиции электрических полей.

Электростатическое поле является потенциальным, т.к. работа силы $\vec{F}_i = q_0 \vec{E}_i$, по любому замкнутому контуру равна нулю

$$\oint \vec{F}_i \cdot d\vec{r}_i = \oint q_0 \vec{E}_i \cdot d\vec{r}_i = 0.$$

А работа, совершаемая силами электростатического поля при малом перемещении $d\vec{r}$ точечного заряда q_0 в этом поле, равна убыли потенциальной энергии

$$dA = qEdr = -dW_n \text{ или}$$

$$A_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{qq_0}{r_1} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{qq_0}{r_2}, \text{ откуда следует, что потенциальная}$$

энергия точечного заряда q_0 в поле заряда q , равна

$$W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{qq_0}{r} + C,$$

где C – произвольная постоянная интегрирования.

Если считать, что при удалении заряда в бесконечность ($r \rightarrow \infty$) потенциальная энергия обращается в нуль, то $C = 0$ и потенциальная энергия пробного заряда находящегося на расстоянии r от заряда q ,

$$\text{равна } W = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{qq_0}{r}.$$

Физическая величина, равная отношению потенциальной энергии пробного электрического заряда, помещенного в рассматриваемую точку поля, к величине этого заряда называется потенциалом

$$\text{электростатического поля } \varphi = \frac{W}{q_0}.$$

Потенциал – энергетическая характеристика поля.

Потенциал поля, создаваемого точечным зарядом, равен

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r}$$

Если электростатическое поле создано системой из n точечных зарядов, то $\varphi = \sum_{i=1}^n \varphi_i$, т.е. при наложении электрических полей их потенциалы складываются алгебраически.

Работа, совершаемая силами электростатического поля при перемещении пробного заряда из точки 1 в точку 2, равна $A_{12} = q_0(\varphi_1 - \varphi_2)$, если $\varphi_2 = 0$, то $\varphi_1 = \frac{A_{12}}{q_0}$.

Следовательно, потенциал в какой-либо точке поля численно равен работе электростатических сил по перемещению пробного (единичного положительного) заряда из данной точки поля в бесконечность, где потенциал равен нулю.

Т.к. элементарная работа сил электростатического поля на малом перемещении dr равна $dA = qE dr$.

С другой стороны $dA = -q d\varphi$, тогда $E = -\frac{d\varphi}{dr}$ или в векторной форме $\vec{E} = -\left(\frac{\partial\varphi}{\partial x}\vec{i} + \frac{\partial\varphi}{\partial y}\vec{j} + \frac{\partial\varphi}{\partial z}\vec{k}\right)$ – связь между напряженностью и потенциалом, т.е. проекция вектора напряженности электростатического поля на произвольное направление численно равно быстрой убывания потенциала поля на единицу длины в этом направлении.

Геометрическое место точек электростатического поля, в которых значения потенциала одинаковы, называется эквипотенциальной поверхностью. Работа, совершаемая силами электростатического поля при перемещении электрического заряда вдоль эквипотенциальной поверхности равна нулю.

$A = q(\varphi_1 - \varphi_2) = 0$, т.к. $\varphi_1 = \varphi_2$

Для расчета электростатических полей используем принцип суперпозиции полей и теорему Гаусса.

Принцип суперпозиции полей – универсальный метод расчета любой системы неподвижных зарядов, а в случае если заряды не точечные, то их можно всегда свести к совокупности точечных зарядов, но этот метод связан с трудоемкими математическими операциями суммирования или интегрирования.

Метод, основанный на использовании теоремы Гаусса, удобен для расчета электростатических полей симметричных систем зарядов. Теорема Гаусса позволяет определить поток вектора напряженности

электростатического поля через произвольную замкнутую поверхность.

Потоком вектора напряженности Φ_E электростатического поля сквозь произвольную замкнутую поверхность, называется величина

$$\Phi_E = \oint_S \vec{E} d\vec{S} = \oint_S E dS \cos(\vec{E} \wedge \vec{n}) = \oint_S E_n dS,$$

\vec{n} – вектор внешней нормали, т.е. нормаль, направленная наружу области, охватываемой поверхностью.

Найдем поток вектора напряженности сквозь сферическую поверхность радиуса r , охватывающую точечный заряд q , находящийся в ее центре (рис. 2)

$$\Phi_E = \oint_S E_n dS = E_n S = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot 4\pi r^2 = \frac{q}{\epsilon_0}.$$

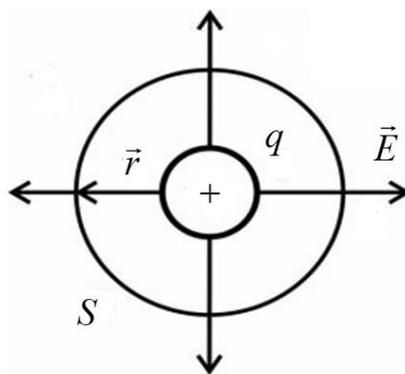


Рис. 2

Если поверхность произвольной формы охватывает n зарядов, то поток вектора напряженности электростатического поля в вакууме через произвольную замкнутую поверхность равен алгебраической сумме заключенных внутри этой поверхности зарядов, деленной на электрическую постоянную ϵ_0 .

$$\Phi_E = \oint_S E_n dS = \frac{1}{\epsilon_0} \sum_{i=1}^n q_i \text{ – теорема Гаусса.}$$

Применим теорему Гаусса к расчету поля заряда q , равномерно распределенного по поверхности сферы радиуса R с поверхностной плотностью σ

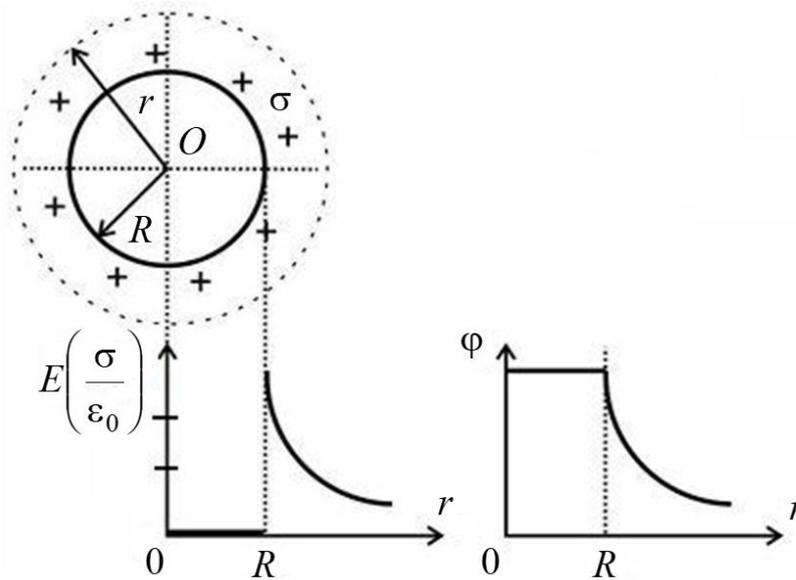


Рис. 3

В качестве гауссовой поверхности S возьмем сферу радиуса r с центром в точке O . (рис. 3.3) Тогда $\oint_S E_n dS = E_n \int_0^{4\pi r^2} dS = E 4\pi r^2$.

Если $r \geq R$ то $E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} = \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0 r^2}$, т.к. $\sigma = \frac{dq}{dS}$.

Если $r < R$, $q_{\text{внутри}} = 0$, $E = 0$ т.е. внутри заряженной сферы поля нет.

Потенциал поля φ найдем из формулы связи между потенциалом и напряженностью поля $E = -\frac{d\varphi}{dr}$. Пологая $\lim_{r \rightarrow \infty} \varphi = 0$, то по-

тенциал поля вне сферы равен $\varphi = -\int_{\infty}^r E dr = -\int_{\infty}^r \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$.

Внутри заряженной сферы поля нет, так что потенциал всюду одинаков и такой же, как на ее поверхности $\varphi = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 R} = \frac{\sigma R}{\epsilon_0}$.

Метод электролитического моделирования. Точное измерение потенциала точек электростатического поля представляет собой трудную экспериментальную задачу. Поэтому свойства электростатического поля между заряженными проводниками выясняют, изучая другое поле – поле тока в проводящей среде теми же проводниками. Электрический ток характеризуется вектором плотности тока \vec{j} , который численно равен заряду, перенесенному в единицу времени через

единичную площадку, расположенную нормально к направлению движения зарядов. Направлен вектор плотности тока в сторону движения положительных зарядов. Т.е. направление вектора плотности тока и вектора напряженности электрического поля совпадают. Связь между этими векторами: $\vec{j} = \sigma \vec{E}$ – это закон Ома в дифференциальной форме, где \vec{j} – вектор плотности тока, а σ – удельная электропроводность. Метод изучения электростатического поля созданием эквивалентного ему поля тока называется моделированием электростатического поля. Так как в качестве проводящей среды для создания поля токов обычно используется электролит, то этот метод носит название электролитического моделирования.

В данной работе можно изучать поле между электродами различной конфигурации. Electroды погружаются в стеклянную ванну, наполненную водопроводной водой, которая является слабо проводящим электролитом. Слабая проводимость среды, в которой создается поле, необходима потому, что при хорошей проводимости большие токи разогревают среду, а это приводит к искажению поля. Electroды подключают к крайним точкам потенциометра “АС”, который питается от источника питания (рис. 4). Разность потенциалов измеряется вольтметром “V”, внутреннее сопротивление которого должно быть больше сопротивления потенциометра и участка электролита между электродами. Ток в цепи “зонд – движок”

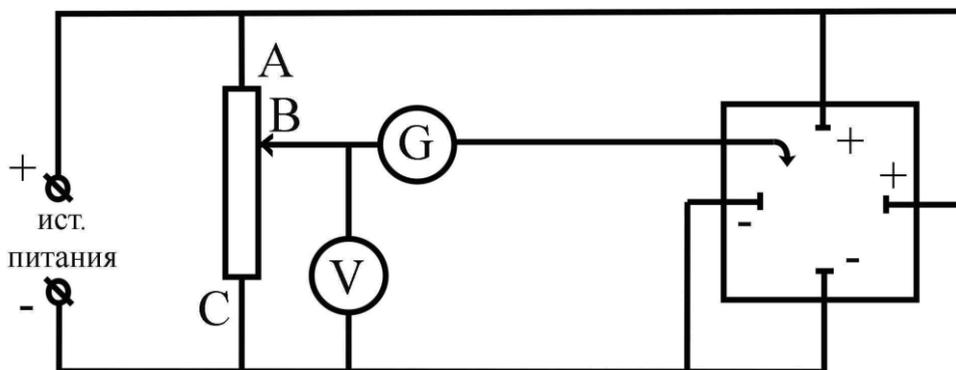


Рис.4

регистрируется чувствительным гальванометром (микроамперметром). Координаты точек эквипотенциальных поверхностей определяют по координатной сетке, нанесенной на дно ванны. На характер поля в ванной существенно влияет неоднородность среды в ней. Чтобы уменьшить искажение поля, нужно брать ванну больших размеров.

Если условно принять потенциал точки “А” постоянным и численно равным нулю, то потенциал точки “С” следует считать также по-

стоянным и численно равным разности потенциалов между точками “А” и ”С” (соответственно между электродами) Для любого положения скользящего контакта потенциометра можно найти такую точку в электролите, которая будет иметь потенциал, равный потенциалу выбранной точки потенциометра. При выполнении этого условия отсутствует ток в гальванометре. Перемещая зонд вверх – вниз и влево – вправо по дну ванны можно найти множество точек с одинаковым потенциалом, совокупность которых образует эквипотенциальную поверхность.

Порядок выполнения работы

1. Собрать электрическую цепь по схеме (рис. 4).
2. Получить указания у преподавателя: а)какой формы электроды следует использовать в работе; б) как расположить электроды в ванне. Включить источник питания.
3. Поставьте движок потенциометра в положение соответствующее первому значению потенциала φ_1 (задается преподавателем).
4. Перемещая зонд в ванне определить координаты точек равного потенциала, при которых ток через гальванометр отсутствует (точек не менее 25 – 30).
5. Действия, аналогичные указанным в пунктах 3 и 4 производят также еще для двух значений потенциала φ_2 и φ_3 .

Все значения заносят в таблицу 1.

Таблица 1

Номер точки	1		2		3		...		<i>i</i>		...		30	
Её координаты	x_1	y_1	x_2	y_2	x_3	y_3	x_i	y_i	x_{30}	y_{30}
$\varphi_1 = \dots В$														
$\varphi_2 = \dots В$														
$\varphi_3 = \dots В$														

6. Обработка результатов измерений включает построение эквипотенциальных поверхностей и силовых линий:

а) на миллиметровую бумагу в масштабе 1:1 или 1:2 наносят границы электролитической ванны и обозначают положения электродов и их знаки;

б) на миллиметровое поле наносят полученные при выполнении опыта точки;

Проводят по точкам эквипотенциальные поверхности и линии напряженности. Линии напряженности на положительных электродах (+) начинаются и заканчиваются на отрицательных электродах (-) Линии напряженности пересекают эквипотенциальные поверхности под прямым углом (90°).

в) в разных точках поля между электродами определить значения напряженности E по формуле $E = |\Delta\phi / \Delta y|$, где Δy – расстояние измеряемое по кратчайшей прямой с учетом масштаба между теми эквипотенциальными поверхностями, между которыми берется разность потенциалов.

7. Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. В чём сущность метода моделирования электростатического поля?
2. Можно ли вычислить напряженность в данной точке поля по известной картине эквипотенциальных поверхностей? Что дополнительно необходимо знать для этого расчета?
3. Как изменяется потенциал поля ϕ от расстояния в заданном направлении?
4. Выводы по результатам проделанной работы.

Лабораторная работа № 2-4. Изучение законов постоянного тока

Цель работы: изучить законы постоянного тока; опытным путем установить зависимость полной и полезной мощностей и к.п.д. источника тока от нагрузки;

научиться применить законы Ома и Кирхгофа для расчета электрических цепей.

Приборы и принадлежности: два источника питания, два ключа, два миллиамперметра на 100 мА, два вольтметра на 15 В, набор сопротивлений.

Теоретическая часть

Электрическим током называется упорядоченное движение электрических зарядов. Для возникновения и существования электрического тока в среде необходимо наличие двух условий:

– в среде должны быть носители тока (у металлов электроны проводимости);

– должно существовать электрическое поле.

За направление тока условно принимают направление движения положительных зарядов. Если в действительности движутся не положительные, а отрицательные заряды, то направление электрического тока считается противоположным направлению движения отрицательных зарядов.

Количественной мерой интенсивности движения электрических зарядов является сила тока i – скалярная величина, определяемая электрическим зарядом, проходящим через поперечное сечение проводника в единицу времени: $i = \frac{dq}{dt}$.

Для постоянного тока величина и направление, которого не изменяется с течением времени $I = \frac{q}{t}$.

Для характеристики направления электрического тока вводится вектор плотности тока \vec{j} . Плотность тока – вектор, ориентированный по направлению тока, определяемый силой тока, проходящего через единицу площади поперечного сечения проводника, перпендикулярного направлению тока $j = \frac{I}{S} = \frac{q}{S \cdot t}$.

Если концентрация носителей тока равна n , каждый носитель имеет заряд e и движется со скоростью упорядоченного движения u , то за время dt через поперечное сечение S перенесется заряд: $dq = neuSdt$,

а тогда вектор плотности тока $\vec{j} = ne\vec{u}$.

С другой стороны сила тока – это поток вектора плотности тока сквозь произвольную поверхность S :

$$I = \int_S \vec{j} d\vec{S}.$$

Итак, для существования электрического тока нужно наличие свободных зарядов и наличие электрического поля. Если в проводнике создать электрическое поле и не принять мер для его поддержания, то ток в проводнике быстро исчезнет. Чтобы поддерживать ток в проводнике достаточно долго, нужно от конца проводника с меньшим потенциалом непрерывно отводить приносимые сюда заряды, а к концу с большим потенциалом непрерывно подводить заряды (рис. 1).

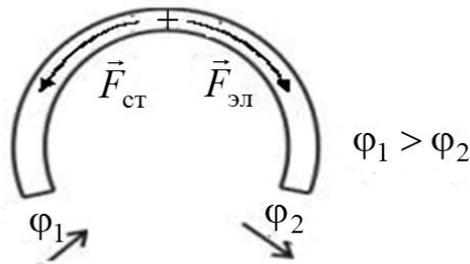


Рис. 1

Перемещение этих зарядов осуществляется за счет сил неэлектрического происхождения, т.е. сторонних сил. Природа сторонних сил может быть различна. Эти силы могут возникать за счет энергии химических реакций; за счет энергии магнитного поля; за счет механической энергии. Сторонние силы, перемещая электрические заряды, совершают работу. Физическая величина, определяемая работой, совершаемой сторонними силами при перемещении единичного положительного заряда, называется электродвижущей силой (э. д. с.) ε :

$$\varepsilon = \frac{A_{\text{ст}}}{q_0}.$$

Работа сторонних сил над пробным зарядом (единичным положительным) в замкнутой цепи равна:

$$A_{\text{ст}} = \oint F_{\text{ст}} dl = q_0 \oint E_{\text{ст}} dl, \text{ тогда э. д. с. } \varepsilon = \frac{A_{\text{ст}}}{q_0} = \oint E_{\text{ст}} dl.$$

Кроме сторонних сил, на единичный положительный заряд действуют силы электростатического поля. Тогда результирующая сила действующая на заряд q_0 будет: $\vec{F} = \vec{F}_{\text{эл}} + \vec{F}_{\text{ст}}$.

Работа результирующей силы над зарядом q_0 на участке 1 – 2 будет:

$$A_{12} = q_0 \int_1^2 E_{\text{эл}} dl + q_0 \int_1^2 E_{\text{ст}} dl = q_0(\varphi_1 - \varphi_2) + q_0 \varepsilon_{12}.$$

Физическая величина численно равная работе, совершаемой электростатическими и сторонними силами при перемещении единичного положительного заряда на участке 1 – 2, называется напряжением $U_{12} = \frac{A_{\text{эл}} + A_{\text{ст}}}{q_0} = \varphi_1 - \varphi_2 + \varepsilon_{12}$.

Участок цепи, не содержащий э. д. с., называется однородным. Участок цепи, содержащий источник э. д. с., называется неоднородным.

Немецкий физик Г. Ом экспериментально установил, что сила тока, текущего по однородному участку цепи пропорциональна разности потенциалов на концах участка:

$$I = G(\varphi_1 - \varphi_2),$$

где G – электропроводность участка цепи;

$$\frac{1}{G} = R \text{ – электрическое сопротивление участка и}$$

$I = \frac{\varphi_1 - \varphi_2}{R}$ – закон Ома для однородного участка цепи, не содержащего источника тока (э. д. с.).

Если учесть, что $I = jdS$; $\varphi_1 - \varphi_2 = Edl$ и $R = \rho \frac{dl}{dS}$, то закон Ома можно представить в дифференциальной форме:

$$jdS = \frac{Edl}{\rho dl} dS, \quad j = \frac{E}{\rho} = \sigma E,$$

где ρ – удельное сопротивление проводника;

$$\sigma = \frac{1}{\rho} \text{ – удельная электропроводность.}$$

Так как плотность тока \vec{j} и напряженность электрического поля \vec{E} – величины векторные и направление их совпадают, то закон Ома в дифференциальной форме (векторной) можно записать так:

$$\vec{j} = \sigma \vec{E}.$$

Для участка неоднородного участка цепи закон Ома в дифференциальной форме будет:

$$\vec{j} = \sigma(\vec{E}_{\text{эл}} + \vec{E}_{\text{ст}}) \text{ или}$$

$$\text{в интегральной форме – } IR_{\text{общ}} = \varphi_1 - \varphi_2 + \varepsilon_{12}, \quad I = \frac{\varphi_1 - \varphi_2 + \varepsilon_{12}}{R_{\text{общ}}}.$$

Если цепь замкнута, т.е. $\varphi_1 = \varphi_2$, то получим закон Ома для полной цепи

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{\text{общ}}} = \frac{\varepsilon}{R + r},$$

где r – внутреннее сопротивление источника тока (э. д. с.).

Так как электрический ток – это упорядоченное перемещение заряда под действием электрического поля, то работа тока:

$$A = qU = IUt, \text{ используя закон Ома } I = \frac{U}{R};$$

$$A = IUt = I^2 R t = \frac{U^2}{R} t.$$

Мощность тока $P_{\text{полез}} = \frac{dA}{dt} = IU = I^2 R = \frac{U^2}{R}$ – это полезная мощность, т.е. мощность, которая выделяется во внешней цепи (для однородного участка цепи $\Delta\varphi = \varphi_1 - \varphi_2 = U$).

Полная мощность $P = I\varepsilon = I^2(R + r) = \frac{\varepsilon^2}{R + r}$ – это мощность частично выделяется во внешней цепи (полезная), частично – на внутреннем сопротивлении (потеря мощности).

Коэффициент полезного действия источника равен:

$$\eta = \frac{P_{\text{полез}}}{P} = \frac{I^2 R}{I^2(R + r)} = \frac{R}{R + r} < 1.$$

Важные свойства электрических цепей.

1. Полезная мощность максимальна при выполнении “условия согласования” $R = r$, $(P_{\text{полез}})_{\text{max}} = \frac{\varepsilon^2}{4r}$;

2. Полная мощность максимальна при $R = 0$, уменьшается вдвое при $R = r$, стремится к нулю при $R \rightarrow \infty$

$$P_{\text{max}} = \frac{\varepsilon^2}{r};$$

3. КПД равен нулю при $R = 0$

$$\eta = 0.5 \text{ при } R = r$$

$$\eta \rightarrow 1 \text{ при } R \rightarrow \infty.$$

Графики зависимости $I(R)$, $P_{\text{полез}}(R)$, $\eta(R)$ представлены на рисунке 2.

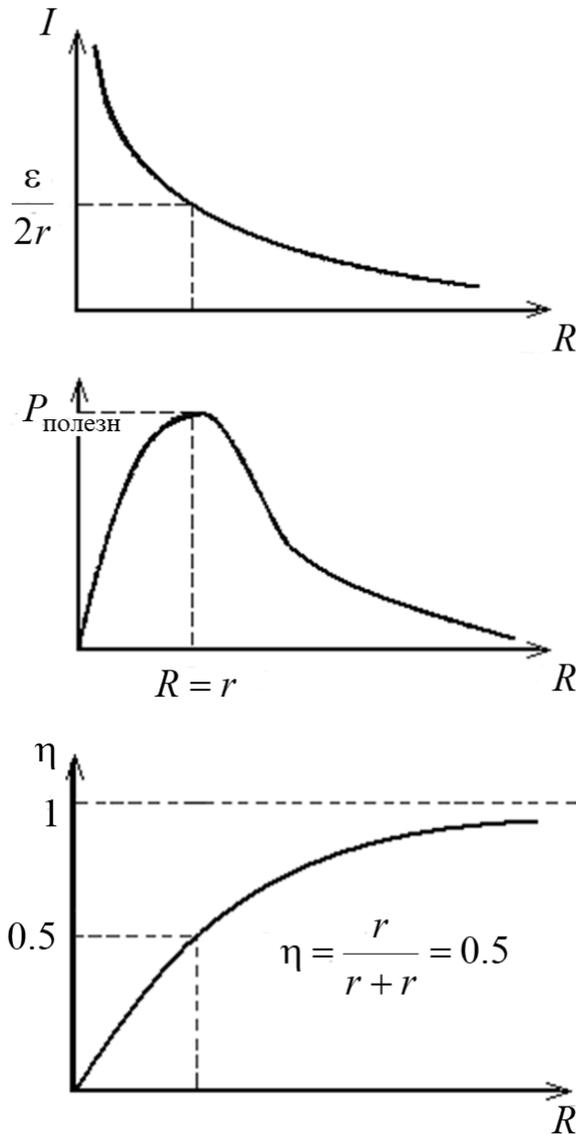


Рис. 2

Если ток проходит по неподвижному металлическому проводнику, то вся работа тока идет на его нагревание и, по закону сохранения энергии:

$$dQ = dA, \text{ т.е.}$$

$$dQ = IUdt = I^2 R dt = \frac{U^2}{R} dt - \text{это закон Джоуля - Ленца.}$$

Если учесть, что $R = \rho \frac{dl}{dS}$, $I = jdS$, то:

$$dQ = I^2 R dt = (jdS)^2 \rho \frac{dl}{dS} dt = \rho j^2 dV dt,$$

где $dV = dl dS$ – элементарный объем проводника.

Тогда:

$\omega = \frac{dQ}{dVdt}$ – количество теплоты, выделившееся за единицу времени в единице объёма, называется удельной тепловой мощностью тока;

$\omega = \rho j^2 = \sigma E^2$ – дифференциальная форма закона Джоуля – Ленца ($j = \sigma E$, $\rho = \frac{1}{\sigma}$).

Закон Ома позволяет рассчитать практически любую электрическую цепь. Однако расчет разветвленных цепей значительно упрощается, если использовать два правила Кирхгофа.

Первое правило: алгебраическая сумма токов, сходящихся в узле равна нулю:

$$\sum_i I_i = 0.$$

Второе правило: в любом замкнутом контуре, произвольно выбранном в разветвленной электрической цепи, алгебраическая сумма произведений сил токов на сопротивления соответствующих участков этого контура равна алгебраической сумме э. д. с. в этом контуре:

$$\sum_i I_i R_i = \sum_i \varepsilon_i.$$

Рассмотрим схему (рис. 4.3). Для применения правила Кирхгофа необходимо:

- выбрать направление токов на всех участках цепи;
- выбрать направление обхода контура;
- составить столько уравнений, чтобы их число было равно числу неизвестных величин;

Составим уравнения для электрической схемы изображенной на рис. 3.

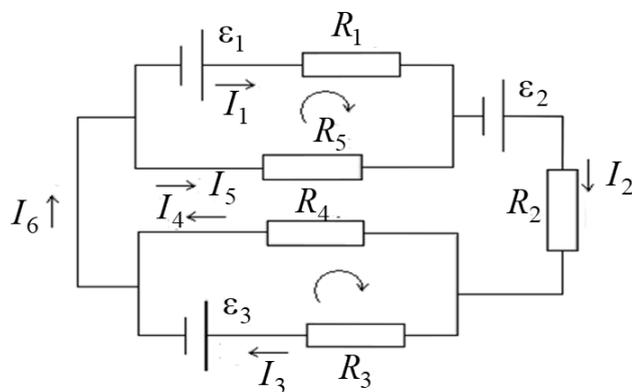


Рис. 3

Для узлов:

$I_6 - I_1 - I_5 = 0$ (токи, входящие в узел берём со знаком «+», выходящие из узла – «-»);

$$I_4 + I_3 - I_6 = 0;$$

$$I_1 + I_5 - I_2 = 0.$$

Для контуров:

$$I_1 R_1 + I_1 r_1 - I_5 R_5 = \varepsilon_1 \text{ и } I_3 R_3 + I_3 r_3 - I_4 R_4 = -\varepsilon_3.$$

Если известны все сопротивления и э. д. с., то, решая полученные уравнения, можно найти неизвестные токи.

Порядок выполнения работы

Задание 1. Рассчитать полезную мощность, затраченную (полную) мощность и КПД источника.

1. Собрать электрическую схему согласно рис.4.

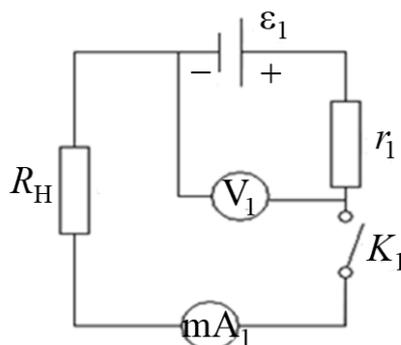


Рис.4

2. Нагрузочное сопротивление R_H установить в положение "∞". Включить источник питания стенда 220В (сеть) и тумблер "E₁". Закрыть ключ "K₁". В данном положении R_H показания вольтметра не будут отличаться от э. д. с. источника. Записать это значение $\varepsilon_1 = \dots$ В.

3. Нагрузочное сопротивление R_H установить в положение "0", записать показания приборов. Изменяя сопротивление нагрузки R_H от 0 до 390 Ом записывать показания приборов в таблицу 1.

Таблица 1

№	R_H , Ом	I , mA	U_1 , В	$P_{\text{полезн}}$, Вт	$P_{\text{полн}}$, Вт	η
1	∞	—		—	—	—
2	0					
...						

4. По формулам: $P_{\text{полн}} = UI$, $P_{\text{полн}} = I\varepsilon_1$; $\eta = \frac{U}{\varepsilon_1}$ – рассчитать

полезную мощность, полную мощность и КПД источника тока.

5. Построить графики зависимости $I(R)$, $P_{\text{полн}}(R)$, $P_{\text{полн}}(R)$ и $\eta(R)$.

На каждом графике найти характерную точку, соответствующую максимуму полезной мощности (условие $R = r$). По графику зависимости полезной мощности от величины сопротивления внешней цепи R определить r_1 . Рассчитать также r_1 через известные значения силы тока короткого замыкания ($R = 0$) и ЭДС источника. Сравнить полученные значения и вычислить среднее значение r_1 .

Задание 2. Найти неизвестное сопротивление R_x , используя законы Кирхгофа.

1. Собрать электрическую схему согласно рис.5.

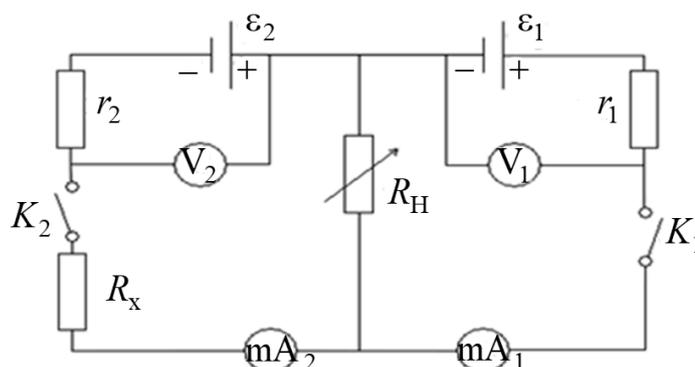


Рис.5

2. Нагрузочное сопротивление R_H и неизвестное сопротивление R_x установить в положение, заданное преподавателем. Включить источник питания стенда и тумблеры "E₁" и "E₂". Определить значение э. д. с. второго источника тока источника $\varepsilon_2 = \dots$ В. Замкнуть ключи "K₁" и "K₂".

Записать показания приборов в таблицу 2.

Таблица 2

№	U_1 , В	U_2 , В	R_H , Ом	I_1 , mA	I_2 , mA
1					

3. Для электрической схемы рис.4.5 составить уравнения согласно I и II законов Кирхгофа и решая их, найти неизвестное сопротивление R_x .

4. Сделать выводы

В выводе дать ответы на следующие вопросы.

1. Как зависит полная и полезная мощности от величины нагрузки?
2. Как определить максимальную полезную мощность?
3. Чему равна максимальная полная мощность?
4. Чему равен к. п. д. источника при максимальной полезной мощности?
5. Сделать выводы по результатам проделанной работы.

Лабораторная работа №2-5.

Исследование зависимости сопротивления металлов и полупроводников от температуры.

Цель работы: исследовать зависимость сопротивления проводника и полупроводника от температуры, определить величину температурного коэффициента и энергию активации полупроводника.

Приборы и принадлежности: сушильный шкаф, исследуемые образцы металла и полупроводника, два универсальных цифровых прибора В7-27, переключатель, соединительные провода.

Теоретическая часть

Понятие о зонной теории твёрдых тел. В зонной теории твёрдых тел твёрдое кристаллическое тело рассматривается как строго периодическая структура, в которой ионы создают электрическое поле. Задача состоит в описании поведения электронов в этом поле. Точное решение для системы множества частиц невозможно, поэтому эта задача решается приближённо, путём сведения к задаче об одном электроном, движущемся во внешнем поле.

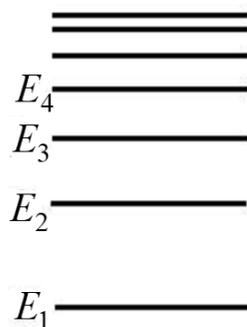


Рис. 1

Рассмотрим мысленно процесс образования твёрдого тела из изолированных атомов. Пока атомы изолированы, т.е. находятся друг от друга на макроскопических расстояниях, они имеют совпадающие схемы энергетических уровней. Уровень с наименьшим значением энергии E_1 , называется основным или невозбуждённым. Все остальные уровни называются возбуждёнными (рис. 1).

По мере сближения атомов между ними возникает все усиливающееся взаимодействие, которое приводит к изменению положения уровней. Вместо одного одинакового для всех N атомов уровня возникают N очень близких, но не совпадающих уровней. Таким образом, каждый уровень, изолированного атома расщепляется в кристалле на N густо расположенных уровней, образующих полосу или зону (рис. 2).



Рис. 2

На рис. 3 показано расщепление различных уровней как функция расстояния r между атомами. Величина расщепления для разных уровней не одинакова. Уровни, заполненные в атоме более близкими к ядру (внутренними) электронами, возмущаются меньше, чем уровни, заполненные внешними электронами.

Отмеченные на рисунке значения r_1 и r_2 соответствуют расстояниям между атомами в двух различных кристаллах. Из схемы видно, что возникающее в кристалле расщепление уровней, занятых внутренними электронами, очень мало. Заметно расщепляются лишь уровни, занимаемые валентными электронами. Такому же расщеплению подвергаются и более высокие уровни, не занятые электронами в основном состоянии атома.

При достаточно малых расстояниях между атомами может произойти перекрытие зон, соответствующих двум соседним уровням атома (см. пунктирную прямую, отвечающую расстоянию r_2 между атомами). Число уровней в такой слившейся зоне равно сумме количеств уровней, на которые расщепляются оба уровня атома. Взаимодействующие атомы представляют собой единую квантовую систему, в пределах которой действует принцип запрета Паули. Следовательно, $2N$ электронов, которые заполняли какой-то уровень в изолиро-

ванных атомах, разместятся в кристалле попарно (с противоположными спинами) на N уровнях соответствующей полосы.

Нижние, образованные слабо расщепленными уровнями зоны заполняются электронами, каждый из которых не утрачивает и в кристалле прочной связи со своим атомом. Эти зоны и заполняющие их электроны в дальнейшем интересовать нас не будут.

Дозволенные значения энергии валентных электронов в кристалле объединяются в зоны, разделенные промежутками, в которых разрешенных значений энергии нет. Эти промежутки называются запрещенными зонами. Ширина разрешенных и запрещенных зон не зависит от размеров кристалла. Таким образом, чем больше атомов содержит кристалл, тем теснее располагаются уровни в зоне. Ширина разрешенных зон имеет величину порядка нескольких электронвольт. Следовательно, если кристалл содержит 10^{23} атомов, расстояние между соседними уровнями в зоне составляет $\approx 10^{-23}$ эВ.

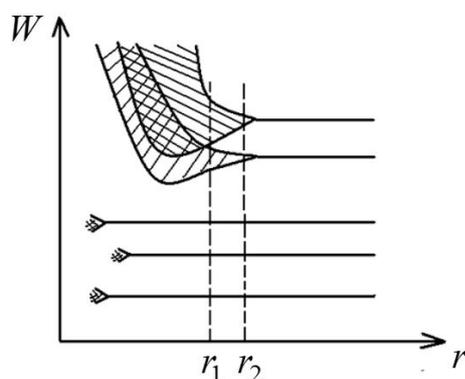


Рис. 3

Металлы, диэлектрики и полупроводники. В зонной теории твёрдого тела различия в электрических свойствах разных типов твёрдых тел объясняется шириной запрещённых энергетических зон и различным заполнением разрешённых энергетических зон.

Необходимым условием электрической проводимости твёрдого тела является наличие в разрешённой зоне свободных энергетических уровней, на которые внешнее электрическое поле могло бы перенести электроны.

Зона, заполненная электронами частично или пустая при $T = 0$ К, называется зоной проводимости. Самая верхняя зона, полностью заполненная электронами при $T = 0$ К, называется валентной зоной. Если зона проводимости заполнена частично, т.е. содержит свободные, не занятые электронами уровни, твёрдое тело будет проводником, т.е. это металл (рис. 4.а).

Твёрдое тело является проводником электрического тока и в том случае, когда валентная зона перекрывается свободной зоной. Это имеет место для щелочно – земельных элементов, образующих II группу таблицы Менделеева (Be, Mg, Ca, Zn, ...) в этом случае образуется так называемая “гибридная зона”, которая заполняется валентными электронами частично (рис. 4.б).

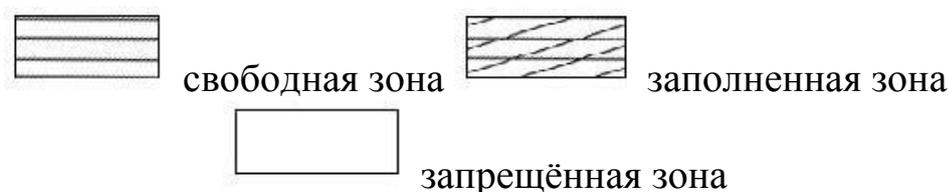
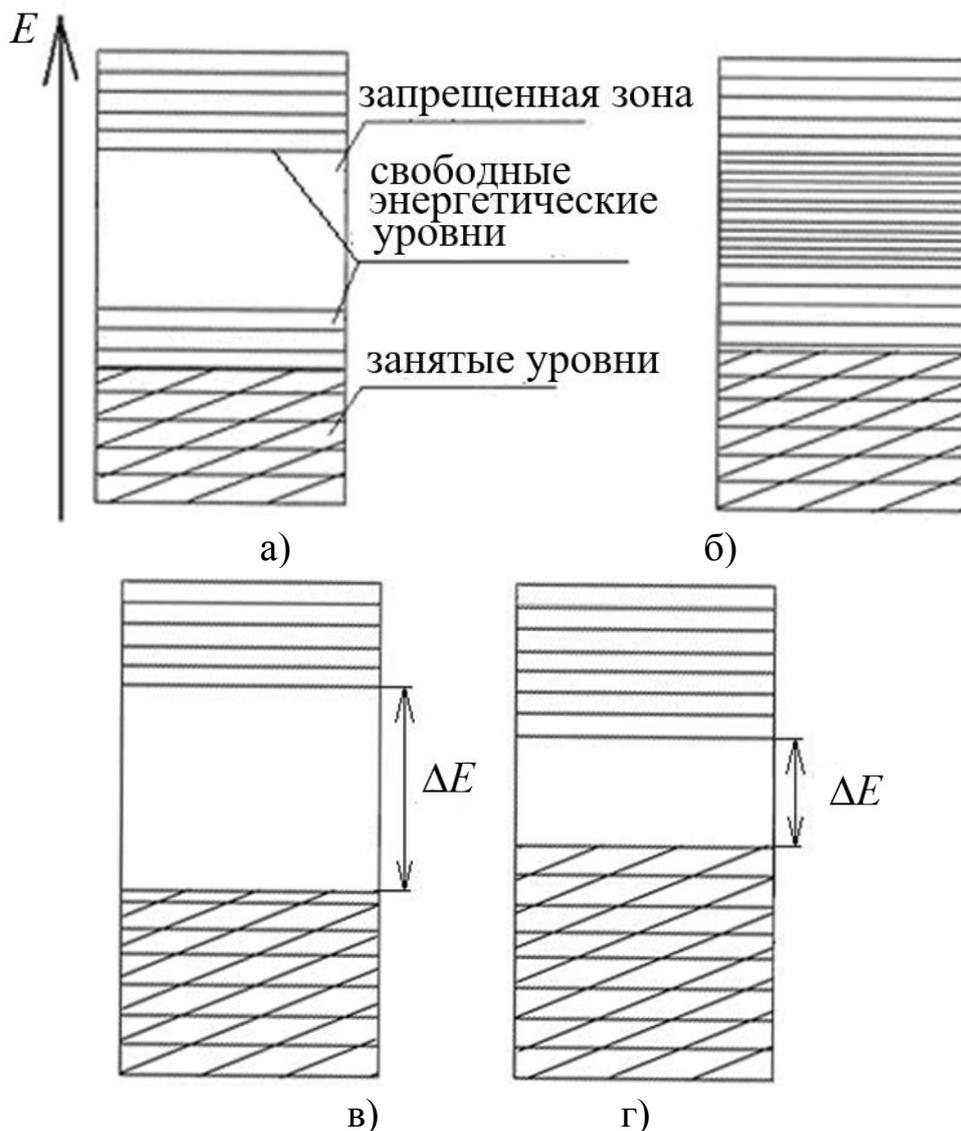


Рис. 4

Твёрдые тела, у которых энергетические зоны не перекрываются, являются диэлектриками или полупроводниками, в зависимости от ширины запрещённой зоны ΔE .

Если ширина запрещённой зоны кристалла порядка нескольких электрон-вольт ($\Delta E > 2\text{эВ}$), то тепловое движение не может перевести электроны из валентной зоны, полностью заполняемой, в зону проводимости, кристалл является диэлектриком при всех больших температурах (рис. 4.в).

Если ширина запрещённой зоны мала $\Delta E < 1\text{эВ}$, то переход электронов из валентной зоны, тоже полностью заполненной, в зону проводимости может быть осуществлён, либо путём теплового возбуждения, либо за счёт внешнего источника; кристалл является полупроводником.

Зависимость сопротивления металлов и полупроводников от температуры. Удельная проводимость σ металлов вычисляется по формуле:

$$\sigma = \frac{n_0 e^2 \lambda_F}{m v_F},$$

где n_0 – число электронов проводимости в единице объёма металла;

λ_F – средняя длина свободного пробега электрона, имеющего энергию Ферми;

v_F – скорость теплового движения электрона.

Удельная проводимость металлов обратно пропорциональна абсолютной температуре

$$\sigma \sim \frac{1}{T}.$$

Упорядоченное движение электронов в металле (электрический ток) рассматриваются в квантовой теории как процесс распространения электронных дебройлевских волн, которые рассеиваются на тепловых колебаниях узлов решётки металла. Идеальная кристаллическая решётка, в которой отсутствуют всякие нарушения периодичности, а в узлах находятся неподвижные частицы не рассеивает электронные волны и электроны проводимости проходят без сопротивления. Рассеяние электронных волн происходит при появлении неоднородностей, играющих роль центров рассеивания.

Таковыми центрами являются положительные ионы металла, совершающие тепловые колебания вокруг положений равновесия. Это

рассеивание приводит к существованию у чистых металлов электрического сопротивления.

С повышением температуры возрастает рассеивание электронных волн на тепловых колебаниях узлов решётки и уменьшается средняя длина свободного пробега электронов.

Удельное сопротивление ρ металлов $\rho = \frac{1}{\sigma}$

Зависимость удельного сопротивления от температуры $\rho = \rho_0(1 + \alpha t)$, т.к. $R = \rho \frac{l}{S}$, то $R = R_0(1 + \alpha t)$,

где R_0 – сопротивление проводника при 0°C ;

$\alpha > 0$ – термический коэффициент сопротивления, приблизительно равный $\frac{1}{273} \text{K}^{-1}$.

Измерив сопротивление проводника при двух температурах t_1 и t_2 , можем найти значение α :

$$R_1 = R_0(1 + \alpha t_1),$$

$$R_2 = R_0(1 + \alpha t_2).$$

Разделим левые и правые части этих уравнений:

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{1 + \alpha t_1}{1 + \alpha t_2}, \text{ затем}$$

$$R_1(1 + \alpha t_2) = R_2(1 + \alpha t_1) \text{ и}$$

$$R_2 - R_1 = \alpha(R_1 t_2 - R_2 t_1),$$

$$\text{отсюда} - \alpha = \frac{R_2 - R_1}{R_1 t_2 - R_2 t_1}.$$

По этой формуле можно рассчитать термический коэффициент сопротивления металла.

Электропроводимость химически чистых полупроводников называется собственной проводимостью. У атома полупроводника в кристалле валентная зона заполнена полностью. Для того, чтобы электрон смог перейти из валентной зоны в зону проводимости нужно сообщить энергию, не меньшую, чем ширина ΔE запрещённой зоны.

Величина ΔE называется энергией активации. С повышением температуры полупроводника растёт число носителей тока (электронов и «дырок») участвующих в электропроводности.

Удельная электропроводимость полупроводника возрастает с ростом температуры по закону:

$$\sigma = \sigma_0 e^{-\frac{\Delta E}{2kT}}.$$

А удельное сопротивление полупроводника резко уменьшается с повышением температуры по закону:

$$\rho = \rho_0 e^{\frac{\Delta E}{2kT}} \text{ или } R = R_0 e^{\frac{\Delta E}{2kT}},$$

где ΔE – энергия активации или ширина запрещённой зоны;
 k – постоянная Больцмана.

Измерив сопротивление полупроводника при двух температурах T_1 и T_2 можно найти значение ΔE :

$$R_1 = R_0 e^{\frac{\Delta E}{2kT_1}}, R_2 = R_0 e^{\frac{\Delta E}{2kT_2}}.$$

Прологарифмировав эти уравнения найдём их разность и решив относительно ΔE , получим:

$$\Delta E = \frac{2k(\ln R_1 - \ln R_2)}{\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2}};$$

$$[\Delta E] = 1 \text{ Дж}.$$

Порядок выполнения работы

1. Собрать электрическую цепь по схеме рис. 5.
2. Включить цифровые приборы В7 – 27 в сеть 220 В.
3. Подключая по очереди полупроводник и металлический проводник к прибору В7 – 27, работающему как омметр, записывать значения соответствующих сопротивлений через каждые 10^0 С ,

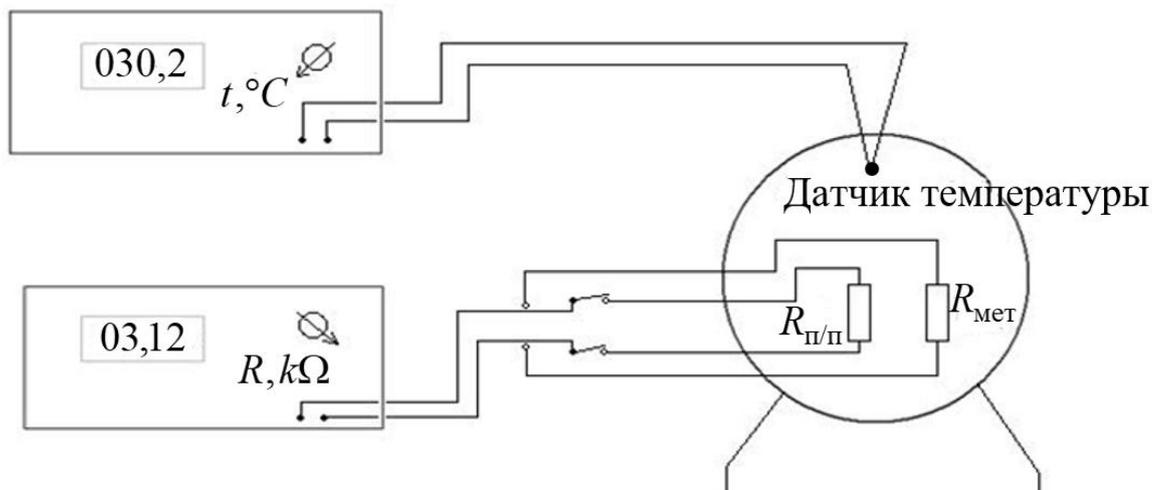


Рис. 5

начиная с комнатной температуры. Вычислить $\ln R_{п/п}$ и $\frac{1}{T}$.

Результаты измерений и вычислений занести в таблицу 1.

Таблица 1

$t, ^\circ C$	$t_{\text{комн}}, ^\circ C$	$30^\circ C$	$40^\circ C$	$50^\circ C$	$60^\circ C$	$70^\circ C$	$80^\circ C$	$90^\circ C$	$100^\circ C$
T, K									
$R_{\text{мет}}, \text{Ом}$									
$R_{п/п}, \text{Ом}$									
$\ln R_{п/п}$									
$\frac{1}{T}, K^{-1}$									

4. По полученным данным построить графики зависимости сопротивления металла от температуры $R_{\text{мет}} = f(t)$ и сопротивления полупроводника от температуры $R_{п/п} = f(t)$.

5. Для любых двух точек, находящихся на линии графика $R_{\text{мет}} = f(t)$, определить значение R_1, R_2 и t_1, t_2 . По формуле

$$\alpha = \frac{R_2 - R_1}{R_2 t_2 - R_1 t_1}$$

найти термический коэффициент сопротивления металла.

6. Построить график зависимости $\ln R_{п/п} = f\left(\frac{1}{T}\right)$.

7. Рассчитать энергию активации полупроводника формуле:

$$\Delta E = \frac{2k(\ln R_{\text{п/п2}} - \ln R_{\text{п/п1}})}{\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2}},$$

значения $\ln R_{\text{п/п1}}$, $\ln R_{\text{п/п2}}$, $\frac{1}{T_1}$ и $\frac{1}{T_2}$ вычислить для температур 30 и 90°С.

8. По формуле $\alpha_{\text{п/п}} = \frac{\Delta E}{T^2}$ рассчитать для одной из температур значение термического коэффициента сопротивления полупроводника.

9. Сделать вывод. В выводе дать ответы на следующие вопросы.

1. Как и почему изменяется сопротивление металла с ростом температуры?

2. Почему с увеличением температуры сопротивление полупроводников убывает?

3. В чём состоит различие между металлами, диэлектриками и полупроводниками с точки зрения зонной теории?

4. Что называется энергией активации?

5. Сделать выводы по результатам проделанной работы.

Лабораторная работа 2-6 Изучение вольт – амперной характеристики полупроводникового диода

Цель работы: изучить, как квантовая теория объясняет механизм собственной и примесной проводимости полупроводников; построить графики зависимостей прямых и обратных токов полупроводниковых диодов от напряжения.

Приборы и принадлежности: источник постоянного тока, измеряющий напряжение на своих клеммах и ток нагрузки, переключатель, панель с исследуемыми диодами.

Теоретическая часть

Собственная проводимость полупроводников. Полупроводниками являются твёрдые тела, которые при $T = 0$ характеризуются полностью занятой электронами валентной зоной, отделённой от зо-

ны проводимости сравнительно узкой ($\Delta E \leq 1\text{эВ}$) запрещённой зоной (рис 1.а)

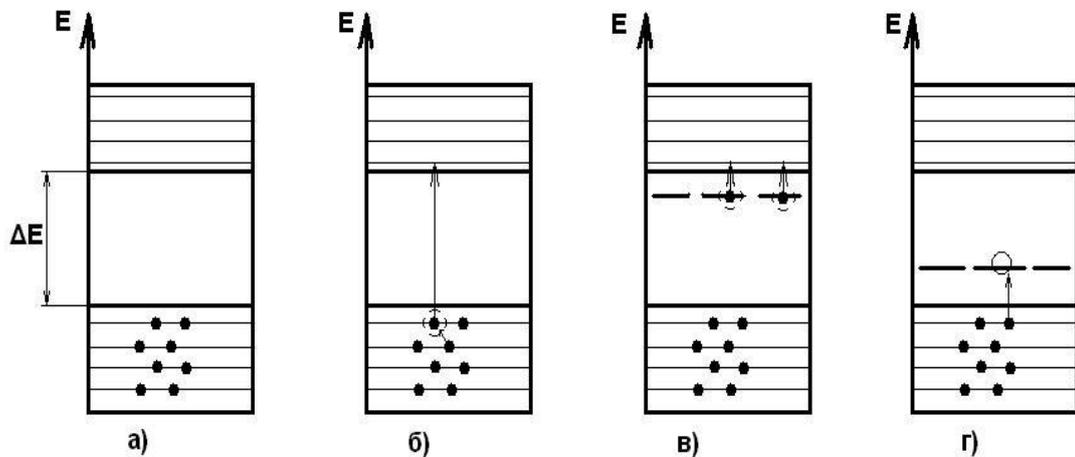


Рис. 1

Заполнение валентной зоны осуществляется согласно принципа Паули: в одном состоянии, описываемом четырьмя одинаковыми квантовыми числами n, l, m, m_s (главным квантовым числом, орбитальным, магнитным и магнитным спиновым), не может быть более одного электрона. В одном состоянии, описываемом тремя одинаковыми числами n, l, m , может быть не более двух электронов с противоположными спинами $s = +\frac{1}{2}$ и $s = -\frac{1}{2}$.

В природе полупроводники существуют в виде элементов IV, V, VI групп таблицы элементов Менделеева, например Si, Ge, As, Sc, Te и т.д. Различают собственные и примесные полупроводники.

Собственными полупроводниками являются химически чистые полупроводники, а их проводимость называется собственной проводимостью.

При 0 К и отсутствии других внешних факторов собственные полупроводники ведут себя как диэлектрики. При повышении температуры электроны с верхних уровней валентной зоны могут перейти на нижние уровни свободной зоны (рис. 1.б). В свободной зоне появляются небольшое число электронов, которые могут двигаться. При наложении на кристалл электрического поля они перемещаются против поля и создают электрический ток. Свободная зона становится зоной проводимости.

Кроме того, переход электрона в верхнюю зону означает образование пустого места в валентной зоне. Такое образование называют

дыркой. Наличие дырки тоже приводит к проводимости, так как теперь электрон с соседнего уровня может переместиться на место образовавшейся дырки, а дырка появится в том месте, откуда ушёл электрон, и т.д. Процесс заполнения дырок электронами равносителен перемещению дырки в направлении, противоположном движению электронов.

Таким образом, в собственных полупроводниках всегда есть два типа носителей – электроны и дырки. Число электронов в зоне проводимости равно числу дырок в валентной зоне.

Если концентрации электронов проводимости и дырок обозначить соответственно n_e и n_p , то $n_e = n_p$.

Величина проводимости зависит от количества (концентрации) перешедших в свободную зону электронов. Если воспользоваться формулой Больцмана, то:

$$n = n_0 e^{-\frac{\Delta E}{2kT}}$$

Тогда удельная проводимость:

$$\sigma = \frac{j}{E} = \frac{env}{E} = enU_0 \text{ и}$$

$$\sigma = en_0 U_0 e^{-\frac{\Delta E}{2kT}} = \sigma_0 e^{-\frac{\Delta E}{2kT}},$$

где ΔE – энергия активации; U_0 – подвижность электронов; v скорость электронов; E – напряженность поля.

Примесная проводимость полупроводников. В примесных полупроводниках проводимость обусловлена за счёт введения примесей.

Введём в кристалл четырёхвалентного германия $\text{Ge}^{\text{IV}}(4\text{S}^2 4\text{P}^2)$ примесь пентавалентного фосфора $\text{P}^{\text{V}}(3\text{S}^2 3\text{P}^2)$. Четыре электрона германия образуют с четырьмя электронами фосфора прочные связи (ковалентные связи), а пятый электрон оказывается слабо связанным. Под действием теплового движения он легко отрывается от атома примеси и может двигаться по кристаллу (рис. 2.а).

С точки зрения зонной теории: введение примеси искажает поле решётки, что приводит к возникновению в запрещённой зоне энергетического уровня, называемого примесным уровнем. На этом локальном уровне и будет находиться лишний электрон примесного атома фосфора (рис. 2). Такая примесь называется донором, а уровень – донорным уровнем. Донорный уровень находится на малом расстоянии от дна зоны проводимости. Это расстояние называется энергией акти-

вазии ΔE ($\Delta E \approx 0.015 \text{ эВ}$). При комнатных температурах энергия теплового движения достаточна для того, чтобы электрон примесного уровня перешёл в зону проводимости. Образующиеся при этом дырки в проводимости не участвуют.

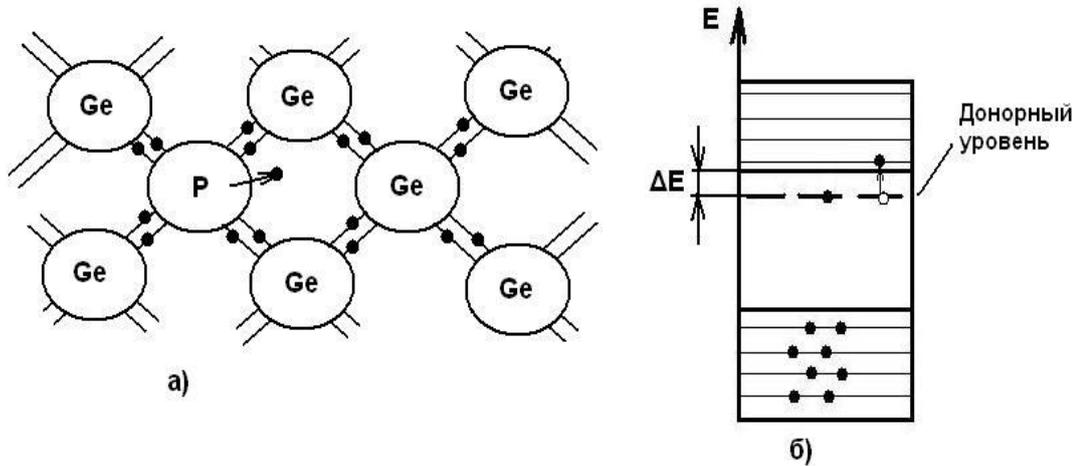


Рис. 2

Итак, в полупроводниках с примесью, валентность которой на единицу больше валентностей основных атомов, носителями тока являются электроны. Полупроводник с такой проводимостью называется полупроводником n – типа (от слова negative, что означает, что носители тока имеют отрицательный заряд).

Введём в кристалл четырёхвалентного германия $\text{Ge}^{\text{IV}}(4\text{S}^24\text{P}^2)$ примесь трёхвалентного бора $\text{B}^{\text{III}}(2\text{S}^22\text{P}^1)$. Для образования четырёх ковалентных связей у атома бора не хватает одного электрона, т.е. одна из связей остаётся неуполноценной и четвёртый электрон может быть захвачен от соседнего атома основного вещества, где образуется дырка (рис. 3.а).

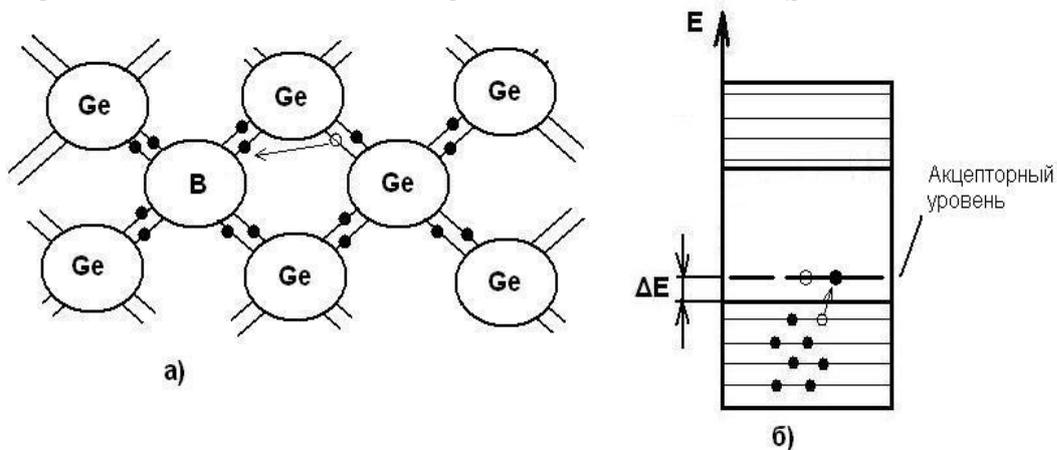


Рис. 3

Последовательное заполнение образующихся дырок электронами эквивалентно движению дырок в полупроводнике.

С точки зрения зонной теории: введение трёхвалентной примеси искажает решётку германия и приводит к возникновению в запрещённой зоне примесного энергетического уровня не занятого электронами. Этот уровень располагается выше верхнего края валентной зоны, называется акцепторным уровнем (рис. 6.3.б). При сравнительно низких температурах электроны из валентной зоны переходят на акцепторный уровень, теряют способность перемещаться по решётке германия, т.е. в проводимости не участвуют. Носителями тока являются лишь дырки, возникающие в валентной зоне.

Итак, в полупроводниках с примесью, валентность которой на единицу меньше валентности основных атомов, носителями тока являются дырки. Возникает дырочная проводимость p – типа (от слова positive, что означает, что носители тока имеют положительный заряд).

Полупроводниковый диод. Возьмём пластину n – полупроводника и пластину p – проводника и приведём их в соприкосновение. Получим полупроводниковый диод. Электроны из n – полупроводника, где их концентрация выше, будут диффундировать в p – полупроводник, где их концентрация ниже. Диффузия дырок происходит в обратном направлении (рис. 4). В n – полупроводнике, из-за ухода электронов, вблизи границы остаётся не скомпенсированный положительный заряд неподвижных ионизированных донорных атомов.

В p – полупроводнике вблизи границы образуется отрицательный заряд неподвижных ионизированных акцепторов. У границы образуется двойной электрический слой (запирающий слой), поле которого, направлено от n – области к p – области. Если концентрация доноров и акцепторов в полупроводниках n – и p – типа одинаковы, то толщина слоёв d_1 и d_2 равны.

В области p – n – перехода энергетические зоны искривляются, в результате чего возникают потенциальные барьеры, как для электронов, так и для дырок.

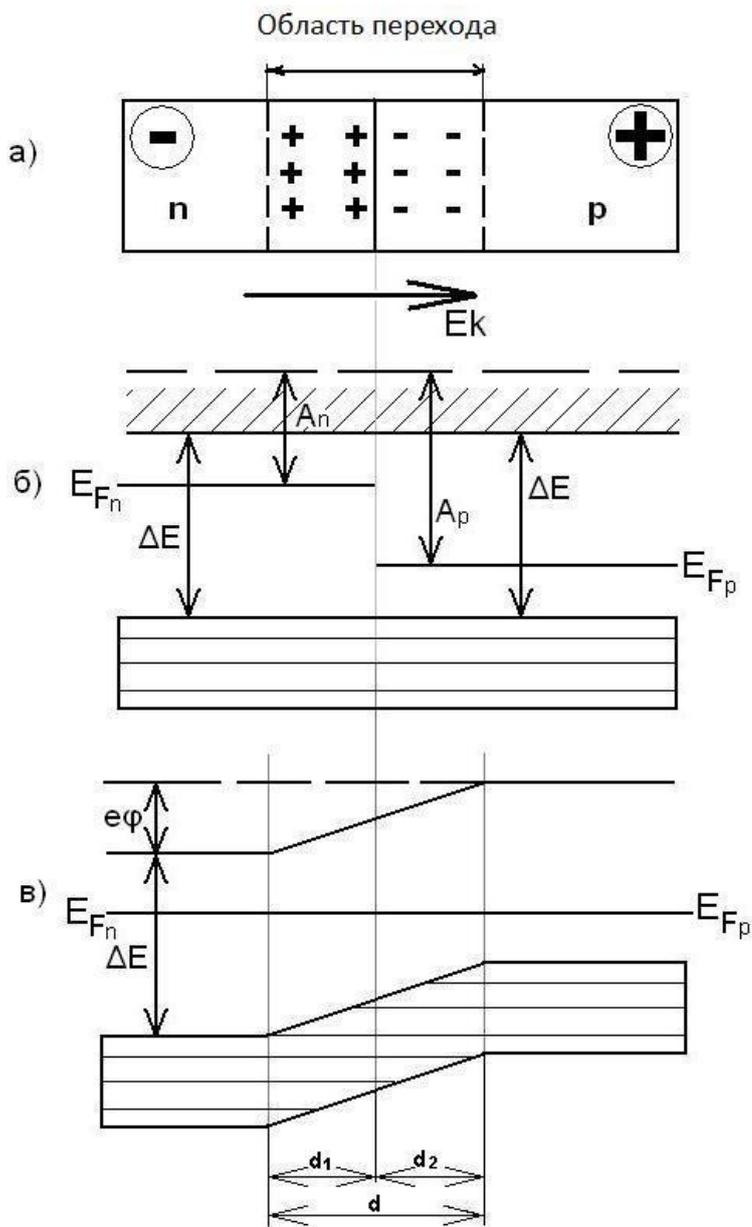


Рис. 4

Высота потенциального барьера $e\phi$. Все энергетические уровни акцепторного полупроводника подняты относительно уровней донорного полупроводника, причём подъём происходит на толщине двойного слоя d . Носители тока способны преодолеть такую разность потенциалов лишь при температуре в несколько тысяч градусов, т.е. при обычных температурах равновесный контактный слой является запирающим.

Сопротивление запирающего слоя можно уменьшить с помощью внешнего электрического поля.

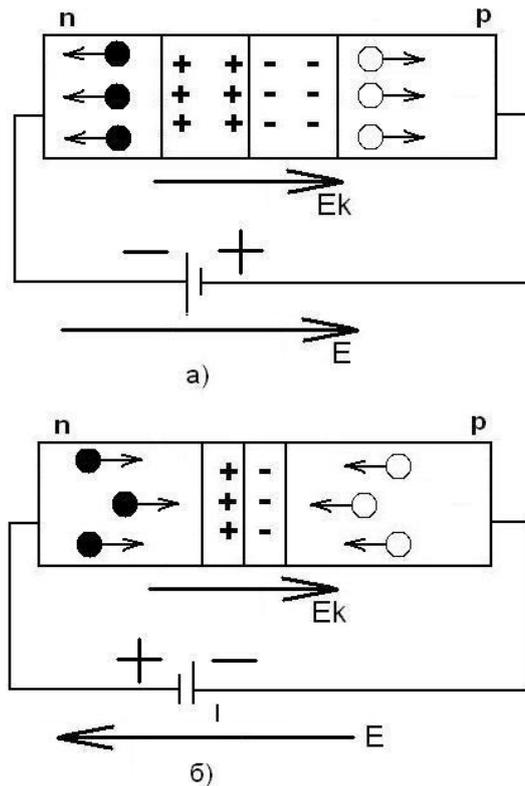


Рис. 5

Если приложенное к $p - n$ - переходу внешнее электрическое поле направлено от n – полупроводника к p – полупроводнику (рис. 5.а), т.е. совпадает с направлением поля контактного слоя, то запирающий слой расширяется и его сопротивление растёт.

Ток через $p - n$ – переход в этом случае не проходит. Незначительный ток образуется лишь за счёт неосновных носителей тока (электронов в p – проводнике и дырок в n – проводнике).

Если с помощью источника ЭДС создать в $p - n$ - переходе электрическое поле \vec{E} направленное против поля барьера, то в результате ширина барьера и его сопротивление уменьшается (рис. 5.б). Следовательно, в этом направлении электрический ток проходит через $p - n$ – переход и называется прямым.

Таким образом, контакт полупроводников с разными типами проводимости образует $p - n$ – переход обладающий свойством односторонней проводимости электрического тока.

Односторонняя проводимость $p - n$ – перехода используется для выпрямления и преобразования переменного электрического тока. Полупроводниковое устройство, содержащее один $p - n$ -переход,

называется полупроводниковым диодом. Вольт – амперная характеристика диода приведена на рис 6.

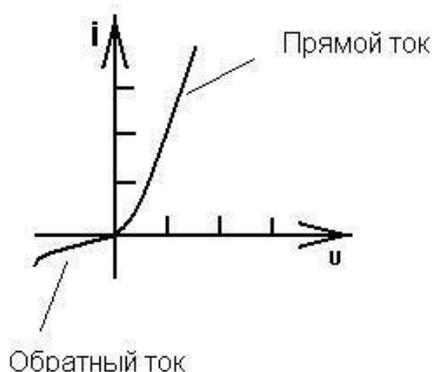


Рис. 6

Порядок выполнения работы

1. Перед включением установки в сеть проверить электрическую схему рис. 7.
2. Переключатель “Вк 1” установить в положение 1 (прямое).
3. Подключить к клеммам переключателя прибора селеновый диод.

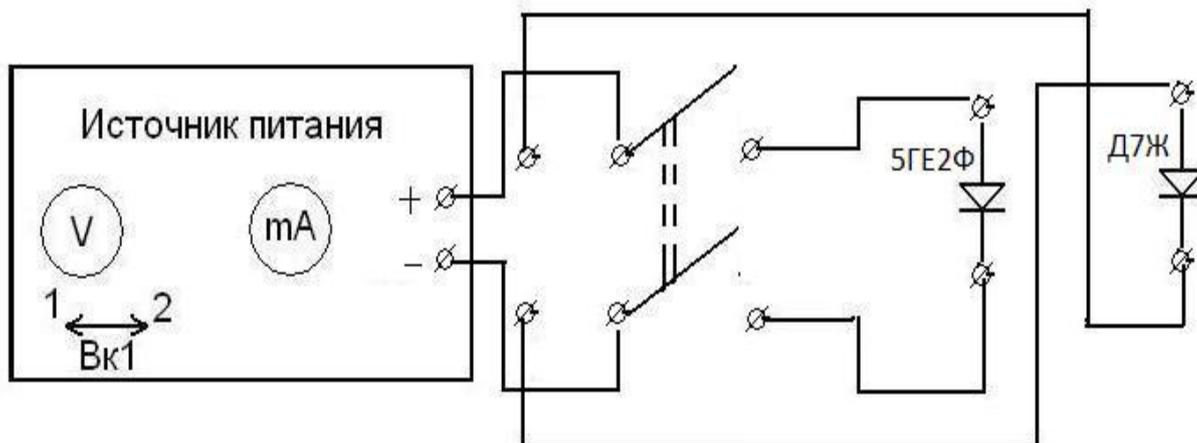


Рис. 7

4. Включить источник питания.
5. Изменяя величину приложенного напряжения в пределах от 0 до 1,5 В и от 1,5 до 15 В, определить величину тока (пределы измерений: 0 – 25 мА, затем 25 – 250 мА), проходящего через диод. Данные занести в таблицу 1.
6. Уменьшить напряжение до нуля.

7. Переключатель “Вк 1” установить в положение 2 (обратное). Изменяя напряжение в пределах от 0 до 1,5 В и от 1,5 до 15 В, определить величину обратного тока. Данные занести в таблицу 1.

8. Уменьшить напряжение до нуля. Подключить германиевый, а затем кремниевый диод. Пункты 5 – 7 повторить для германиевого и кремниевого диодов.

9. Построить вольт – амперные характеристики диодов.

10. Вычислить коэффициент выпрямления селенового диода по формуле: $k = \frac{I_{\text{пр}}}{I_{\text{обр}}}$, (отношение прямого тока к обратному при одинаковых абсолютных значениях напряжения).

11. Построить график $k(U)$

Таблица 1

			1	2	3	4	5	6	7	.	.	.
Селеновый диод 5ГЕ2Ф	Прямое включение	$U, \text{В}$										
		I, mA										
	Обратное включение	$U, \text{В}$										
		I, mA										
Германиевый диод Д7Ж	Прямое включение	$U, \text{В}$										
		I, mA										
	Обратное включение	$U, \text{В}$										
		I, mA										
Кремниевый диод Д815А	Прямое включение	$U, \text{В}$										
		I, mA										
	Обратное включение	$U, \text{В}$										
		I, mA										

Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. Что такое «запирающий слой» и какими свойствами он обладает?

2. Как надо подключать внешний источник постоянного напряжения, чтобы через $p - n$ переход проходил ток?

3. Как по вольт – амперной характеристике полупроводникового диода определить, где ток прямой, а где – обратный?

4. Какие значения может принимать коэффициент выпрямления? Как выглядит зависимость коэффициента выпрямления от напряжения $k(U)$?

5. Сделать выводы по результатам проделанной работы

Лабораторная работа 7. Изучение работы электронного осциллографа

Цель работы:

1. Изучить устройство и принцип работы электронного осциллографа.

2. Ознакомиться с функционированием структурных блоков осциллографа и их взаимодействием.

Приборы и принадлежности: электронный осциллограф, инструкция по эксплуатации, генератор стандартных сигналов

Теоретическая часть

Электронными осциллографами (ЭО) называются приборы, предназначенные для визуального наблюдения, исследования и фотографирования электрических процессов. Они применяются для измерения самых различных электрических величин: амплитуд напряжений и токов, полных сопротивлений, частоты, фазовых сдвигов, длительностей импульсов и др., а также многих неэлектрических величин, преобразуемых с помощью датчиков в электрические. Малая инерционность осциллографа позволяет исследовать переменные величины в широком диапазоне частот от постоянного тока до сотен мегагерц и более. При использовании вспомогательных устройств на экране прибора можно воспроизвести вольтамперные, частотные, амплитудные, фазовые, переходные и другие характеристики исследуемых установок. Работает осциллограф, как правило, от переменного тока (220 В).

Осциллографы разделяются на три основные группы: 1) с непрерывной (периодической) развёрткой, 2) универсальные с непрерывной и ждущей развёртками, 3) скоростные или сверхвысокочастотные.

ЭО состоит из следующих узлов и блоков (функциональная схема ЭО представлена на рис. 1): электронно – лучевой трубки (ЭЛТ); блока питания; усилителей сигналов каналов X и Y и аттенюа-

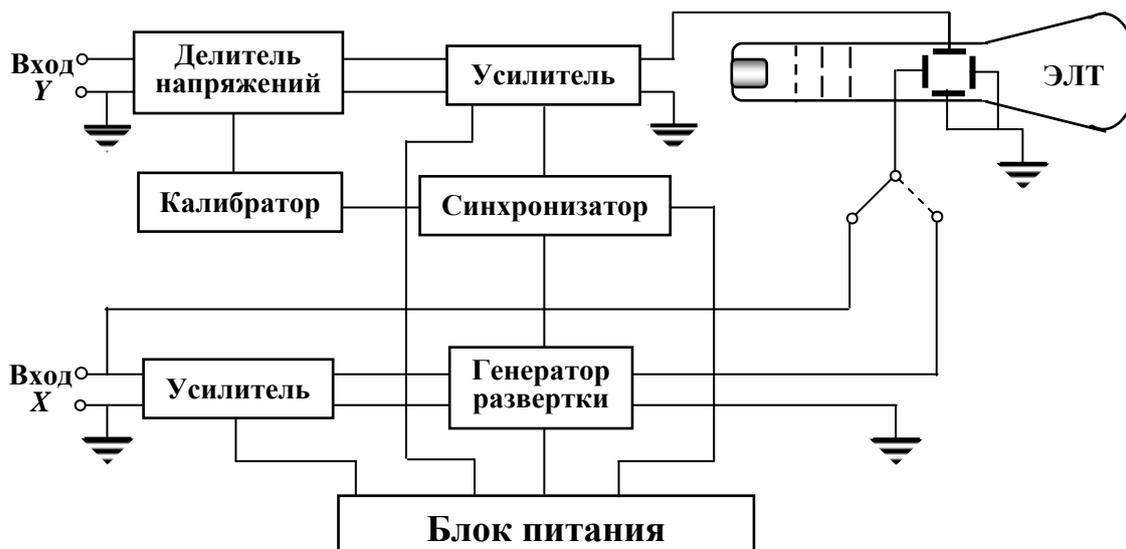


Рис. 1

тора (делителя напряжения); генератора развертки (пилообразного напряжения); блока синхронизации; калибратора.

Электронно – лучевая трубка (ЭЛТ) – основная часть прибора (на экране трубки наблюдается исследуемый сигнал). ЭЛТ представляет собой (рис.2) вакуумную колбу 10, внутри которой впаяны электроды различного назначения. Одна группа электродов образует так называемую электронную пушку, создающую электронный луч, направленный вдоль оси ЭЛТ. К этим электродам относятся:

- катод 2, нагреваемый с помощью нити накала 1. Эмиссия электронов происходит с торцевой поверхности катода, покрытого слоем окисла с малой работой выхода электронов;

- управляющий электрод (модулятор) 3, на который подается отрицательный относительно катода потенциал. Величина этого потенциала с помощью потенциометра R_1 может изменяться, что приводит к изменению яркости пятна на экране 8 (чем меньше по абсолютной величине потенциал, тем больше пройдет через модулятор в единицу времени электронов и тем ярче будет пятно);
- величине потенциал, тем больше пройдет через модулятор в единицу времени электронов и тем ярче будет пятно);

- первый анод 4, выполненный в виде цилиндра, внутри которого расположено несколько диафрагм с отверстиями в центре;

- второй анод 5 – более короткий цилиндр с отверстием в центре.

На оба анода подаются положительные относительно катода потенциалы (на анод 4 ≈ 500 В, на анод 5 ≈ 3000 В), а потому они являются ускоряющими элементами (сообщают электронам ускорение и большую скорость). Кроме того, они совместно с модулятором 3 формируют здесь электрическое поле. Результирующее электрическое поле электродов 3, 4 и 5 оказывается таким, что электроны, двигаясь вдоль силовых линий, фокусируются на экране. Регулировка фокусирующего действия осуществляется потенциометром R_3 .

К другой группе электродов относятся:

– вертикально отклоняющие пластины 6. Именно на них подается, как правило, после усиления исследуемое напряжение;

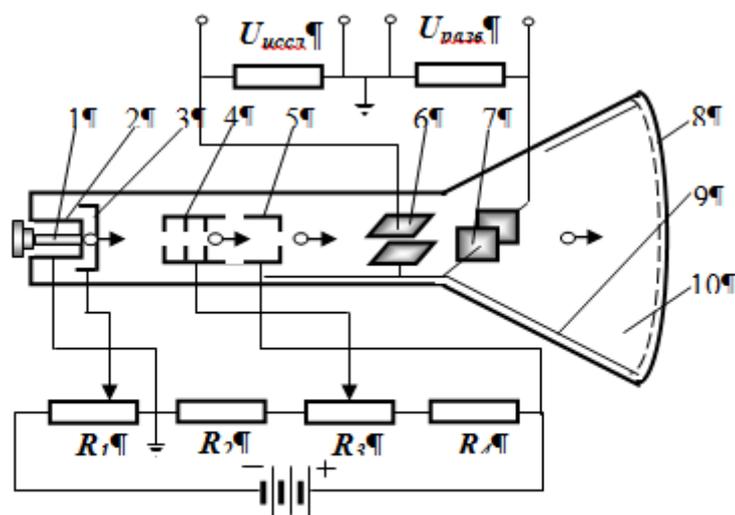


Рис. 2

– горизонтально отклоняющие пластины 7. На них обычно подается напряжение с генератора развертки;

– третий анод 9, соединенный с электродом 5 и играющий вспомогательную роль.

Блок питания обеспечивает питающими напряжениями схему осциллографа. В него входят: выпрямители, трансформаторы, стабилизатор и некоторые другие элементы.

Блоки усилителей и аттенюатор. Чувствительность непосредственно ЭЛТ (но не осциллографа) не велика (≈ 2 мм/В), поэтому подаваемые сигналы (особенно вертикальный – Y) часто должны быть предварительно усилены. Это и делается с помощью усилителей Y и X (рис.1). В случае большой амплитуды исследуемого сигнала его необходимо ослабить. Для этого на входе усилителя Y (ручка “Уси-

ление”) ставят делитель напряжения – аттенюатор (ручка “Вольт/дел.”).

В усилителе X аттенюатор отсутствует, поэтому подавать на горизонтально отклоняющие пластины большие (> 25 В) напряжения нельзя. Однако коэффициент усиления X усилителя может быть увеличен в 5 раз (тумблер из положения “ $\times 1$ ” перевести в положение “ $\times 0,2$ ”).

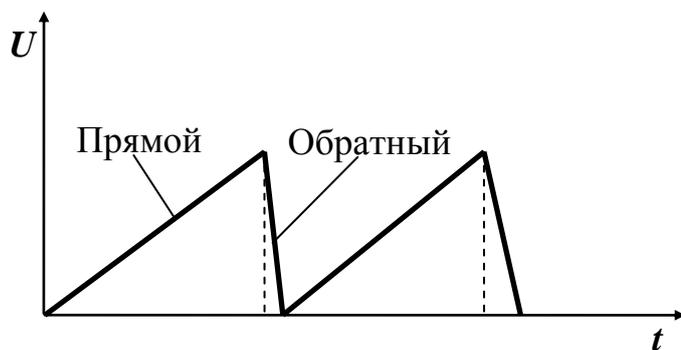


Рис. 4

При помощи потенциометров, входящих в усилители X и Y , производится управление положением луча по горизонтали (ручки “Плавно” и “Грубо”) и по вертикали (ручка \updownarrow).

Генератор развертки. Для получения на экране ЭЛТ осциллограмм (графика зависимости напряжения исследуемого сигнала от времени) необходимо на вход X осциллографа (а с него на горизонтально отклоняющие пластины) подать напряжение, пропорциональное времени, т.е. напряжение развертки (U_x). Создается это напряжение генератором (непрерывной) развертки, на выходе которого ставится усилитель. Напряжение развертки имеет пилообразный вид (рис. 4) и может регулироваться по амплитуде и частоте. На участке прямого хода, где $U_x \approx t$, электронный луч смещается по экрану трубки слева направо.

За время обратного хода луч быстро возвращается в крайнее левое положение. Для некоторых специальных целей генератор развертки можно ввести в режим так называемой ждущей развертки (о принципе действия генераторов развертки можно прочесть в специальной литературе). При непрерывной развертке ручка “Стаб.” должна стоять в положении, когда при отсутствии сигнала, на экране появляется линия развертки (горизонтальная линия).

Блок синхронизации. Для наблюдения периодических быстропротекающих процессов важно получить на экране ЭО неподвижное

изображение сигнала. Для этого нужно, чтобы период развертки был кратен периоду изучаемого сигнала. Обеспечить заранее это условие трудно. Поэтому используют принудительное согласование периодов - синхронизацию. Эту функцию в ЭО и выполняет блок синхронизации. Синхронизация может быть внутренней (ручка "Внутр.") и внешней (ручка "Внешн."). Внешняя синхронизация осуществляется от внешнего источника, сигнал которого может быть ослаблен в 10 раз (1:1; 1:10). Кроме того, предусмотрено изменение полярности синхронизации (+,-) – сигнал синхронизации совпадает или противоположен по полярности входному сигналу. Возможен и плавный переход от "+" к "-" (ручка "Уровень"), когда добиваются устойчивого положения сигнала. Блок синхронизации осуществляет также выбор типа входа (открытый вход – проходят и постоянная, и переменная составляющие; закрытый вход – проходит только переменный сигнал), а также отключение генератора развертки (ручка переключается в положение "X").

Калибратор. Чтобы измерить величину сигнала и его длительность, нужно сравнить этот сигнал с другим известным по величине и длительности сигналом. Иначе говоря, нужно знать цену деления сетки экрана по вертикали и горизонтали (прокалибровать сетку). Делается это с помощью специального генератора – калибратора, который создает П – образные сигналы частотой 2 кГц и амплитудой 6 В.

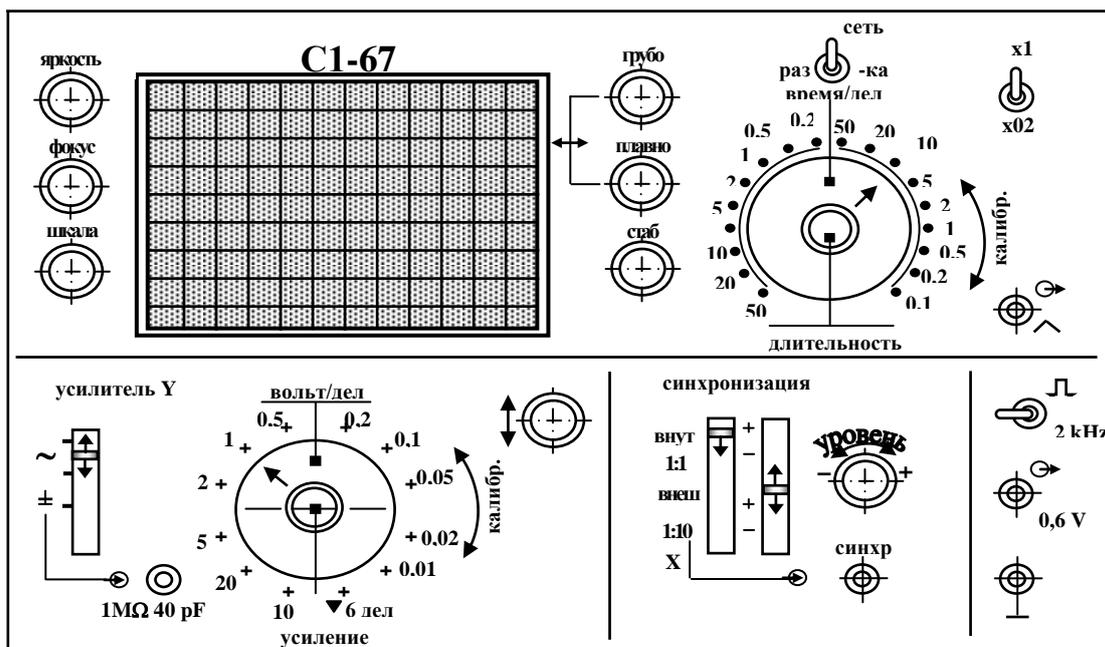


Рис. 5

Калибровка производится, как правило, в заводских условиях, однако при эксплуатации ЭО приходится ее проверять и уточнять.

По вертикали калибровку уточняют при помощи шлица “Чувст.”, расположенного с левой стороны прибора, а по горизонтали – с помощью шлица “Калибровка длительности”, расположенного с правой стороны прибора. Пользоваться указателями цены деления ручек “Вольт/дел.” и “Время/дел.” можно только при условии уверенности и правильности калибровки. На рис. 5 изображена панель осциллографа С1–67. Здесь же указаны названия ручек управления, по которым (названиям) можно судить об их назначении. Назначения ручек управления указаны также в табл. 1.

Порядок выполнения работы

Задание 1. Подготовить осциллограф к измерениям.

1. Установить органы управления осциллографом в положения, указанные в приведенной табл. 1.

Таблица 1

	<u>Общие</u>		
1	“Яркость”	Среднее	Яркость луча
2	“Фокус”	Среднее	Фокусировка луча
3	“Шкала”	Среднее	Подсветка шкалы
	<u>Усиление по У</u>		
4	“Вольт/дел.”	“V 6 дел.”	Делитель напряжен.
5	“Усиление”	Крайнее правое	Коэффициент усиления
6	“b ”	Среднее	Перемещение луча вверх, вниз
7	<u>“\mathcal{O}, \perp, $\overline{\mathcal{O}}$”</u>	“ \mathcal{O} ”	Режим работы усилителя
	Развертка		
8	“Грубо”	Среднее	Перемещение луча
9	“Плавно”	Любое	вправо, влево
	“Стаб.”	Крайнее правое	Режим работы развертки
10	“Время/дел.”	“0,5 mS”	Длит. развертки (скачком)
11	“Длительность”	Крайнее правое	Длит. развертки (плавно)

12	“×I, ×02”	“×I”	Изменение “цены” деления шкалы
13	<u>Синхронизация</u>	“внутр.”	Вид синхронизации
14	“Внутр., внеш., X” “ \overline{S} , \overline{S} , +, -”	“ \overline{S} +”	Вход и полярность синхронизации
15	“Уровень”	Крайнее правое	Плавный переход от “+” к “-”
16	Тумблер “ \square ”, 2кГц	“ \square ”, 2 кHz	Подача калибровочного напряжения
17	Тумблер “Сеть”	Выключено	Подключение осциллографа к сети

2. Вилку питающего шнура включить в сеть 220 В). Тумблером “Сеть” подать на прибор напряжение (загорается сигнальная лампа).

3. Через 2 – 3 минуты после включения на экране появится сигнал формы $\square\square\square\square\square$ (иногда вертикальные линии этого сигнала не высвечиваются), что означает, что подано калибровочное напряжение.

Отрегулировать яркость сигнала и вывести его в центральную часть экрана. Ручкой “Уровень” остановить картину. Ручкой “Грубо” установить ее в такое положение, чтобы удобно было считать число импульсов. Проверить, не сбилась ли градуировка: в 10 делениях горизонтальной шкалы должно быть 10 импульсов, по оси U сигнал должен занимать 6 делений.

Задание 2. Проанализировать форму исследуемого сигнала, измерить его амплитуду и вычислить эффективное значение напряжения.

1. Ручку “Вольт/дел.” повернуть влево (т.е. отключить калибровочный сигнал) и поставить ее указатель на цифру 5 или 10.

2. Подать исследуемый сигнал от звукового генератора на вертикально отклоняющие пластины. На экране появится множество кривых, накладывающихся друг на друга (если они по вертикали не входят в экран, ручкой “Вольт/дел.” уменьшить их видимую амплитуду). Вращая влево ручку “Время / дел.”, сделать так, чтобы осталась одна кривая с 3 – 4 полными колебаниями, а ручкой “Стаб.” добиться того, чтобы она была неподвижна. Полученную кривую нарисовать, пометив величины, соответствующие осям.

3. Определить амплитуду U_0 сигнала и эффективное значение напряжения $U_{\text{эф}}$. Для этого измерить по вертикали расстояние между крайними точками кривой в делениях шкалы (например, $l = 2,6$ дел.), тогда $U_0 =$ цифровая отметка “Вольт/дел.” $\times l$ (число делений) / 2:

$$U_{\text{эф}} = \frac{U_0}{\sqrt{2}}.$$

Задание 3. Определить период колебаний сигнала и его частоту.

1. Сосчитать, сколько N горизонтальных делений шкалы занимают некоторое число колебаний n . Очевидно, период колебаний вычисляется как:

$T = \Delta\tau / n = N \times$ цену деления шкалы “Время/дел.” \times множитель ($\times 1$ или $0,2$) / n , а частота ν и циклическая частота ω вычисляются как:
 $\nu = 1/T, \omega = 2\pi\nu = 2\pi/T$.

2. Исследуемый сигнал зарисовать.

Задание 4. Наблюдать фигуры Лиссажу (кривая, по которой движется частица, участвующая в двух взаимно перпендикулярных гармонических колебаниях). Использовать их для нахождения частоты исследуемого сигнала.

1. Ручку “Внутр., Внеш., X” поставить в положение X (этим отключили генератор развертки).

2. На вход канала вертикального отклонения вновь подать исследуемый сигнал. На вход канала горизонтального отклонения подать сигнал от звукового генератора (частота его сигналов может

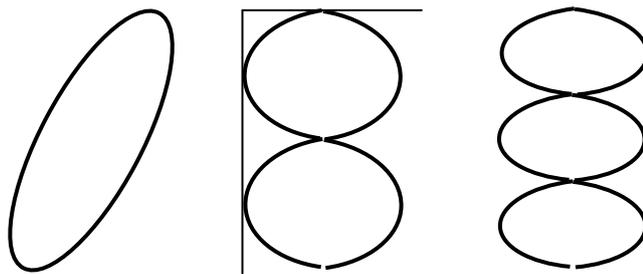


Рис. 1.6

изменяться и измеряться по шкале генератора).

3. Изменяя частоту сигнала генератора, добиться получения устойчивых фигур Лиссажу разной формы, например, таких как на рис. 6. Для трех – пяти фигур измерить по шкале звукового генератора частоту ν_x сигнала генератора. Частота исследуемого

сигнала определяется как: $v_y = v_x \times \text{число точек касания горизонтальной прямой} / \text{число точек касания вертикальной прямой}$ (см. рис. 6). Результаты занести в таблицу 2. Сделать вывод относительно v_y .

Таблица 2

Частоты	1	2	3	4
v_x				
v_y				
Фигуры Лиссажу				

Задание 5. Определить чувствительность ЭЛТ и величину неизвестного сопротивления.

1. Ручку “Внутр., ВНЕШ., X” установить в положение “Внутр.”.

Для определения чувствительности пластин ЭЛТ собрать электрическую схему показанную на рисунке 7.

Напряжение с автотрансформатора (ЛАТР) подать вначале на пластины X, а затем на пластины Y. Изменяя напряжение ЛАТРОм от 20 до 100 В получить максимально возможную длину горизонтальных l_x и вертикальных l_y полосок на экране ЭЛТ.

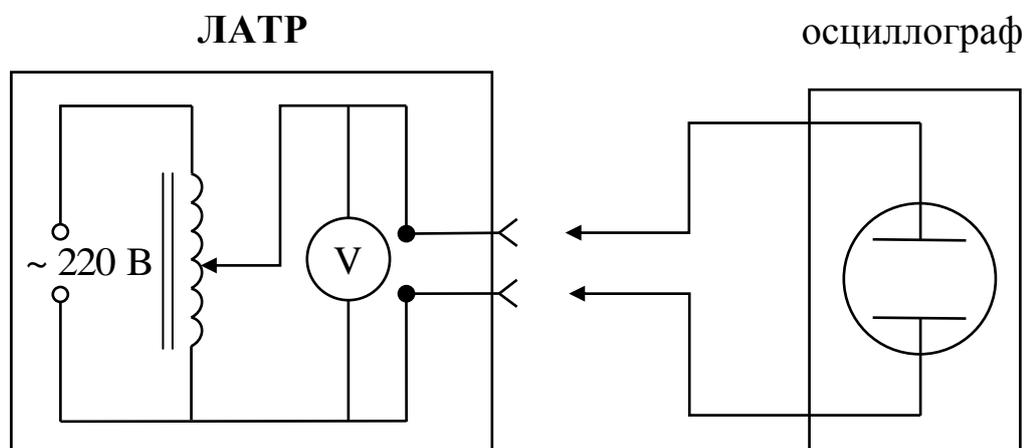


Рис. 7. Схема подключения приборов для определения чувствительности пластин ЭЛТ

Рассчитать чувствительность ЭЛТ по оси X и Y по формулам:

$$k_x = \frac{l_x}{2\sqrt{2}U_{эф}} \text{ и } k_y = \frac{l_y}{2\sqrt{2}U_{эф}}.$$

2. Для измерения величины неизвестного сопротивления R_x последовательно с ним включается эталонное сопротивление $R_{эТ}$ (см. рис. 8, величина сопротивления задаётся преподавателем). Подать напряжение от ЛАТРа на $R_{эТ}$ и R_x (величина напряжения задаётся преподавателем). Через $R_{эТ}$ и R_x течёт одинаковый ток. Для измерения тока, напряжение с $R_{эТ}$ подать на пластины У ЭЛТ. По длине полосы l_y рассчитать напряжение по формуле:

$$U_{эТ} = \frac{l_y}{2k_y}, \text{ а затем ток } - I = \frac{U_{эТ}}{R_{эТ}} = \frac{l_y}{2k_y R_{эТ}}.$$

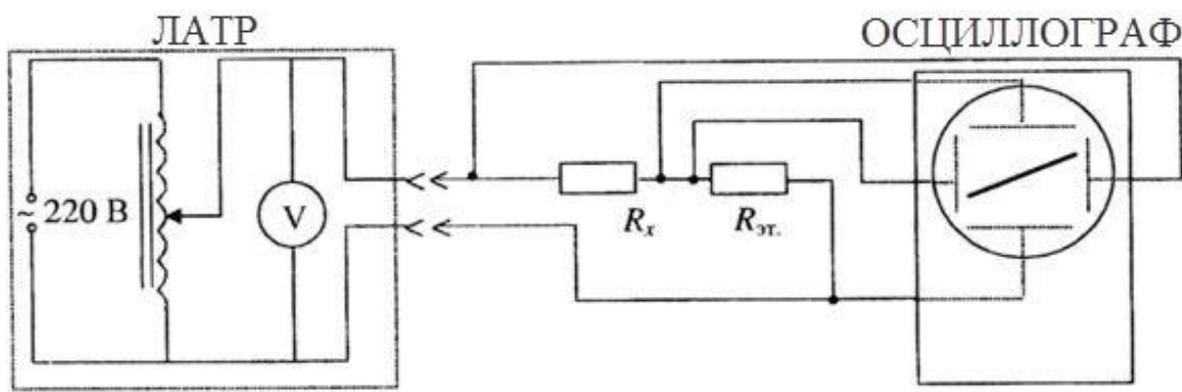


Рис. 8. Схема подключения приборов при измерении величины неизвестного сопротивления

Если на пластины ЭЛТ одновременно подать напряжения с сопротивлений R_x и $R_{эТ}$, то на экране появится наклонная полоса, выражающая зависимость между током и напряжением, т.е. закон Ома. Тогда неизвестное сопротивление можно рассчитать по формуле:

$$R_x = \frac{U_x}{I} = \frac{l_x}{2k_x} : \frac{l_y}{2k_y R_{эТ}} = \frac{R_{эТ} k_y l_x}{k_x l_y}.$$

6. Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. Электронный осциллограф: назначение, основные узлы осциллографа.
2. Устройство электронно – лучевой трубки.
3. Назначение блока питания, усилителей, генератора развертки, блока синхронизации, калибратора.
4. Физические основы работы электронно – лучевой трубки.

5. Назначение основных ручек управления, размещенных на панели осциллографа.

6. Как определяются с помощью электронного осциллографа амплитуды сигналов?

7. Как определить с помощью электронного осциллографа период колебания и его частоту?

8. Как получить фигуры Лиссажу и использовать их для определения частоты сигналов?

9. Как измерить величину неизвестного сопротивления с помощью электронного осциллографа.

10. Какова величина сопротивления полученного у преподавателя.

Лабораторная работа №2 – 15*. Измерение ёмкости конденсатора с помощью гальванометра

Цель работы: изучить метод измерения емкости конденсатора с помощью гальванометра и проверить справедливость формул для последовательного и параллельного соединения конденсаторов

Приборы и принадлежности: универсальный источник питания УИП – 2, вольтметр, гальванометр, двухполюсный переключатель, панель с эталонным конденсатором и конденсаторами неизвестной емкости, соединительные провода.

Теоретическая часть

Проводники – тела, в которых электрический заряд может перемещаться по всему объему. Проводники делятся на две группы: 1) проводники первого рода (металлы) – перенесение в них зарядов (свободных электронов) не сопровождается химическими превращениями; 2) проводники второго рода (растворы солей, кислот) – перенесение в них зарядов (положительных и отрицательных ионов) ведет к химическим изменениям.

Если металлический проводник внести во внешнее электростатическое поле, то под действием этого поля электроны проводимости перераспределяются в проводнике таким образом, чтобы в любой

точке внутри проводника электрическое поле электронов проводимости и положительных ионов скомпенсировало внешнее поле.

Перераспределение зарядов в проводнике под влиянием внешнего электростатического поля называется явлением электростатической индукции.

Итак, для проводника в электростатическом поле выполняются следующие условия:

- а) всюду внутри проводника напряженность поля $\vec{E} = 0$;
- б) весь объём проводника эквипотенциален, т.е. потенциал во всех точках внутри проводника постоянен $\varphi = const$;
- в) поверхность проводника эквипотенциальна;
- г) если проводнику сообщить некоторый заряд, то не скомпенсированные заряды располагаются только на поверхности проводника.

Уединенным проводником называется проводник, который находится столь далеко от других тел, что влиянием их электрических полей можно пренебречь. Характер распределения зарядов по поверхности заряженного уединённого проводника, находящегося в однородной, изотропной диэлектрической среде, зависит только от формы поверхности проводника.

Потенциал уединённого проводника прямо пропорционален его заряду

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon\epsilon_0} \int_{S_{\text{провод}}} \frac{\sigma dS}{r}, \text{ где } \sigma ds = q, \text{ т.е. } \varphi = \frac{q}{C}, \text{ где } C = \frac{q}{\varphi} -$$

электроёмкость уединённого проводника, а потенциал уединённого проводящего шара $\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon R}$, то ёмкость шара будет:

$$C = \frac{q}{\varphi} = 4\pi\epsilon_0\epsilon R.$$

Единица электроёмкости – фарад (Ф).

Из формулы видно, для того чтобы проводник обладал большой емкостью, он должен иметь очень большие размеры. Практический интерес представляют устройства, обладающие способностью при малых размерах накапливать значительные по величине заряды, т.е. обладать большой емкостью. Эти устройства называются конденсаторами.

Конденсаторы представляют систему из двух проводников, форма и взаимное расположения которых, таковы, что электростати-

ческое поле этих проводников при сообщении им равных по абсолютному значению и противоположных по знаку электрических зарядов сосредоточено в узком зазоре между ними, т.е. обкладками конденсатора.

Под ёмкостью конденсатора понимается физическая величина, равная отношению заряда, накопленного в конденсаторе, к разности потенциалов между его обкладками

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2}.$$

В зависимости от формы обкладок конденсаторы делятся на плоские, цилиндрические и сферические.

Плоский конденсатор состоит из двух параллельных металлических пластин площадью S каждая, расположенных на расстоянии d друг от друга. Заряды пластин $+q$ и $-q$ (рис. 1).

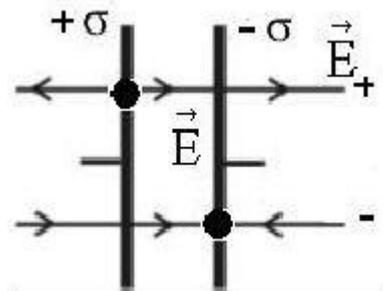


Рис.1

Разность потенциалов между обкладками конденсатора

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_0^d E dx = \int_0^d \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0} dx = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0} d; \quad E = \frac{\sigma}{\epsilon \epsilon_0},$$

где ϵ – диэлектрическая проницаемость среды, заполняющей пространство между обкладками. Тогда, заменив $q = \sigma S$

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2} = \frac{\sigma S \epsilon \epsilon_0}{\sigma d} = \frac{S \epsilon \epsilon_0}{d}.$$

Сферический конденсатор состоит из двух concentric metallic обкладок сферической формы, радиусы которых R_1 и R_2 ($R_2 > R_1$). Напряженность поля в конденсаторе направлена радиально и равна $E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^2}$.

$$E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\epsilon r^2}.$$

Разность потенциалов между обкладками конденсатора:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_{R_1}^{R_2} E dr = \int_{R_1}^{R_2} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{\epsilon r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0\epsilon} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right).$$

Ёмкость сферического конденсатора:

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2} = 4\pi\epsilon_0\epsilon \frac{R_1 R_2}{R_2 - R_1}.$$

Цилиндрический конденсатор состоит из двух соосных тонкостенных металлических цилиндров высотой l и радиусами R_1 и R_2 ($R_2 > R_1$). Напряженность поля между обкладками конденсатора равна

$$E = \frac{\tau}{2\pi\epsilon_0\epsilon r}, \text{ где } \tau = \frac{dq}{dl} \text{ — линейная плотность зарядов.}$$

Разность потенциалов между обкладками конденсатора:

$$\varphi_1 - \varphi_2 = \int_{R_1}^{R_2} E dr = \int_{R_1}^{R_2} \frac{\tau dr}{2\pi\epsilon_0\epsilon r} = \frac{\tau}{2\pi\epsilon_0\epsilon} \ln \frac{R_2}{R_1}, \text{ а ёмкость цилиндрического}$$

конденсатора:

$$C = \frac{q}{\varphi_1 - \varphi_2} = \frac{\tau l 2\pi\epsilon_0\epsilon}{\tau \ln \frac{R_2}{R_1}} = \frac{2l\pi\epsilon_0\epsilon}{\ln \frac{R_2}{R_1}}.$$

Итак, ёмкость конденсаторов зависит от диэлектрической проницаемости среды, заполняющей пространство между обкладками.

Конденсаторы характеризуются не только их электрической ёмкостью, но также пробивным напряжением (напряжением пробоя) — минимальная разность потенциалов между обкладками конденсатора при которой происходит пробой (электрический заряд через слой диэлектрика).

При параллельном соединении конденсаторов в батарею (рис. 2), все конденсаторы такой батареи имеют одинаковую разность потенциалов на обкладках $\Delta\varphi$.

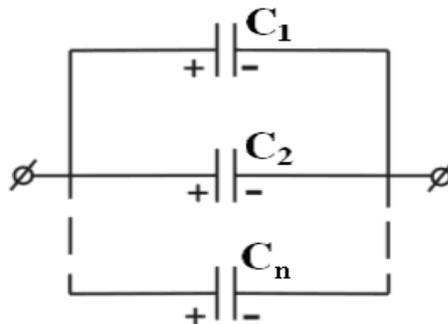


Рис. 2

Если ёмкости конденсаторов C_1, C_2, \dots, C_n , то:

$$q_1 = C_1 \Delta\varphi, q_2 = C_2 \Delta\varphi, \dots, q_n = C_n \Delta\varphi,$$

а заряд батареи конденсаторов – $q = \sum_{i=1}^n q_i = \Delta\varphi(C_1 + C_2 + \dots + C_n)$.

$$\text{Полная ёмкость батареи: } C = \frac{q}{\Delta\varphi} = C_1 + C_2 + \dots + C_n = \sum_{i=1}^n C_i,$$

т.е. ёмкость батареи конденсаторов, соединенных параллельно, равна сумме ёмкостей отдельных конденсаторов.

Последовательное соединение конденсаторов показано на рис. 3.



Рис. 3

При последовательном соединении конденсаторов в батарею заряды всех конденсаторов одинаковы, а разность потенциалов батареи равна сумме разностей потенциалов на каждом из конденсаторов:

$$\Delta\varphi = \sum_{i=1}^n \Delta\varphi_i = \sum_{i=1}^n \frac{q}{C_i} = q \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i},$$

$$\text{откуда } -\frac{1}{C} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}; \quad \frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots + \frac{1}{C_n}.$$

Таким образом, при последовательном соединении конденсаторов результирующая ёмкость меньше наименьшей ёмкости, используемой в батарее.

Методика измерения ёмкости конденсатора с помощью гальванометра. С помощью гальванометра можно измерить не только силу тока, но и величину заряда на конденсаторе. В работе используется гальванометр магнитоэлектрической системы и будем считать, что трение при движении рамки настолько мало, что им можно пренебречь. На рис. 4 приведена схема для нахождения (сравнения) ёмкостей конденсаторов. Если зарядить от источника тока эталонный конденсатор $C_{\text{эт}}$ и конденсатор с неизвестной ёмкостью C_x , а затем подключить их поочерёдно к гальванометру, то:

$$C_{\text{эт}} = \frac{\beta n_{\text{эт}}}{U} \quad \text{и} \quad C_x = \frac{\beta n_x}{U},$$

где β – постоянная гальванометра;

$n_{\text{эт}}$ и n_x максимальное отклонение “зайчика” по шкале гальванометра при подключении эталонного и неизвестного конденсаторов, соответственно;

U – напряжение зарядки конденсаторов.

Разделив почленно эти уравнения, получим:

$$\frac{n_{\text{эт}}}{n_x} = \frac{C_{\text{эт}}}{C_x}, \text{ откуда } C_x = \frac{n_x}{n_{\text{эт}}} C_{\text{эт}}.$$

Порядок выполнения работы

1. Собрать электрическую схему согласно рис. 4.

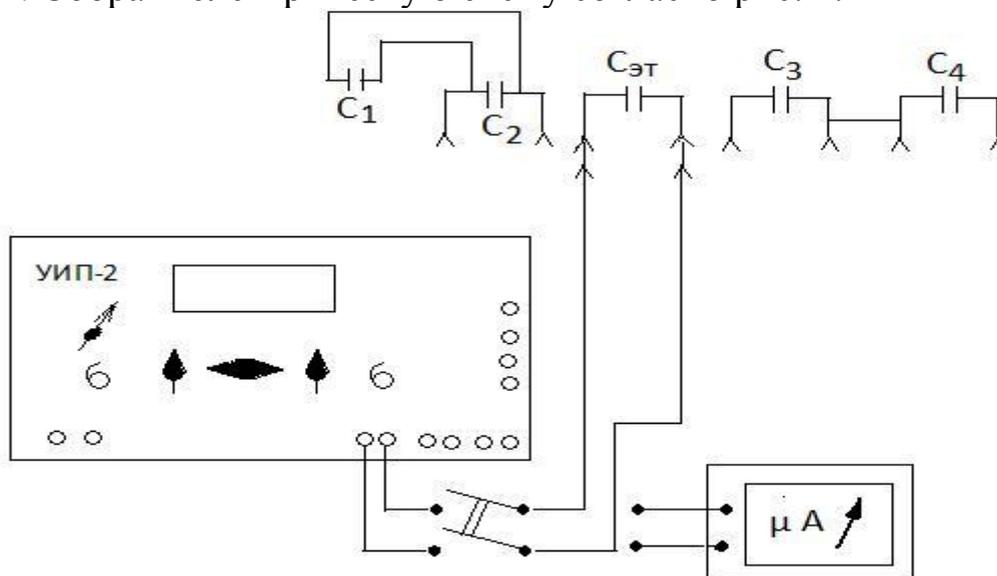


Рис. 4

2. Универсальный источник питания (УИП – 2) включить в сеть и установить напряжение, заданное преподавателем $U = \dots \pm \Delta U, \text{ В}$.

3. Включить в сеть гальванометр и убедиться, что световой указатель стоит на нуле.

4. Подключить переключателем конденсатор известной ёмкости $C_{\text{эт}} = \dots \text{ пФ}$ к источнику напряжения и зарядить его.

5. Переключить конденсатор на гальванометр. По шкале гальванометра определить максимальное отклонение “зайчика” “ $n_{\text{эт}}$ ” (измерения произвести 3 – 5 раз и найти среднее значение по формуле

$$\bar{n}_{\text{эт}} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N n_i^{\text{эт}}).$$

6. По формуле $\beta = \frac{C_{\text{эт}} \cdot U}{n_{\text{эт}}}$ найти постоянную гальванометра.

7. Вместо эталонной ёмкости подключить конденсатор неизвестной ёмкости C_{1x} и повторить пункты 4 – 5.

8. Зная постоянную прибора “ β ” по формуле $C_x = \frac{\beta \bar{n}_x}{U}$ найти значение неизвестной ёмкости.

9. Вместо ёмкости C_{1x} подключить конденсатор с неизвестной ёмкостью C_{2x} и пункты 4 – 5 повторить.

10. Конденсаторы C_{1x} и C_{2x} , соединить последовательно и произвести измерения согласно пунктам 4 – 5. По формуле $C'_{\text{посл}} = \frac{\beta \bar{n}_{\text{посл}}}{U}$ вычислить ёмкость конденсаторов при последовательном соединении.

11. Конденсаторы C_{1x} и C_{2x} , соединить параллельно произвести измерения согласно пунктам 4 – 5. По формуле $C'_{\text{пар}} = \frac{\beta \bar{n}_{\text{пар}}}{U}$ вычислить ёмкость конденсаторов при параллельном соединении.

12. По формулам $C_{\text{посл}} = \frac{C_{1x} \cdot C_{2x}}{C_{1x} + C_{2x}}$; $C_{\text{пар}} = C_{1x} + C_{2x}$ вычислить ёмкости конденсаторов при их последовательном и параллельном соединении и сравнить с полученными в результате измерений (пункты 10 и 11).

13. Сделать выводы.

В выводе дать ответ на следующие вопросы:

1. Что представляет собой конденсатор?
2. От чего зависит ёмкость конденсаторов?
3. Чему равна общая ёмкость системы конденсаторов при их последовательном и параллельном соединении?
4. Каковы результаты проведенных измерений.

Лабораторная работа № 2 – 8.

Измерение ёмкости конденсатора методом резонанса

Цель работы: Изучить электрические колебания в контуре и явление резонанса; определить ёмкость заданного конденсатора методом резонанса.

Приборы и принадлежности: генератор переменной ЭДС, частотомер, катушка индуктивности, набор конденсаторов, осциллограф, соединительные провода и кабели.

Теоретическая часть

Свободными электромагнитными колебаниями называют периодические взаимосвязанные изменения зарядов, токов, напряженностей электрического и магнитного полей. Различают колебания зарядов, токов и полей, неразрывно связанных друг с другом, и колебания полей существующих в отрыве от зарядов и токов. Первые имеют место в электрических полях, вторые – в электромагнитных волнах. Электрическая цепь, в которой могут происходить электромагнитные колебания, называется колебательным контуром.

Рассмотрим колебательный контур, состоящий из индуктивности L и ёмкости C (рис.1). Чтобы возбудить колебания в этом контуре, необходимо сообщить конденсатору некоторый заряд от источника ε (ключ в положении 1). Когда ключ находится в положении 2, конденсатор начнет разряжаться в катушку индуктивности. При этом в контуре возникает э. д. с. самоиндукции $\varepsilon_i = -L \frac{di}{dt}$, которая будет равна напряжению на обкладках конденсатора $u = \frac{q}{C}$. Таким образом,

$-L \frac{di}{dt} = \frac{q}{C}$. Учитывая, что $i = \frac{dq}{dt}$, получаем:

$$-L \frac{d^2q}{dt^2} = \frac{q}{C} \text{ или } \frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1q}{LC} = 0 \quad (1)$$

Введём обозначение:

$$\frac{1}{LC} = \omega_0^2. \quad (2)$$

Тогда выражение (1) примет вид:

$$\frac{d^2q}{dt^2} + \omega_0^2 q = 0. \quad (3)$$

Уравнение (3) является дифференциальным уравнением свободных гармонических колебаний. Его решение имеет вид:

$$q = q_m \sin(\omega_0 t + \varphi_0), \quad (4)$$

где q_m – максимальный заряд на обкладках конденсатора ω_0 – циклическая или круговая частота собственных колебаний контура, φ_0 – начальная фаза.

Из выражения (2) следует, что

$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}.$$

Период этих колебаний определяется формулой Томсона:

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi\sqrt{LC}. \quad (5)$$

По гармоническому закону изменяется не только заряд на обкладках конденсатора, но и напряжение, и сила тока в контуре:

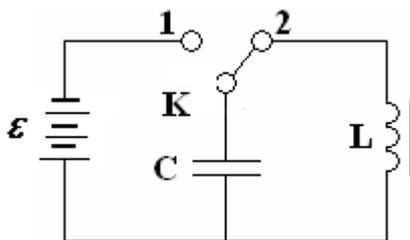


Рис.1

$$U = \frac{q}{C} = \frac{q_m}{C} \sin(\omega_0 t + \varphi_0) \sin = U_m \sin(\omega_0 t + \varphi_0), \quad (6)$$

$$i = \frac{dq}{dt} = q_m \omega_0 \cos(\omega_0 t + \varphi_0) = i_m \cos(\omega_0 t + \varphi_0), \quad (7)$$

где $U_m = q_m / C$ – амплитуда напряжения, $i_m = q_m \omega_0$ – амплитуда тока.

Из выражений (4), (6), (7) вытекает, что колебания заряда (напряжения) и тока в контуре сдвинуты по фазе на $\pi/2$.

Следовательно, ток достигает максимального значения в те моменты времени, когда заряд (напряжение) на обкладках конденсатора равен нулю, и наоборот.

Превращение энергии в колебательном контуре. При зарядке конденсатора между его обкладками появляется электрическое поле, энергия которого:

$$W_E = CU^2 / 2 \quad \text{или} \quad W_E = q^2 / (2C).$$

При разрядке конденсатора на катушку индуктивности в ней возникает магнитное поле, энергия которого $W_E = Li^2 / 2$. В идеаль-

ном контуре максимальная энергия электрического поля равна максимальной энергии магнитного поля:

$$CU_m^2 / 2 = Li_m^2 / 2 \quad (8) \text{ и } W_E = \frac{CU_m^2}{2} \sin^2(\omega_0 t + \varphi_0). \quad (9)$$

Энергия заряженного конденсатора периодически изменяется со временем по закону:

$$W_E = \frac{q_m^2}{2} \sin^2(\omega_0 t + \varphi_0).$$

Учитывая, что $\omega_0^2 = \frac{1}{LC}$, получаем:

$$W_E = \frac{\omega_0^2 L q_m^2}{2} \sin^2(\omega_0 t + \varphi_0). \quad (10)$$

Энергия магнитного поля соленоида изменяется со временем по закону:

$$W_B = (Li_m^2 / 2) \cos^2(\omega_0 t + \varphi_0). \quad (11)$$

Учитывая, что $i_m = q_m \omega_0$, получаем:

$$W_B = \frac{Li_m^2}{2} \cos^2(\omega_0 t + \varphi_0). \quad (12)$$

Полная энергия электромагнитного поля колебательного контура равна

$$W = W_E + W_B = \frac{Lq_m^2 \omega_0^2}{2}. \quad (13)$$

Таким образом, в идеальном контуре суммарная энергия сохраняется, электромагнитные колебания незатухающие.

Затухающие электромагнитные колебания. Реальный колебательный контур (рис. 2) обладает омическим сопротивлением, поэтому энергия, вначале запасенная в контуре, непрерывно расходуется на выделении тепла. Вследствие этого амплитуда колебаний постепенно уменьшается и колебание в контуре затухают. Для реального колебательного контура закон Ома можно записать в виде:

$$-L \frac{di}{dt} = iR + \frac{q}{C} \text{ или } L \frac{di}{dt} + iR + \frac{q}{C} = 0. \quad (14)$$

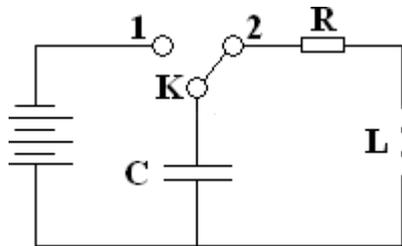


Рис.2

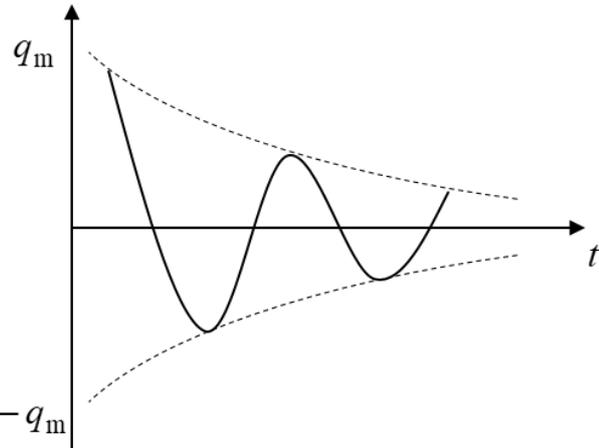


Рис. 3

Сделав преобразования с учётом того, что

$$i = \frac{dq}{dt}, \quad \omega_0^2 = \frac{1}{LC}, \quad \delta = \frac{R}{2L},$$

получаем:

$$\frac{d^2 q}{dt^2} + 2\delta \frac{dq}{dt} + \omega_0^2 q = 0. \quad (15)$$

Решение этого уравнения имеет вид:

$$q = q_m e^{-\delta t} \sin(\omega t + \varphi_0), \quad (16)$$

где коэффициент затухания $\delta = \frac{R}{2L}$, (17)

а частота $\omega = \sqrt{\omega_0^2 - \delta^2} = \sqrt{\frac{1}{LC} - \frac{R^2}{4L^2}}$. (18)

Таким образом, амплитуда затухающих колебаний уменьшается с течением времени по экспоненциальному закону:

$$q_t = q_m e^{-\delta t}, \quad (19)$$

где q_t – амплитуда колебаний в момент времени t ; q_m – начальная амплитуда колебаний в момент времени $t = 0$.

Зависимость (16) показана на рисунке 3 сплошной линией, а зависимость (19) – пунктирной.

Из (16) следует, что колебания возможны лишь до тех пор, пока ω – действительная величина, т.е. $\delta < \omega_0$.

При медленном затухании колебаний можно пользоваться понятиями, которые введены для незатухающих колебаний. Период затухающих колебаний определяется по формуле

$$T = \frac{2\pi}{\sqrt{\omega_0^2 - \delta^2}}, \quad (20)$$

где ω_0 – собственная циклическая частота свободных незатухающих колебаний.

Сравнивая формулы (5) и (20), видим, что период затухающих колебаний больше, чем свободных незатухающих.

Скорость затухания колебаний в контуре характеризуется логарифмическим декрементом затухания θ , который определяется как натуральный логарифм отношения амплитуд колебаний в моменты времени, отличающиеся на период:

$$\theta = \ln \frac{q_t}{q_{t+T}} = \delta T. \quad (21)$$

Промежуток времени, в течение которого амплитуда затухающих колебаний уменьшается в e раз, называется временем релаксации:

$$\tau = \frac{1}{\delta}. \quad (22)$$

Вынужденные электромагнитные колебания. Рассмотренные выше колебания происходили с частотами, определяемыми параметрами самой колебательной системы. Чтобы в реальной колебательной системе получить незатухающие колебания, надо компенсировать потери энергии. Колебания, возникающие под действием внешней периодически изменяющейся э. д. с., называют вынужденными электромагнитными колебаниями.

Для того чтобы в колебательном контуре возникли вынужденные колебания, необходимо подвести к контуру внешнюю периодически изменяющуюся по гармоническому закону э. д. с. или переменное напряжение:

$$U = U_m \sin \omega t, \quad (23)$$

где U_m – максимальное значение напряжения, ω – циклическая частота.

Тогда уравнение (14) с учетом (23) можно записать в виде:

$$L \frac{di}{dt} + iR + \frac{q}{C} = U_m \sin \omega t.$$

Раздели это выражение на L , получим:

$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L} i + \frac{1}{LC} q = \frac{U_m}{L} \sin \omega t.$$

Учитывая что:

$$i = \frac{dq}{dt}, \quad \omega_0^2 = \frac{1}{LC}, \quad \delta = \frac{R}{2L}, \quad \text{имеем:}$$

$$\frac{d^2q}{dt^2} + 2\delta \frac{dq}{dt} + \omega_0^2 q = \frac{U_m}{L} \sin \omega t. \quad (24)$$

Решение этого уравнения:

$$q = q_m \sin(\omega t + \psi). \quad (25)$$

В установившемся режиме вынужденные колебания происходят с частотой ω и являются гармоническими.

Амплитуда и фаза колебаний зависят от ω и определяются следующими выражениями:

$$q_m = \frac{U_m}{\omega \sqrt{R^2 + [\omega L - 1/(\omega C)]^2}}, \quad (26)$$

$$\operatorname{tg} \psi = \frac{R}{1/(\omega C) - \omega L}. \quad (27)$$

Силу тока в контуре при установившихся колебаниях найдём продифференцировав уравнение (25):

$$i = \frac{dq}{dt} = \omega q_m \cos(\omega t - \varphi), \quad (28)$$

где $\varphi = \psi - \pi/2$ есть сдвиг по фазе между током и приложенными напряжениями.

Из сравнения формул (25), (28) следует, что колебания заряда (напряжения) и тока сдвинуты на $\pi/2$.

Резонанс. С приближением частоты ω вынуждающей э. д. с. к частоте собственных колебаний контура ω_0 амплитуда вынужденных колебаний резко возрастает. В идеальном контуре амплитуда вынужденных колебаний при $\omega = \omega_0$ максимальна и стремится к бесконечности. В реальных контурах амплитуда конечна и достигает наибольшего значения при частотах, несколько меньших ω_0 . Явление резкого возрастания амплитуды вынужденных колебаний, когда частота вынужденных колебаний ω приближается к частоте собственных колебаний системы ω_0 , называется резонансом.

Резонанс токов может возникнуть в цепи переменного тока, содержащей параллельно включенные конденсатор ёмкостью C и катушку индуктивности L . Если приложенное напряжение изменяется по закону:

$$U = U_m \cos \omega t,$$

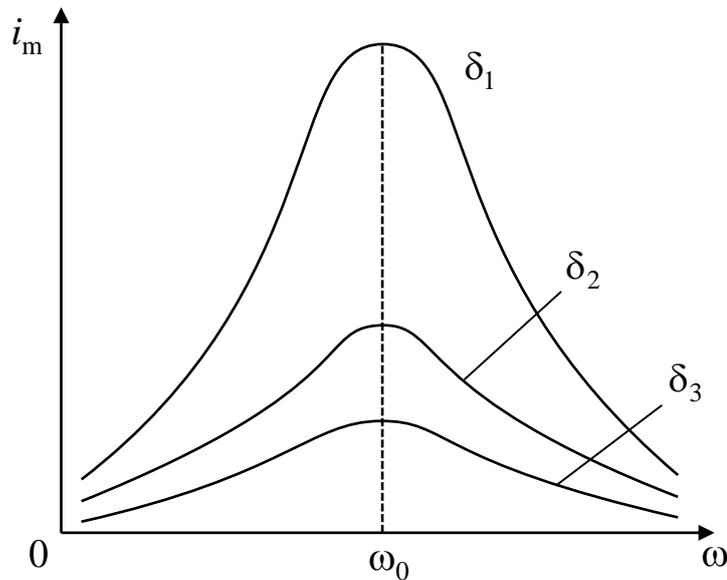


Рис.4

то согласно (28) через конденсатор течет ток:

$$i_C = i_{mC} \cos(\omega t - \varphi_1) \quad (29)$$

амплитуда, которого определяется выражением –

$$i_{mC} = \frac{U_m}{1/(\omega C)}, \quad (30)$$

при условии $R = 0$ и $L = 0$.

Начальная фаза этого тока, определяется равенством:

$$\operatorname{tg} \varphi_1 = -\infty, \quad \varphi_1 = (2n - \frac{3}{2})\pi, \quad \text{где } n = 1, 2, 3 \dots \quad (31)$$

Аналогично, сила тока через индуктивность:

$$i_L = i_{mL} \cos(\omega t - \varphi_2), \quad (32)$$

амплитуда которого определяется соотношением:

$$i_{mL} = U_m / \omega L. \quad (33)$$

Начальная фаза φ_2 этого тока определяется условием:

$$\operatorname{tg} \varphi_2 = +\infty, \quad \varphi_2 = (2n + \frac{3}{2})\pi, \quad (34)$$

где $n = 1, 2, 3 \dots$

Из сравнения выражений (31) и (34) вытекает, что разность фаз токов в цепи конденсатора и индуктивности $\varphi_1 - \varphi_2 = \pi$, т.е. токи в ветвях противоположны по фазе. Амплитуда силы тока во внешней цепи:

$$i_m = |i_{mC} - i_{mL}| = U_m |\omega C - 1/(\omega L)|. \quad (35)$$

Если частота внешней э. д. с.:

$$\omega = \omega_0 = 1/\sqrt{LC}, \text{ то } i_{mC} = i_{mL} \text{ и } i_m = 0.$$

Такое явление резкого нарастания реактивных токов в контуре, при равенстве реактивных проводимостей цепи называется резонансом токов.

На рисунке 4 приведены резонансные кривые для различных коэффициентов затухания δ ($\delta_3 > \delta_2 > \delta_1$). Как видно из рисунка, с увеличением коэффициента затухания кривые становятся более пологими. Отсюда следует, что колебательная система с малым коэффициентом затухания получает при резонансе больше энергии, чем система с большим коэффициентом затухания.

Методика проведения измерений. Измерение емкости конденсатора в данной работе осуществляется по методу резонанса в параллельной RLC цепи переменного тока, путем сравнения с эталонным конденсатором. Колебательный контур представляется состоящим из вторичной обмотки катушки, взаимной индуктивности и параллельно включенного конденсатора. Первичная обмотка подключается к генератору синусоидальных колебаний с регулируемой частотой. В такой цепи может наблюдаться резонанс токов, т.е. если активное сопротивление цепи незначительно, то при заданном синусоидальном напряжении источника переменного тока, подключенного к цепи, мгновенные значения силы тока в конденсаторе i_C и в катушке индуктивности i_L сдвинуты по фазе на π (токи имеют противоположное направление), причем амплитуда силы тока во внешней цепи равна (35):

$$i_m = |i_{mC} - i_{mL}| = U_m |\omega C - 1/(\omega L)|.$$

Если частота генератора соответствует частоте резонанса контура $\nu_0 = \frac{\omega_0}{2\pi} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$, то $i_{mC} = i_{mL}$ и $i_m = 0$, т.е. наблюдается явление резонанса токов.

Таким образом, если ко вторичной обмотке катушки взаимной индуктивности L подключен эталонный конденсатор $C_{\text{эт}}$, то частота резонанса тока в контуре определяется выражением:

$$\nu_{\text{эт}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_{\text{эт}}}}. \quad (36)$$

Если заменить эталонный конденсатор на конденсатор с неизвестной емкостью, то резонанс тока наступит на частоте:

$$\nu_x = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_x}}. \quad (37)$$

Из этих выражений следует, что:

$$C_x = C_{\text{эт}} \frac{\nu_{\text{эм}}^2}{\nu_x^2}. \quad (38)$$

Однако в этом случае не учитывается, что соединенные провода обладают некоторой паразитной емкостью, которая оказывается подключенной параллельно к конденсатору колебательного контура. С учетом паразитной ёмкости уравнение (36) может быть записано в виде:

$$\nu_{\text{эт}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{L(C_{\text{эт}} + C_{\text{пар}})}}, \quad (39)$$

а уравнение (37) для циклической частоты резонанса в случае подключения неизвестного конденсатора:

$$\nu_x = \frac{1}{2\pi\sqrt{L(C_x + C_{\text{пар}})}}. \quad (40)$$

Для нахождения паразитной емкости $C_{\text{пар}}$, необходимо провести измерения частоты резонанса тока в контуре, в котором в качестве конденсатора используется паразитная ёмкость подводящих проводов. В этом случае частота связана с паразитной ёмкостью соотношением:

$$\nu_{\text{пар}} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC_{\text{пар}}}}. \quad (41)$$

Разделив уравнения (39) и (40) на уравнение (41) получим:

$$\begin{cases} \frac{\nu_{\text{эт}}^2}{\nu_{\text{пар}}^2} = \frac{C_{\text{пар}}}{C_{\text{эм}} + C_{\text{пар}}} & \text{и} & \frac{\nu_x^2}{\nu_{\text{пар}}^2} = \frac{C_{\text{пар}}}{C_x + C_{\text{пар}}} \end{cases}. \quad (42)$$

После преобразования уравнений (42) и почленного деления получим расчетную формулу:

$$C_x = C_{\text{эт}} \frac{\nu_{\text{эм}}^2 (\nu_{\text{пар}}^2 - \nu_x^2)}{\nu_x^2 (\nu_{\text{пар}}^2 - \nu_{\text{эм}}^2)}. \quad (43)$$

Порядок выполнения работы.

1. Собрать электрическую схему согласно рисунку:

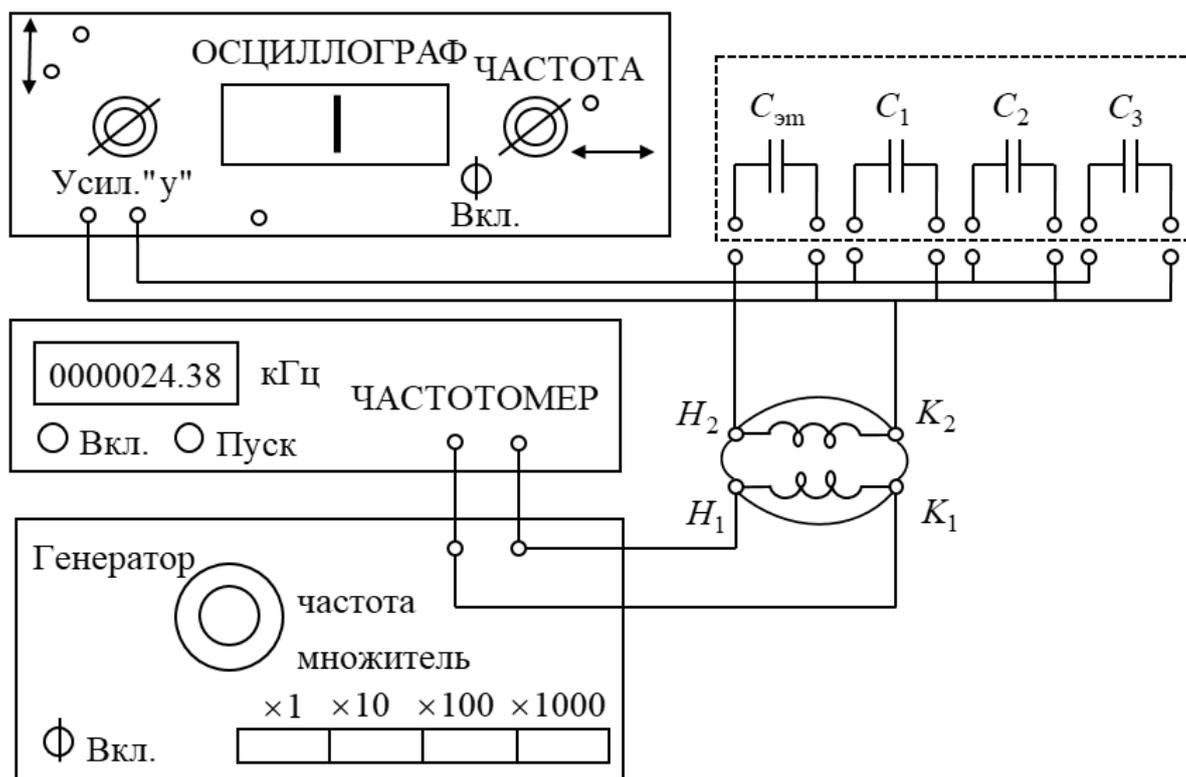


Рис.5

2. Включить все приборы в сеть и прогреть в течение 5 – 10 минут.

3. Изменяя частоту генератора в диапазоне от 20 Гц до 200 кГц найти частоту, при которой наблюдается резонансное увеличение полосы на экране осциллографа. Для точного измерения резонансной частоты следует воспользоваться частотомером и нажать кнопку “Пуск”. Измерение частоты $\nu_{\text{эт}}$ произвести не менее трех раз.

4. Подключая по очереди конденсаторы C_1, C_2 и C_3 произвести измерения резонансной частоты согласно п.п.3.

5. Отключив один провод от конденсатора C_3 , измерить резонансную частоту $\omega_{\text{пар}}$, соответствующую паразитной емкости $C_{\text{пар}}$, см. п.3.

6. Рассчитать значение неизвестных конденсаторов C_{1-3} по формуле (43).

7. Рассчитать погрешности измерения частоты и ёмкости конденсаторов (мет. по расчёту погрешностей измерений см. в списке литературы).

8. Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. Какие процессы происходят в идеальном колебательном контуре. Свободные электромагнитные колебания в контуре и их характеристики.

2. Свободные электромагнитные затухающие колебания и их характеристики.

3. Вынужденные электрические колебания. Резонанс токов и напряжений.

Лабораторная работа 2-9. Измерение индуктивности катушки в цепи переменного тока

Цель работы:

1. Изучить закон Ома для цепей переменного тока.
2. Измерить индуктивность катушки и полное сопротивление цепи.

Приборы и принадлежности: два цифровых вольтметра, двойной переключатель, катушка индуктивности, источники постоянного и переменного напряжения, соединительные провода и сердечники из различных материалов.

Теоретическая часть

Электрический ток, изменяющийся со временем, называют переменным. Переменный электрический ток, изменяющийся со временем по гармоническому закону, представляет собой вынужденные колебания тока в электрической цепи, происходящие с циклической частотой ω , совпадающей с частотой, вынуждающей э. д. с.: $\varepsilon = \omega BS \sin \omega t$. Э. д. с. максимальна при $\sin \omega t = 1$, т.е. $\alpha = \omega t = \pi/2$. Величина $\varepsilon_m = \omega BS$ называется амплитудным значением вынуждающей э. д. с.

Промежуток времени T , в течение которого переменная э. д. с. совершает одно полное колебание, называется периодом переменного тока. Число полных колебаний, совершаемых за 1с, называют частотой переменного тока ν . Между циклической частотой переменного тока ω , частотой ν и периодом существует следующая связь:

$$\omega = 2\pi\nu = \frac{2\pi}{T}.$$

Мгновенное значение переменного тока, текущего по активному сопротивлению R (рис.1, а) определяется по закону Ома:

$$i = \frac{U_R}{R} = \frac{U_m}{R} \sin \omega t = i_m \sin \omega t, \quad (1)$$

где $U_R = R \cdot i = R \cdot i_m \cdot \sin \omega t$;

$$U_m = R \cdot i_m \text{ и}$$

i_m – амплитудное значение напряжения и силы тока.

Для наглядного изображения соотношений между переменными токами и напряжениями воспользуемся методом векторных диаграмм, изучаемых в курсе механики. В соответствии с которым каждому гармоническому колебанию $y(t) = A \sin(\omega t + \varphi)$ можно сопоставить вектор (вектор – амплитуду) длины A , который равномерно вращается в плоскости $x y$ с угловой скоростью ω и ε начальный момент $t = 0$ составляет угол φ с осью x : рассматриваемое колебание просто является проекцией вектор – амплитуды на ось y .

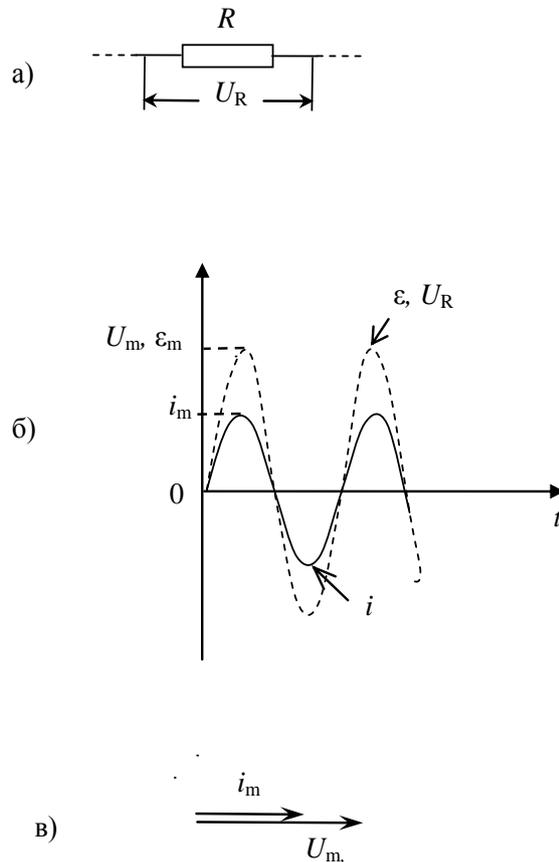


Рис. 1

Вектор – амплитуду принято изображать в момент $t = 0$, когда угол между ним и осью x равен начальной фазе φ (векторная диаграмма колебания) (рис.2). В нашем случае колебания внешней э. д.

с., силы тока и напряжения изобразятся вектор – амплитудами длины ϵ_m , i_m и U_m , имеющими одинаковое направление $\varphi = 0$ (рис.1.в).

Ёмкость в цепи переменного тока. Пусть в цепи переменного тока включен конденсатор ёмкостью C . Напряжение и заряд на обкладках конденсатора изменяются по закону:

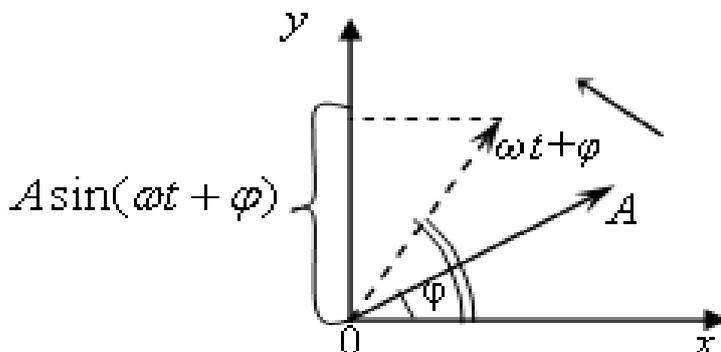


Рис.2

$$U = U_m \sin \omega t ,$$

$$Q = CU = CU_m \sin \omega t . (2)$$

Сила тока в цепи:

$$i = dQ/dt = C\omega U_m \sin(\omega t + \pi/2) = i_m \sin(\omega t + \pi/2) , (3)$$

где $i_m = C\omega U_m$. Из сравнения выражений (2) и (3) следует: переменный ток в цепи с емкостью опережает напряжение по фазе на $\pi/2$ (рис. 3).

Это происходит потому, что при периодической зарядке конденсатора в цепи течет переменный ток, достигающий максимального значения в те моменты времени, когда напряжение равно нулю. Для такой цепи выполняется закон Ома не для мгновенных, а для амплитудных значений. Если цепь, в которую включен конденсатор, обладает сопротивлением X_C , называемым емкостным, то закон Ома имеет вид:

$$i = \frac{U_C}{X_C} = \frac{U_m \sin(\omega t + \frac{\pi}{2})}{X_C} . (4)$$

Из сравнения формул (3) и (4) следует: ёмкостное сопротивление обратно пропорционально емкости и круговой частоте переменного тока:

$$X_C = \frac{1}{\omega C} . (5)$$

Индуктивность в цепи переменного тока. Пусть по цепи, содержащей только индуктивность L , течет переменный ток. Этот ток возбуждает в катушке э. д. с. Самоиндукции:

$$\varepsilon = -L \frac{di}{dt}. \quad (6)$$

На основании ранее полученных соотношений запишем

$$\frac{di}{dt} = \omega i_m \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right). \text{ Подставим это выражение в (6), обозначив}$$

$$U_m = \omega L i_m;$$

$$\varepsilon = -\omega L i_m \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right) = -U_m \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right). \quad (7)$$

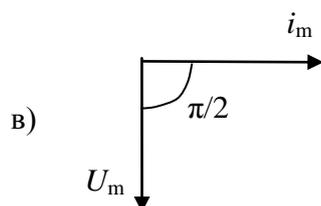
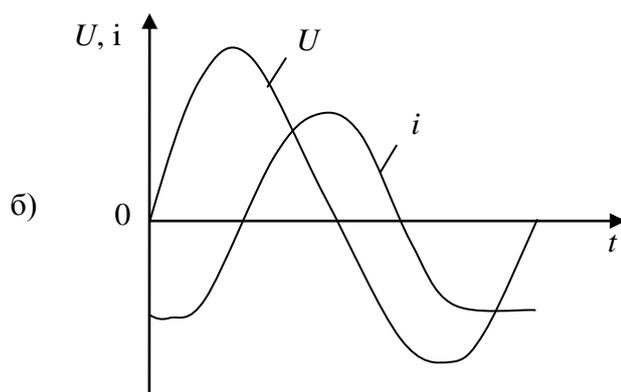
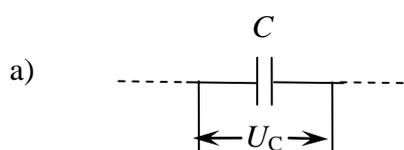


Рис. 3

Напряжение на индуктивности уравнивается э. д. с. самоиндукции, т.е. $U = U_m \sin\left(\omega t + \frac{\pi}{2}\right)$. Следовательно, переменный ток в

цепи с индуктивностью отстает по фазе от напряжения на $\pi/2$. Это показано на векторной диаграмме (рис. 4 б. в).

Это происходит потому, что при увеличении силы тока э. д. с. самоиндукции вызывает индукционный ток, препятствующий увеличению основного тока, вследствие этого сила тока достигает максимального значения позже, чем напряжение.

Записывая закон Ома для амплитудных значений в виде:

$$i_m = \frac{U_m}{X_L}, \quad (8)$$

где X_L – индуктивное сопротивление, и сравнивая формулы (7) и (8), можно сделать вывод: индуктивное сопротивление пропорционально индуктивности и циклической частоте:

$$X_L = \omega L. \quad (9)$$

Индуктивное X_L и ёмкостное X_C сопротивления в отличие от активного сопротивления R называют реактивными.

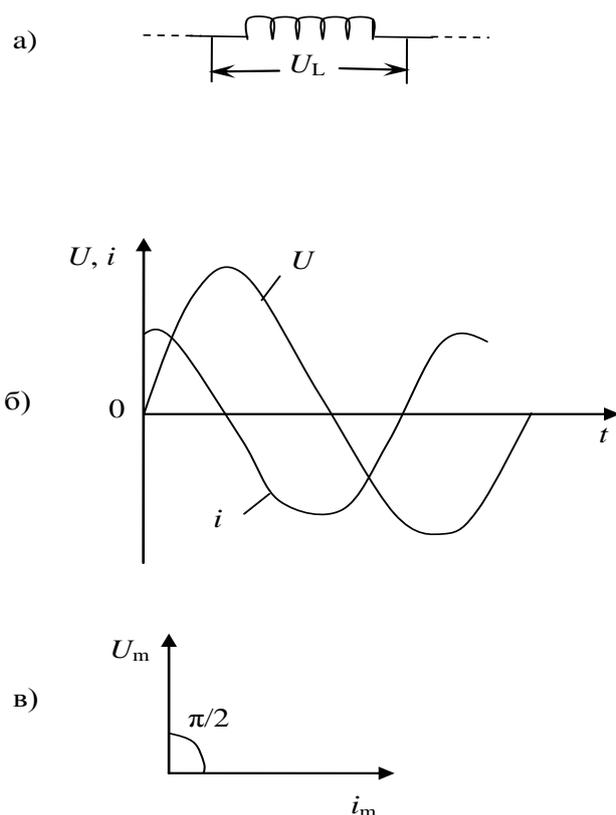


Рис. 4

Последовательное соединение R, C, L . Если электрическая цепь состоит из последовательного соединения активного сопротивления

R , ёмкости C и индуктивности L (Рис. 5,а), то полное напряжение в этой цепи можно определить из векторной диаграммы. Складывая векторы амплитуд напряжений, получаем амплитуду результирующего колебания. Расположим ось токов горизонтально (рис. 5). Так как ток и напряжение на активном сопротивлении R совпадают по фазе, то на диаграмме вектор U_R (амплитудное значение напряжения на активном сопротивлении) расположен горизонтально. Напряжение на ёмкости отстает от силы тока на $\pi/2$, поэтому вектор U_C повернут относительно тока на угол $\pi/2$ по часовой стрелке. Напряжение на индуктивности опережает ток на $\pi/2$, поэтому вектор U_L повернут относительно тока на угол $\pi/2$ против часовой стрелки. Как видно из рис. 5 векторы U_L и U_C направлены в противоположные стороны, поэтому при их сложении получаем вектор, модуль которого равен $U_L - U_C$ и направлен в сторону большего вектора.

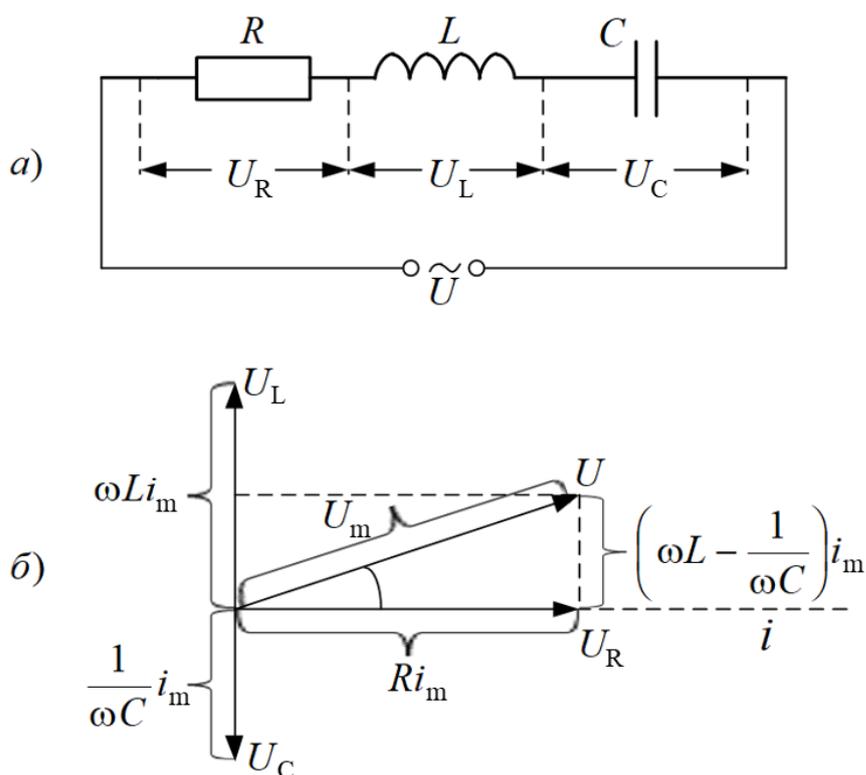


Рис. 5

Падения напряжений U_R , U_L и U_C в сумме должны быть равны приложенному к цепи напряжению U . Поэтому, сложив векторы, изображающие U_R , U_L и U_C , мы получим вектор, изображающий U

(его длина равна U_m). Этот вектор образует с осью токов угол φ , тангенс которого, как видно из рисунка 5, равен:

$$\operatorname{tg}\varphi = \frac{\omega L - \frac{1}{\omega C}}{R}. \quad (10)$$

Угол φ дает разность фаз между напряжением U и силой тока i . Из прямоугольного треугольника, гипотенуза которого U_m , следует, что:

$$(Ri_m)^2 + \left[\left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right) i_m \right]^2 = U_m^2,$$

$$\text{откуда: } i_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2}}. \quad (11)$$

Итак, если напряжение на зажимах цепи изменяется по закону:

$$U = U_m \cos \omega t,$$

$$\text{то в цепи течёт ток } i = i_m \cos(\omega t - \varphi). \quad (12)$$

Величина:

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(\omega L - \frac{1}{\omega C} \right)^2} = \sqrt{R^2 + (X_L - X_C)^2} \quad (13)$$

называется полным сопротивлением цепи.

Величина:

$$X = X_L - X_C = \omega L - \frac{1}{\omega C} \quad (14)$$

называется реактивным сопротивлением.

Таким образом:

$$Z = \sqrt{R^2 + X^2}. \quad (15)$$

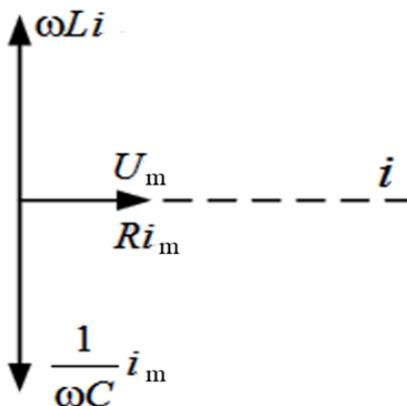


Рис. 6

Ток отстаёт от напряжения ($\varphi > 0$) или опережает его ($\varphi < 0$) в зависимости от соотношения между X_L и X_C . При $\omega L > \frac{1}{\omega C}$ ток отстаёт от напряжения, при $\omega L < \frac{1}{\omega C}$ ток опережает напряжение. Если $\omega L = \frac{1}{\omega C}$ изменения тока и напряжения происходят синфазно ($\varphi = 0$).

При удовлетворяющей этому условию частоте:

$$\omega_{\text{рез}} = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad (16)$$

полное сопротивление цепи Z имеет наименьшее, возможное при данных R , L и C , значение, равное R . Соответственно сила тока достигает наибольшего (возможного при данном U_m) значения. При этом падение напряжения на активном сопротивлении равно внешнему напряжению, приложенному к цепи. Падения напряжения на ёмкости U_C и индуктивности U_L одинаковы по амплитуде и противоположны по фазе. Это явление называется резонансом напряжений, а частота (16) – резонансной частотой. Векторная диаграмма для случая резонанса напряжений показана на рисунке 6.

Подставив в выражения для амплитуды напряжения на индуктивности ($U_L = \omega L I_m$) и ёмкости $U_C = \frac{1}{\omega C} I_m$ значение резонансной частоты (11.17), получим: $U_{L\text{рез}} = U_{C\text{рез}} = \sqrt{\frac{L}{C}} I_m = \frac{1}{R} \sqrt{\frac{L}{C}} U_m$.

Если $\sqrt{\frac{L}{C}} > R$, напряжение на индуктивности и на ёмкости превышает напряжение, приложенное к цепи.

Явление резонанса напряжений характерно тем, что полное сопротивление цепи оказывается чисто активным (ток и напряжение изменяются синфазно) и имеет наименьшую возможную при данных параметрах цепи величину.

Если ёмкость в цепи отсутствует, приложенное напряжение равно сумме падений напряжения на сопротивлении и индуктивности: $U = U_R + U_L$. Соответствующая векторная диаграмма изображена на

рисунке 7. В этом случае, как видно из рисунка, $\operatorname{tg}\varphi = \frac{\omega L}{R}$ и

$$i_m = \frac{U_m}{\sqrt{R^2 + (\omega L)^2}}.$$

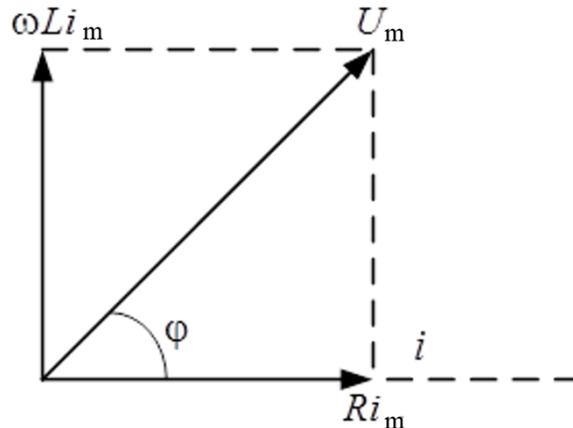


Рис. 7.

В случае переменного тока дело обстоит сложнее, так как сила переменного тока зависит не только от активного сопротивления цепи, но и от индуктивного и емкостного сопротивлений.

Если в цепи имеется конденсатор, то процесс прохождения через него тока представляет многократную перезарядку конденсатора. В этом случае, если пренебречь очень малыми потерями на нагревание диэлектрика в конденсаторе, прохождение тока через него не связано с выделением в нем энергии. В течение той четверти периода, когда происходит зарядка конденсатора, энергия запасается в нем, а когда конденсатор разряжается, он отдает в цепь запасенную энергию.

Аналогично дело обстоит и при наличии в цепи катушки индуктивности. Когда сила тока нарастает, в катушке создается магнитное поле, которое обладает запасом энергии. При уменьшении силы тока магнитное поле исчезает и запасенная в нем энергия возвращается к источнику тока. Следовательно, при наличии в цепи индуктивного и емкостного сопротивлений происходит обмен энергией между конденсатором или катушкой индуктивности и источником тока, в цепи расходуется мощность $P = iUk$, где $k = \cos\varphi$ — коэффициент мощности цепи, а φ — сдвиг фазы между силой тока в цепи и напряжением между концами рассматриваемого участка. Таким образом,

$$P = iU \cos \varphi. \quad (13)$$

Данная формула отличается от (12) наличием дополнительного множителя $\cos \varphi$. Она показывает, что выделяемая в цепи переменного тока мощность зависит не только от силы тока и напряжения, но и от сдвига фаз между напряжением и силой тока.

Если $\varphi = 90^\circ$, то $\cos \varphi = 0$ и мощность равна нулю, как бы ни были велики напряжение и сила тока. В этом случае энергия, передаваемая за четверть периода от источника в цепь, равна энергии, передаваемой из цепи в источник в течение следующей четверти периода, т.е. вся энергия колеблется между источником и цепью.

Средняя мощность переменного тока. В течение малого промежутка времени переменный ток можно рассматривать как постоянный, поэтому в цепи с активным сопротивлением мгновенная мощность переменного тока $p_t = iU = i_m U_m \sin^2 \omega t$, где i и U – мгновенные, а $i_m U_m$ – амплитудные значения силы тока и напряжения.

Учитывая, что $\sin^2 \omega t = \frac{1}{2}(1 - \cos 2\omega t)$, имеем

$p_t = \frac{1}{2} i_m U_m (1 - \cos 2\omega t)$. Работа $dA = p_t dt$ за малый промежуток времени, а за время полного периода T колебаний:

$$A = \frac{1}{2} i_m U_m \int_0^T (1 - \cos 2\omega t) dt.$$

Учитывая, что $\omega = 2\pi / T$, имеем:

$$A = \frac{1}{2} i_m U_m \int_0^T \left(1 - \cos \frac{4\pi}{T} t\right) dt = \frac{i_m U_m T}{2},$$

$$A_T = \frac{1}{2} i_m U_m T.$$

Средняя мощность переменного тока:

$$P_{\text{ср}} = \frac{A_T}{T} = \frac{i_m U_m}{2}. \quad (14)$$

Действующее значение силы тока, напряжения, э. д. с. Назовем действующей (эффективной) силой тока $I_{\text{эф}}$ и действующим (эффективным) напряжением $U_{\text{эф}}$ такие силу и напряжение постоянного тока, при прохождении которого по той же цепи за то же время выделяется такое же количество теплоты, что и при данном переменном токе. При этом мощность:

$$P = I_{\text{эф}} U_{\text{эф}} = R I_{\text{эф}}^2 = \frac{U_{\text{эф}}^2}{R}. \quad (15)$$

Сравнив эту формулу с выражениями для мощности переменного тока (14), получим:

$$I_{\text{эф}} = \frac{i_m}{\sqrt{2}}; \quad U_{\text{эф}} = \frac{U_m}{\sqrt{2}}. \quad (16)$$

Аналогично, действующее значение э. д. с. переменного тока в цепи меньше его амплитудного значения:

$$\varepsilon_{\text{эф}} = \frac{\varepsilon_m}{\sqrt{2}}. \quad (17)$$

Зная эффективные значения, среднюю мощность переменного тока, можно вычислить по тем же формулам, что и мощность постоянного тока. Все вольтметры, предназначенные для переменного тока, показывают эффективные значения э. д. с. и напряжения.

Методика проведения измерений. Активное сопротивление катушки можно вычислить по закону Ома, если измерить ток I и постоянное напряжение на её клеммах:

$$R = \frac{U}{I}, \quad (18)$$

так как индуктивное сопротивление катушки на постоянном токе равно нулю.

Полное сопротивление катушки вычисляем также по закону Ома, используя показания приборов переменного тока:

$$Z = \frac{U_{\text{эф}}}{I_{\text{эф}}}. \quad (19)$$

При отсутствии конденсатора в цепи формула (10) принимает вид:

$$U_m = \sqrt{U_R^2 + U_L^2} = \sqrt{U_R^2 + (\omega L)^2}. \quad (20)$$

Полное сопротивление Z цепи переменного тока в этом случае $Z = \sqrt{R^2 + (\omega L)^2}$. (21)

Из последней формулы с учетом соотношения (19) можно получить выражение для индуктивности катушки:

$$L = \frac{1}{\omega} \sqrt{\left(\frac{U_{\text{эф}}}{i_{\text{эф}}}\right)^2 - \left(\frac{U}{I}\right)^2} = \frac{1}{2\pi\nu} \sqrt{\left(\frac{U_{\text{эф}}}{i_{\text{эф}}}\right)^2 - \left(\frac{U}{I}\right)^2}. \quad (22)$$

Порядок выполнения работы

1. Соединить приборы в электрическую цепь согласно рис. 6. Подключить катушку индуктивности L к средним клеммам двоянного переключателя K , а на крайние клеммы подключить слева источник постоянного тока 1 и справа источник переменного тока 3. Ручки регулировки напряжения источников тока установить в крайнее левое положение.

Подключить источники постоянного и переменного напряжения к сети 220 В.

2. Установить переключатель K в левое положение. Включить источник постоянного тока. Устанавливая напряжения, заданные преподавателем, измерить значения тока I с одним из сердечников в катушке индуктивности. В каждом случае рассчитать сопротивление R по закону Ома для полной цепи по формуле (18). Результаты измерений и расчетов занести в таблицу 1.

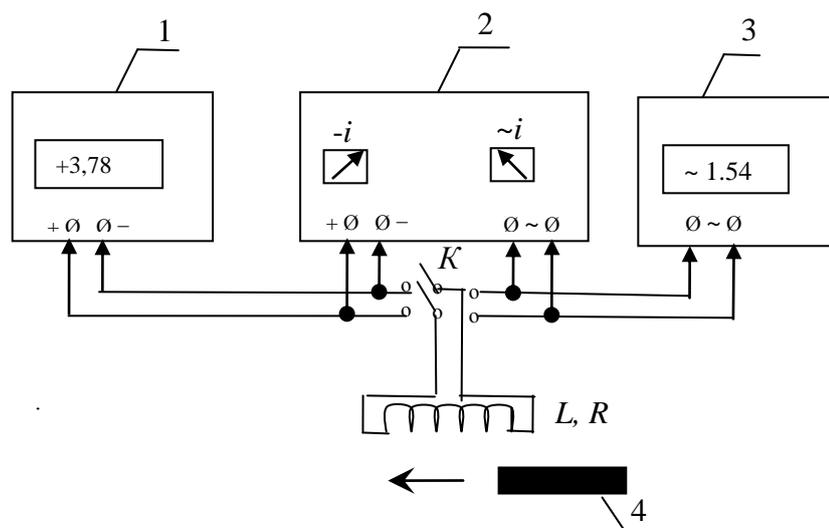


Рис. 6. Схема установки: 1 – источник постоянного тока; 2 – измерительный блок; 3 – источник переменного тока; 4 – сердечник; K – двоянный переключатель; L – катушка индуктивности.

Таблица 1

№ п/п	U, Ом	I, мА	R, Ом	\bar{R} , Ом
1				
2				
3				

3. Установить переключатель K в правое положение. Включить источник переменного напряжения. Устанавливая напряжения $U_{эф}$, заданные преподавателем, измерить значения переменного тока $i_{эф}$ через катушку с сердечниками из различных материалов. Результаты измерений занести в таблицу 2.

4. По формулам (19) и (22) рассчитать полное сопротивление Z и индуктивность L катушки для каждого измерения. Полученные значения L и Z занести в таблицу 2.

5. Рассчитать погрешности измерений полного сопротивления цепи ΔZ и индуктивности ΔL катушки при наличии заданного преподавателем сердечника в катушке.

6. Построить векторную диаграмму для катушки со стальным сердечником. По векторной диаграмме определить угол φ между векторами тока и напряжения на катушке индуктивности.

Таблица 2

№ п/п	Материал сердечника	$U_{эф}$, В	$i_{эф}$, мА	Z , Ом	\bar{Z} , Ом	L , Гн	\bar{L} , Гн
1	Алюминий						
2	Бронза						
3	Сталь						
4	Воздух						

Сделать выводы.

В выводах дать ответы на следующие вопросы.

1. Какой электрический ток называют переменным? Основные характеристики переменного тока.
2. Закон Ома для участка цепи с активным сопротивлением.
3. Закон Ома для участка цепи с емкостным сопротивлением.

4. Закон Ома для участка цепи с индуктивным сопротивлением.
5. Основные соотношения для цепи переменного тока, содержащей последовательно включенные резистор, конденсатор и индуктивность.
6. При каких условиях возникают резонансы токов и напряжений?
7. Какова мощность, выделяемая в цепи переменного тока?

Приложение

1. Основные физические постоянные:

- скорость света в вакууме – $c = 3,00 \cdot 10^8$ м/с;
 ускорение свободного падения – $g = 9,81$ м/с²;
 гравитационная постоянная – $G = 6,67 \cdot 10^{-11}$ Нм²/кг²;
 постоянная Авогадро – $N_A = 6,02 \cdot 10^{23}$ моль⁻¹;
 молекулярная газовая постоянная – $R = 8,31$ Дж /моль К;
 объём моля идеального газа при нормальных условиях –
 $V_0 = 22,4 \cdot 10^{-3}$ м³/моль;
 постоянная Больцмана – $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$ Дж /К;
 элементарный заряд – $e = 1,6 \cdot 10^{-19}$ Кл;
 магнетон Бора – $\mu_B = 9627 \cdot 10^{-24}$ Дж/Тл;
 масса протона – $m_p = 1,67 \cdot 10^{-27}$ кг;
 масса электрона – $m_e = 9,11 \cdot 10^{-31}$ кг;
 удельный заряд электрона – $e/m = 1,76 \cdot 10^{11}$ Кл/кг;
 электрическая постоянная – $\epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12}$ Ф/м;
 магнитная постоянная – $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7}$ Гн/м;
 постоянная Ридберга – $R = 1,10 \cdot 10^7$ м⁻¹;
 скорость света в вакууме – $c = 3,00 \cdot 10^8$ м/с;
 число Авогадро – $N_A = 6,02 \cdot 10^{23}$ моль⁻¹;
 заряд электрона – $e = 1,60 \cdot 10^{-19}$ Кл;
 постоянная Планка – $h = 6,63 \cdot 10^{-34}$ Дж · с;
 постоянная Стефана-Больцмана – $\sigma = 5,67 \cdot 10^{-8}$ Вт/(м² · К⁴);

постоянная в законе Вина $-b = 2,89 \cdot 10^{-3} \text{ м} \cdot \text{К}$;
 радиус первой борновской орбиты $-a_0 = 5,29 \cdot 10^{-11} \text{ м}$;
 атомная единица массы $-1 \text{ а.е.м.} = 1,660 \cdot 10^{-27} \text{ кг}$;

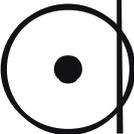
2. Диэлектрическая проницаемость ϵ :

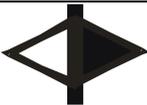
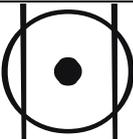
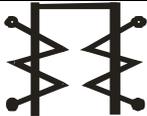
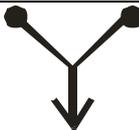
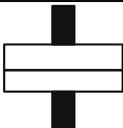
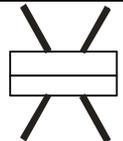
вода – 81;
 парафин – 2,0;
 слюда – 6,0;
 стекло – 7,0;
 фарфор – 5,0;
 масло трансформаторное – 2,2;
 эбонит – 6,0.

3. Удельное сопротивление ρ и температурный коэффициент проводников (при 20°C)

Проводник	Удельное сопротивление, нОм·м	Температурный коэффициент, К ⁻¹
Алюминий	28	0,0038
Вольфрам	55	0,0051
Железо	98	0,0062
Константан	480	0,00002
Медь	17,2	0,0043
Никель	400	0,000017
Нихром	980	0,00026

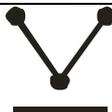
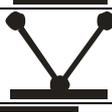
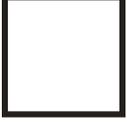
4. Знаки, обозначающие принцип действия приборов

Система прибора	Условное обозначение	Система прибора	Условное обозначение
Магнитоэлектрический прибор с подвижной рамкой		Ферродинамический логометр	
Магнитоэлектрический логометр с подвижными рамками		Индукционный прибор	

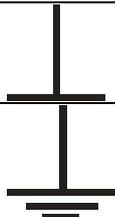
Магнитоэлектрический прибор с подвижным магнитом		Индукционный логометр	
Магнитоэлектрический логометр с подвижным магнитом		Магнитоиндукционный прибор	
Электромагнитный прибор		Электростатический прибор	
Электромагнитный логометр		Вибрационный прибор (язычковый)	
Электромагнитный поляризованный прибор		Тепловой прибор с нагреваемой проволокой	
Электродинамический прибор		Биметаллический прибор	
Электродинамический логометр		Электролитический прибор	
Ферродинамический прибор		Газоразрядный прибор	

5. Дополнительные обозначения, указываемые на приборах

Наименование	Характеристика	Обозначение
1	2	3
Выпрямитель	Полупроводниковый	
	Электромеханический	

Преобразователь	Электронный	
	Вибрационно-импульсный	
	Термический Изолированный	
	Неизолированный	
Защита от внешних полей	Магнитных (первая категория защищенности)	
	Электрических (первая категория защищенности)	
Род тока	Постоянный	
	Переменный однофазный	
	Постоянный и переменный	
	Трехфазный переменный (общее обозначение)	
	Трехфазный переменный при неравномерной нагрузке фаз	
Класс точности	При нормировании погрешности в процентах от диапазона измерения, например 1.5	1.5
	То же в процентах от длины шкалы, например 1.5	

Положение шкалы	Горизонтальное	
	Вертикальное	
	Наклонное под определенным углом к горизонту, например 60°	
Предупредительный знак	Внимание! Смотри дополнительные указания в паспорте и инструкции по эксплуатации	
	Измерительная цепь изолирована от корпуса и испытана напряжением, например 2 кВ	
	Прибор испытанию прочности изоляции не подлежит	
	Осторожно! Прочность изоляции измерительной цепи по отношению к корпусу не соответствует нормам (знак выполняется красным цветом)	
Обозначения зажимов, корректора и арретира	Отрицательный	
	Положительный	
	Переменного тока (в комбинированных приборах)	
	Общий (для многопредельных приборов переменного тока и	

	комбинированных приборов)	*
	Генераторный (для ваттметров, варметров и фазометров)	
	Постоянного тока (в комбинированных приборах) в зависимости от полярности	+ ИЛИ -
	Соединенный с подвижной частью(рамкой) прибора	
	Соединенный с экраном	
	Соединенный с корпусом	
	Для заземления	
	Корректор	
	Арретир	Арр или Арретир
	Направление арретирования	

6. Обозначения эксплуатационных характеристик

Наименование	Условное обозначение	Наименование	Условное обозначение
1	2	3	4
Для закрытых сухих помещений (группа Б)	Б	Для условий сухого и влажного тропического климата	Т
Для полевых и	В ₁ ; В ₂ ; В ₃		

морских условий (группа В)			
Тряскопрочные	ТП	Обыкновенные с повышенной механической прочностью	ОП
Вибропрочные	ВП		
Нечувствительные к тряске	ТН	Сопротивление добавочное (общее обозначение)	ДС
Нечувствительные к вибрации	ВН		
Ударопрочные	УП	Шунт отдельный (наружный)	НШ
Брызгозащищенные	Бз	Трансформатор тока (общее обозначение)	ТТ
Водозащищенные	Вз	Трансформатор напряжения (общее обозначение)	ТН
Герметические	Гм		
Газозащищенные	Гз	Добавочное устройство	ДУ
Пылезащищенные	Пз	Термопреобразователь	ТП
Взрывобезопасные	Вб	Провода соединительные	СП

Литература

1. Детлаф А.А., Яворский Б.М. Курс физики. – М., 1989.
2. Калашников С.Г. Электричество. – М., 1985.
3. Матвеев А.Н. Электричество и магнетизм. – М., 1983.
4. Практикум по физике. Электричество и магнетизм /Под ред. Ф.А. Николаева. – М., 1991.
5. Трофимова, Т.И. Курс физики /Т.И. Трофимова. – М., 1998. – С. 207.
6. Майсова, Н.Н. Практикум по курсу общей физики /Н.Н. Майсова. – М.: Высш. шк., 1973.
7. Савельев И.В. Курс общей физики. – Т 2. – М., 1982. – С. 258-265.
8. Гольдин Л.А. Лабораторные занятия по физике: Учебное пособие. – М., 1983. – С. 288-294.

9. Физический практикум. Электричество и оптика /Под ред. В.И. Ивероновой. – М., 1968. – С. 233 – 240.
10. Практикум по физике. Электричество и магнетизм /Под ред. Ф.А. Николаева. – М., 1991.
11. Курбатова Л.М., Исаев А.В., Панков А.А., “Электричество и магнетизм”, лабораторный практикум. – Гомель: ГГТУ им. П.О. Сухого, 2006.
12. Солоухин Р. И. Методы физических измерений: лабораторный практикум по физике / Р. И. Солоухин. – Новосибирск: Наука, 1975.
13. Соловцова, О. П. Теория погрешностей: пособие по курсу «Физика» / О.П. Соловцова. – Гомель: ГГТУ им П. О. Сухого, 2007.
14. Иродов, Н. Е. Основные законы электромагнетизма: Учебное пособие./Н. Е. Иродов. – Москва: Высшая школа, 1991.